

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«РЯЗАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ РАДИОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ  
ИМЕНИ В.Ф. УТКИНА»

Кафедра «Микро- и наноэлектроника»

«СОГЛАСОВАНО»

Декан ФЭ

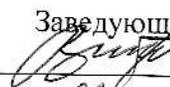
  
/ Верещагин Н.М.  
«02» 06 20 20 г

«УТВЕРЖДАЮ»

Директор РОПиМД

  
/ Корячко А.В.  
«02» 06 20 20 г

Заведующий кафедрой МНЭЛ

  
/ Литвинов В.Г.  
«02» 06 20 20 г

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.09 «Математика»

Направление подготовки

11.03.04 «Электроника и наноэлектроника»

Направленность (профиль) подготовки

«Микро- и наноэлектроника»

Уровень подготовки

Бакалавриат

Квалификация выпускника – бакалавр

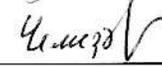
Формы обучения – очная

Рязань 2020 г

## ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЙ

Рабочая программа составлена с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки (специальности) 11.03.04 «Электроника и нанoeлектроника» (уровень бакалавриата), утвержденного приказом Минобрнауки России от 12.03.2015г.№218 \_ (дата утверждения ФГОС ВО)

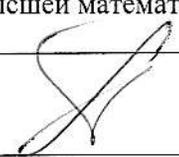
Разработчики: доцент кафедры высшей математики  Кострова Ю.С.

доцент кафедры высшей математики  Чемезов О.Н.

Программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры высшей математики

«01» июня 2020 г., протокол № 10

Заведующий кафедрой высшей математики, к.ф.-м.н., доцент

  
Бухенский К.В.

(подпись)(Ф.И.О.)

## 1. ЦЕЛЬ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

**Целью освоения дисциплины является** приобретение базовых знаний и умений в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом формирование у студентов способности к логическому мышлению, анализу и восприятию информации, воспитание математической культуры, посредством обеспечения этапов формирования компетенций, предусмотренных ФГОС, в части представленных ниже знаний, умений и навыков.

### **Задачи:**

- обучение базовым математическим методам, необходимым для анализа и моделирования устройств, процессов и явлений при поиске оптимальных решений;
- обучение методам обработки и анализа результатов численных экспериментов.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина Б1.О.09 «Математика» относится к дисциплинам обязательной части Блока 1 «Дисциплины (модули)» основной профессиональной образовательной программы (далее – образовательной программы) бакалавриата «Нанотехнологии в электронике» направления 11.03.04 Электроника и наноэлектроника.

Дисциплина базируется на следующих дисциплинах: математика, изучаемых в средней школе.

Для освоения дисциплины обучающийся должен:

знать:

- основные методы геометрии, алгебры и начала анализа, изучаемых при получении среднего общего образования;

уметь:

- производить расчеты, пользуясь методами и средствами элементарной математики, и анализировать полученные результаты;

владеть:

- навыками, методами и приемами элементарной математики;

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при изучении следующих дисциплин: «Теоретические основы электротехники», «Электромагнитные поля и волны», «Метрология, стандартизация и технические измерения», «Физические основы электроники», «Статистическая физика электронных процессов» и при выполнении выпускной квалификационной работы.

## 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО, ПООП (при наличии) по данному направлению подготовки, а также компетенций (при наличии), установленных университетом.

### Универсальные компетенции выпускников и индикаторы их достижения

Категория (группа) универсальных компетенций	Код и наименование универсальной компетенции	Код и наименование индикатора достижения универсальной компетенции
Системное и критическое мышление	УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.	<p>УК – 1.1 Знать: принципы сбора, отбора и обобщения информации, методики системного подхода для решения профессиональных задач.</p> <p>УК – 1.2 Уметь: анализировать и систематизировать разнородные данные, оценивать эффективность процедур анализа проблем и принятия решений в профессиональной деятельности.</p> <p>ИД – 3 УК – 1 Владеть: навыками научного поиска и практической работы с информационными источниками; методами принятия решений.</p>

### Общепрофессиональные компетенции выпускников и индикаторы их достижения

Категория (группа) общепрофессиональных компетенций	Код и наименование общепрофессиональной компетенции	Код и наименование индикатора достижения общепрофессиональной компетенции
ОПК	ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	<p>ИД – 1 ОПК-1 Знать: основы высшей математики, физики, экологии, инженерной графики, информатики и программирования.</p> <p>ИД – 2 ОПК-1 Уметь: решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования.</p> <p>ИД – 3 ОПК-1 Владеть: методами теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности.</p>

#### 4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1 Объем дисциплины по семестрам (курсам) и видам занятий в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины составляет 27 зачетных единиц (ЗЕ), 972 часа.

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры			
		1	2	3	4
<b>Аудиторные занятия (всего)</b>	361,4	98,35	98,35	82,35	82,35
В том числе:					
Лекции	176	48	48	40	40
Лабораторные работы (ЛР)					
Практические занятия (ПЗ)	176	48	48	40	40
Консультации перед экзаменом	8	2	2	2	2
ИКР (иная контактная работа)	1,4	0,35	0,35	0,35	0,35
<b>Самостоятельная работа (СР)</b>	432	108	108	108	108
<b>Контроль (самостоятельная работа студента во время промежуточной аттестации)</b>	178,6	44,65	44,65	44,65	44,65
Вид промежуточной аттестации (зачет, дифференцированный зачет, экзамен)	экзамен	экзамен	экзамен	экзамен	экзамен
Общая трудоемкость час	972	251	251	235	235
Зачетные Единицы Трудоемкости	27	7	7	6,5	6,5

#### 4.2 Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)

№	Раздел дисциплины	Общая трудоемкость, всего часов	Контактная работа обучающихся с преподавателем			СР
			всего	Лекции	Семинары, практические занятия	
<b>Семестр 1</b>						
	<b>Всего</b>	<b>251</b>	<b>96</b>	<b>48</b>	<b>48</b>	<b>155</b>
1	Введение в курс математики	22	8	4	4	14
2	Линейная алгебра	42	20	10	10	20
3	Векторная алгебра и аналитическая геометрия	40	16	8	8	20
4	Введение в математический анализ	40	16	8	8	20
5	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	46	20	10	10	21

6	Применение дифференциального исчисления для исследования функций и построения их графиков	40	16	8	8	20
	Экзамены и консультации	40				40
<b>Семестр 2</b>						
	<b>Всего</b>	<b>251</b>	<b>96</b>	<b>48</b>	<b>48</b>	<b>155</b>
7	Неопределенный интеграл	32	16	8	8	20
8	Определенный интеграл и его приложения	32	16	8	8	18
9	Конечномерные и бесконечномерные линейные пространства. Линейные операторы	24	12	6	6	12
10	Функции нескольких переменных	32	16	8	8	20
11	Обыкновенные ДУ	36	18	8	10	20
12	Системы ДУ	20	10	6	4	13
13	Операционное исчисление	18	8	4	4	12
	Экзамены и консультации	40				40
<b>Семестр 3</b>						
	<b>Всего</b>	<b>235</b>	<b>80</b>	<b>40</b>	<b>40</b>	<b>155</b>
14	Числовые и функциональные ряды	82	32	16	16	46
15	Элементы функционального анализа. Ряды Фурье и преобразование Фурье	48	18	10	8	23
16	Общая схема построения интегралов	82	30	14	16	46
	Экзамены и консультации	40				40
<b>Семестр 4</b>						
	<b>Всего</b>	<b>235</b>	<b>80</b>	<b>40</b>	<b>40</b>	<b>155</b>
17	Основы дискретной математики	53	23	11	12	30
18	Теория функций комплексной переменной	49	24	12	12	30
19	Теория вероятностей и элементы математической статистики	74	33	17	16	55
	Экзамены и консультации	40				40

### 4.3 Содержание дисциплины

#### 4.3.1 Лекционные занятия

№ п/п	Темы лекционных занятий	Трудоемкость (час.)	Формируемые компетенции	Форма Контроля
1	Введение в курс математики	4	ОПК-1	Экзамен
2	Матрицы, линейные операции над матри-	2	ОПК-1	Экзамен

	цами и их свойства.			
3	Определители 2-го и 3-го порядков. Миноры. Алгебраические дополнения. Определитель n-го порядка. Свойства определителей.	2	ОПК-1	Экзамен
4	Обратная матрица: определение, теоремы о существовании и единственности обратной матрицы.	2	ОПК-1	Экзамен
5	СЛАУ: скалярная и матричная формы записи. Правило Крамера. Решение и исследование СЛАУ методом Гаусса. Решение матричных уравнений с помощью обратной матрицы.	4	ОПК-1	Экзамен
6	Векторы. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов	2	ОПК-1	Экзамен
7	Различные виды задания уравнений плоскости в пространстве.	2	ОПК-1	Экзамен
8	Каноническое и параметрические уравнения прямой в пространстве, их взаимное положение. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.	2	ОПК-1	экзамен
9	Прямая на плоскости, различные виды уравнений прямой на плоскости. Канонические уравнения кривых II порядка.	2	ОПК-1	экзамен
10	Числовые последовательности. Предел числовой последовательности.	4	ОПК-1	экзамен
11	Предел функции в точке. Первый и второй замечательные пределы.	2	ОПК-1	экзамен
12	Непрерывность функции в точке. Свойства функций непрерывных на отрезке.	2	ОПК-1	экзамен
13	Производная функции. Вычисление производных основных элементарных функций.	4	ОПК-1	экзамен
14	Дифференцируемость функции. Применение дифференциала для приближенных вычислений.	2	ОПК-1	экзамен
15	Производные и дифференциалы высших порядков.	4	ОПК-1	экзамен
16	Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши и их применение. Правило Лопиталя.	2	ОПК-1	экзамен
17	Формула Тейлора. Представление функций $e^x$ , $\sin x$ , $\cos x$ , $(1 \pm x)^a$ по формуле Тейлора.	2	ОПК-1	экзамен
18	Исследование функции и построение ее графика.	4	ОПК-1	экзамен
19	Неопределенный интеграл и его свойства.	2	ОПК-1	экзамен
20	Методы интегрирования (простейшие	2	ОПК-1	экзамен

	приемы интегрирования, замена переменной и интегрирование по частям).			
21	Интегрирование рациональных функций.	2	ОПК-1	экзамен
22	Интегрирование иррациональных и тригонометрических функций.	2	ОПК-1	экзамен
23	Определенный интеграл и его свойства.	2	ОПК-1	экзамен
24	Определенный интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной, интегрирование по частям.	2	ОПК-1	экзамен
25	Приложения определенного интеграла.	2	ОПК-1	экзамен
26	Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций.	2	ОПК-1	экзамен
27	Определение линейного пространства. Евклидовы пространства. Нормированные пространства.	2	ОПК-1	экзамен
28	Определение линейного оператора (ЛО). Собственные значения и собственные векторы ЛО.	2	ОПК-1	экзамен
29	Квадратичные формы. Критерий Сильвестра. Приведение квадратичной формы к каноническому виду.	2	ОПК-1	экзамен
30	Функции нескольких переменных. Частные производные. Дифференцируемость ФНП.	2	ОПК-1	экзамен
31	Полная производная, частные производные сложной ФНП. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора для ФНП.	2	ОПК-1	экзамен
32	Производная ФНП по направлению. Градиент ФНП. Необходимые и достаточные условия безусловного локального экстремума.	2	ОПК-1	экзамен
33	Условный экстремум. Функция Лагранжа.	2	ОПК-1	экзамен
34	Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков.	4	ОПК-1	экзамен
35	Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка, однородные (ЛОДУ) и неоднородные (ЛНДУ). ЛОДУ и ЛНДУ с постоянными коэффициентами. ЛНДУ с правой частью специального вида. Метод вариации произвольных постоянных.	4	ОПК-1	экзамен
36	Нормальная система ДУ. Метод исключения для решения нормальной СДУ. Матричный метод решения СЛОДУ. Метод вариации произвольных постоянных.	6	ОПК-1	экзамен

37	Преобразование Лапласа и его свойства. Решение ДУ и СДУ операционным методом.	4	ОПК-1	экзамен
38	Числовые ряды. Ряды с положительными членами. Признаки сходимости. Знакопеременные ряды. Знакочередующиеся ряды.	8	ОПК-1	экзамен
39	Функциональные ряды. Область сходимости. Равномерная сходимость. Свойства равномерно сходящихся рядов.	4	ОПК-1	экзамен
40	Степенные ряды. Ряды Тейлора и Маклорена.	4	ОПК-1	экзамен
41	Тригонометрическая система функций. Ряды Фурье $2\pi$ - и $2l$ - периодических функций. Разложение в ряд Фурье непериодических функций.	10	ОПК-1	экзамен
42	Двойные, тройные и $n$ -кратные интегралы, их свойства. Вычисление кратных интегралов.	6	ОПК-1	экзамен
43	Определение, свойства и вычисление криволинейных интегралов 1-го и 2-го рода.	4	ОПК-1	экзамен
44	Определение, свойства и вычисление поверхностных интегралов 1-го и 2-го рода.	4	ОПК-1	экзамен
45	Элементарные функции алгебры логики и их свойства.	2	ОПК-1	экзамен
46	Нормальные формы: СДНФ, СКНФ, полином Жегалкина.	3	ОПК-1	экзамен
47	Минимизация ФАЛ. Элементы теории графов	6	ОПК-1	экзамен
48	Функция комплексного переменного (ФКП.). Предел и непрерывность Ф.К.П. Производная ФКП. Аналитическая функция в точке и в области. Условия Коши-Римана.	2	ОПК-1	экзамен
49	Интегрирование ФКП.	2	ОПК-1	экзамен
50	Ряды Тейлора и Лорана.	2	ОПК-1	экзамен
51	Изолированные особые точки, их классификация.	2	ОПК-1	экзамен
52	Вычеты, их вычисление. Основная теорема о вычетах.	2	ОПК-1	экзамен
53	Приложения вычетов к вычислению интегралов.	2	ОПК-1	экзамен
54	Пространство элементарных событий. Случайные события, операции над событиями и отношения между ними. Алгебра событий. Аксиомы теории вероятностей.	2	ОПК-1	экзамен

55	Вероятностные пространства. Классическое определение вероятности. Геометрические вероятности.	2	ОПК-1	экзамен
56	Определение условной вероятности. Независимость событий, Вероятность произведений событий. Теорема о полной вероятности. Формула Байеса. Последовательность независимых испытаний. Схема Бернулли.	2	ОПК-1	экзамен
57	Случайные величины. Функция распределения случайной величины. Непрерывные и дискретные распределения. Плотность вероятности. Примеры распределений: нормальное, пуассона, биномиальное, равномерное, показательное.	2	ОПК-1	экзамен
58	Математическое ожидание, дисперсия и моменты случайных величин: их свойства. Ковариация, коэфф-т корреляции.	2	ОПК-1	экзамен
59	Закон больших чисел. Неравенство Чебышева. Предельные теоремы. Центральная предельная теорема для одинаково распределенных слагаемых.	2	ОПК-1	экзамен
60	Элементы математической статистики. Выборки.	2	ОПК-1	экзамен
61	Точечные оценки неизвестных параметров распределения по выборке. Понятие о доверительных интервалах и статистической проверке гипотез.	3	ОПК-1	экзамен

#### 4.3.2 Лабораторные занятия

№ п/п	Наименование лабораторных работ	Трудоемкость (час.)	Формируемые компетенции	Форма контроля
1.				

#### 4.3.3 Практические занятия (семинары)

№ п/п	Тематика практических занятий (семинаров)	Трудоемкость (час.)	Формируемые компетенции	Форма контроля

1	Введение в курс математики	4	ОПК-1	экзамен
2	Матрицы, линейные операции над матрицами и их свойства.	2	ОПК-1	КР, экзамен
3	Определители 2-го и 3-го порядков. Миноры. Алгебраические дополнения. Определитель n-го порядка. Свойства определителей.	2	ОПК-1	КР, экзамен
4	Обратная матрица: определение, теоремы о существовании и единственности обратной матрицы.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
5	СЛАУ: скалярная и матричная формы записи. Правило Крамера. Решение и исследование СЛАУ методом Гаусса. Решение матричных уравнений с помощью обратной матрицы.	4	ОПК-1	КР, экзамен
6	Векторы. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
7	Различные виды задания уравнений плоскости в пространстве.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
8	Каноническое и параметрические уравнения прямой в пространстве, их взаимное положение. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
9	Прямая на плоскости, различные виды уравнений прямой на плоскости. Канонические уравнения кривых II порядка.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
10	Числовые последовательности. Предел числовой последовательности.	4	ОПК-1	РЗ, экзамен
11	Предел функции в точке. Первый и второй замечательные пределы.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
12	Непрерывность функции в точке. Свойства функций непрерывных на отрезке.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
13	Производная функции. Вычисление производных основных элементарных функций.	4	ОПК-1	КР, экзамен
14	Дифференцируемость функции. Применение дифференциала для приближенных вычислений.	2	ОПК-1	КР, экзамен
15	Производные и дифференциалы высших порядков.	4	ОПК-1	КР, экзамен
16	Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши и их применение. Правило Лопиталя.	2	ОПК-1	экзамен
17	Формула Тейлора. Представление функций $e^x$ , $\sin x$ , $\cos x$ , $(1\pm x)^a$ по формуле Тейлора.	2	ОПК-1	экзамен
18	Исследование функции и построение ее графика.	4	ОПК-1	РЗ, экзамен

19	Неопределенный интеграл и его свойства.	2	ОПК-1	КР, экзамен
20	Методы интегрирования (простейшие приемы интегрирования, замена переменной и интегрирование по частям).	2	ОПК-1	КР, экзамен
21	Интегрирование рациональных функций.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
22	Интегрирование иррациональных и тригонометрических функций.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
23	Определенный интеграл и его свойства.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
24	Определенный интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной, интегрирование по частям.	2	ОПК-1	КР, экзамен
25	Приложения определенного интеграла.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
26	Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
27	Определение линейного пространства. Евклидовы пространства. Нормированные пространства.	2	ОПК-1	РЗ
28	Определение линейного оператора (ЛО). Собственные значения и собственные векторы ЛО.	2	ОПК-1	РЗ
29	Квадратичные формы. Критерий Сильвестра. Приведение квадратичной формы к каноническому виду.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
30	Функции нескольких переменных. Частные производные. Дифференцируемость ФНП.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
31	Полная производная, частные производные сложной ФНП. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора для ФНП.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
32	Производная ФНП по направлению. Градиент ФНП. Необходимые и достаточные условия безусловного локального экстремума.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
33	Условный экстремум. Функция Лагранжа.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
34	Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков.	4	ОПК-1	КР, экзамен
35	Линейные дифференциальные уравнения $n$ -го порядка, однородные (ЛОДУ) и неоднородные (ЛНДУ). ЛОДУ и ЛНДУ с постоянными коэффициентами. ЛНДУ с правой частью специального вида. Метод вариации произвольных постоянных.	6	ОПК-1	КР, экзамен

36	Нормальная система ДУ. Метод исключения для решения нормальной СДУ. Матричный метод решения СЛОДУ. Метод вариации произвольных постоянных.	4	ОПК-1	экзамен
37	Преобразование Лапласа и его свойства. Решение ДУ и СДУ операционным методом.	4	ОПК-1	экзамен
38	Числовые ряды. Ряды с положительными членами. Признаки сходимости. Знакопеременные ряды. Знакопеременные ряды. Знакопеременные ряды.	8	ОПК-1	РЗ, экзамен
39	Функциональные ряды. Область сходимости. Равномерная сходимость. Свойства равномерно сходящихся рядов.	4	ОПК-1	РЗ, экзамен
40	Степенные ряды. Ряды Тейлора и Маклорена.	4	ОПК-1	РЗ, экзамен
41	Тригонометрическая система функций. Ряды Фурье $2\pi$ - и $2l$ - периодических функций. Разложение в ряд Фурье непериодических функций.	8	ОПК-1	РЗ
42	Двойные, тройные и n-кратные интегралы, их свойства. Вычисление кратных интегралов.	6	ОПК-1	КР, экзамен
43	Определение, свойства и вычисление криволинейных интегралов 1-го и 2-го рода.	4	ОПК-1	РЗ, экзамен
44	Определение, свойства и вычисление поверхностных интегралов 1-го и 2-го рода.	6	ОПК-1	РЗ, экзамен
45	Элементарные функции алгебры логики и их свойства.	2	ОПК-1	экзамен
46	Нормальные формы: СДНФ, СКНФ, полином Жегалкина.	4	ОПК-1	экзамен
47	Минимизация ФАЛ. Элементы теории графов	6	ОПК-1	экзамен
48	Функция комплексного переменного (ФКП.). Предел и непрерывность Ф.К.П. Производная ФКП. Аналитическая функция в точке и в области. Условия Коши-Римана.	2	ОПК-1	КР, РЗ, экзамен
49	Интегрирование ФКП.	2	ОПК-1	КР, экзамен
50	Ряды Тейлора и Лорана.	2	ОПК-1	КР, экзамен
51	Изолированные особые точки, их классификация.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
52	Вычеты, их вычисление. Основная теорема о вычетах.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
53	Приложения вычетов к вычислению ин-	2	ОПК-1	РЗ, экзамен

	тегралов.			
54	Пространство элементарных событий. Случайные события, операции над событиями и отношения между ними. Алгебра событий. Аксиомы теории вероятностей.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
55	Вероятностные пространства. Классическое определение вероятности. Геометрические вероятности.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
56	Определение условной вероятности. Независимость событий, Вероятность произведений событий. Теорема о полной вероятности. Формула Байеса. Последовательность независимых испытаний. Схема Бернулли.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
57	Случайные величины. Функция распределения случайной величины. Непрерывные и дискретные распределения. Плотность вероятности. Примеры распределений: нормальное, пуассона, биномиальное, равномерное, показательное.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
58	Математическое ожидание, дисперсия и моменты случайных величин: их свойства. Ковариация, коэфф-т корреляции.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
59	Закон больших чисел. Неравенство Чебышева. Предельные теоремы. Центральная предельная теорема для одинаково распределенных слагаемых.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
60	Элементы математической статистики. Выборки.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен
61	Точечные оценки неизвестных параметров распределения по выборке. Понятие о доверительных интервалах и статистической проверке гипотез.	2	ОПК-1	РЗ, экзамен

#### 4.3.4 Самостоятельная работа

№ п/п	Тематика самостоятельной работы	Трудоемкость (час.)	Формируемые компетенции	Форма контроля
1.	Введение в курс математики	14	УК-1, ОПК-1	экзамен

2.	Линейная алгебра	20	УК-1, ОПК-1	КР, экзамен
3.	Векторная алгебра и аналитическая геометрия	20	УК-1, ОПК-1	РЗ, экзамен
4.	Введение в математический анализ	20	УК-1, ОПК-1	РЗ, экзамен
5.	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	21	УК-1, ОПК-1	КР, экзамен
6.	Применение дифференциального исчисления для исследования функций и построения их графиков	20	УК-1, ОПК-1	КР, экзамен
7.	Неопределенный интеграл	20	УК-1, ОПК-1	КР, экзамен
8.	Определенный интеграл и его приложения	18	УК-1, ОПК-1	РЗ, экзамен
9.	Конечномерные и бесконечномерные линейные пространства. Линейные операторы	12	УК-1, ОПК-1	РЗ, экзамен
10.	Функции нескольких переменных	20	УК-1, ОПК-1	РЗ, экзамен
11.	Обыкновенные дифференциальные уравнения	20	УК-1, ОПК-1	КР, экзамен
12.	Системы ДУ	13	УК-1, ОПК-1	экзамен
13.	Операционное исчисление	12	УК-1, ОПК-1	экзамен
14.	Числовые и функциональные ряды	46	ОПК-1	КР, экзамен
15.	Ряды Фурье.	23	ОПК-1	РЗ, экзамен
16.	Двойные интегралы	46	ОПК-1	РЗ, экзамен
17.	Основы дискретной математики	30	ОПК-1	РЗ, экзамен
18.	ТФКП	30	ОПК-1	КР, экзамен
19.	Теория вероятностей и математическая статистика	55	ОПК-1	РЗ, экзамен

#### 4.3.5 Темы курсовых проектов/курсовых работ

#### 4.3.6 Темы рефератов

#### 4.3.7 Темы расчетных заданий

1. Векторная алгебра и аналитическая геометрия.
2. Введение в математический анализ.
3. Интегральное исчисление функций одного переменного.
4. Линейные пространства. Линейные операторы. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных.
5. Дифференциальные уравнения.
6. Ряды. Двойные интегралы.
7. Теория функций комплексной переменной.
8. Теория вероятностей и математическая статистика.

## 5. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Оценочные материалы приведены в приложении к рабочей программе дисциплины (см. документ «Оценочные материалы по дисциплине «Математика»).

## 6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 6.1 Основная литература

1. Гусак А.А. Высшая математика. Том 1 [Электронный ресурс] : учебник / А.А. Гусак. — Электрон. текстовые данные. — Минск: ТетраСистемс, 2009. — 544 с. — 978. . — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/28059.html>
2. Гусак А.А. Высшая математика. Том 2 [Электронный ресурс] : учебник / А.А. Гусак. — Электрон. текстовые данные. — Минск: ТетраСистемс, 2009. — 446 с. — 978. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/28060.html>
3. Гусак А.А. Математический анализ и дифференциальное уравнение. Примеры и задачи [Электронный ресурс] : учебное пособие / А.А. Гусак. — Электрон. текстовые данные. — Минск: ТетраСистемс, 2011. — 415 с. — 978. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/28122.html>
4. Зарубин В.С., Иванова Е.Е., Кувыркин Г.Н. Интегральное исчисление функций одного переменного. М.: МГТУ, 2000.
5. Канатников А.Н. Линейная алгебра: Учебник для втузов / Под ред. Зарубина В.С., Крищенко А.П. - 2-е изд. - М.: Изд-во МГТУ, 2001.
6. Канатников, А.Н. Аналитическая геометрия: учеб. пособие / А. Н. Канатников, А. П. Крищенко. - М.: МГТУ, 2000.

### 8.2 Дополнительная литература

1. Агафонов С.А. Дифференциальные уравнения: Учеб.для втузов / Под ред. Зарубина В.С., Крищенко А.П. - 2-е изд. - М.: Изд-во МГТУ, 1999. 2000.
2. Агафонов, С.А. Обыкновенные дифференциальные уравнения: учеб. пособие для вузов / С. А. Агафонов, Т. В. Муратова. - М.: Академия, 2008. - 238с. - (Унив. учеб. Сер. "Прикл. мат. и информ."). - Библиогр.: с.231-232. - ISBN 978-5-7695-2581-0.
3. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа. Решение типичных и трудных задач: Учеб. пособие. - СПб.: М.: Краснодар: Лань, 2005.
4. Бухенский, К.В. Опорные конспекты по высшей математике: учеб. пособие. Ч.1 / К. В. Бухенский ; РГРТУ. - Рязань, 2010. - 168с. - Библиогр.: с.166-167.
5. Бухенский, К.В. Опорные конспекты по высшей математике: учеб. пособие. Ч.3 / К. В. Бухенский, Н. В. Елкина, Г. С. Лукьянова; РГРТУ. - Рязань, 2011. - 220с. - Библиогр.: с. 220 (8 назв.). - Ч.2 авт. знак на загл.
6. Вся высшая математика: Учеб. Т.1. - 2-е изд. - М.: УРСС, 2003.
7. Вся высшая математика: Учеб. Т.2. - 2-е изд., испр. - М.: Едиториал УРСС, 2004.
8. Вся высшая математика: Учебник для вузов. Т.6. - М.: Едиториал УРСС, 2003.
9. Вся высшая математика: Учебник. Т.3. - 2-е изд., испр. - М.: Едиториал УРСС, 2005.
10. Вся высшая математика: Учебник. Т.4. - М.: Эдиториал УРСС, 2001.

11. Вся высшая математика: Учебник. Т.5. - М.: Эдиториал УРСС, 2001.
12. Иванова Е.Е. Дифференциальное исчисление функций одного переменного. М.: МГТУ, 1999.
13. Ильин, В.А. Аналитическая геометрия: Учебник для вузов. - 6-е изд., стереотип. - М.: Физматлит, 2001.
14. Ильин, В.А. Линейная алгебра: Учебник для вузов. - М.: Физматлит, 2001.
15. Индивидуальные задания по высшей математике. Часть 1. Линейная и векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление функций одной переменной [Электронный ресурс] : учебное пособие / А.П. Рябушко [и др.]. — Электрон. текстовые данные. — Минск: Вышэйшая школа, 2013. — 304 с. — 978. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/20266.html>
16. Индивидуальные задания по высшей математике. Часть 2. Комплексные числа. Неопределенные и определенные интегралы. Функции нескольких переменных. Обыкновенные дифференциальные уравнения [Электронный ресурс] : учебное пособие / А.П. Рябушко [и др.]. — Электрон. текстовые данные. — Минск: Вышэйшая школа, 2014. — 397 с. — 978. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/35481.html>
17. Индивидуальные задания по высшей математике. Часть 3. Ряды. Кратные и криволинейные интегралы. Элементы теории поля [Электронный ресурс] : учебное пособие / А.П. Рябушко [и др.]. — Электрон. текстовые данные. — Минск: Вышэйшая школа, 2013. — 367 с. — 978. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/20211.html>
18. Интеграл. Основы линейной алгебры. Функции многих переменных. Обыкновенные дифференциальные уравнения: задачи для практ. занятий и самост. работы (2-й семестр) / А. В. Дубовиков [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2009. - 60с.
19. Канатников А.Н., Крищенко А.П., Четвериков В.Н. Дифференциальное исчисление функций многих переменных. М.: МГТУ, 2000.
20. Клетеник, Д.В. Сборник задач по аналитической геометрии: Учеб. пособие для втузов / Под ред. Ефимова Н.В. - 17-е изд., стереотип. - СПб.: Профессия, 2006.
21. Комплексные числа. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Линейная алгебра: Типовой расчёт. Ч.1 / В. В. Гришина [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2008. - 55с.
22. Комплексные числа. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Линейная алгебра: Типовой расчёт. Ч.2 / В. В. Гришина [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2009. - 40с.
23. Комплексные числа. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия. Введение в анализ: задачи для практ. занятий и самост. работы (1-й семестр) / А. В. Дубовиков [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2009. - 68с.
24. Краснов, М.Л. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Задачи и примеры с подробными решениями: Учеб. пособие. - 4-е изд., испр. - М.: Эдиториал УРСС, 2002.
25. Кузнецов, Л.А. Сборник заданий по высшей математике. Типовые расчёты: учеб. пособие / Л. А. Кузнецов. - 11-е изд. стер. - СПб. : Лань, 2008. - 240с. - ISBN 978-5-8114-0574-9.
26. Морозова В.Д. Введение в анализ: Учеб. для вузов / Под ред Зарубина В.С., Крищенко А.П. - 2-е изд. - М.: Изд-во МГТУ, 2000.
27. Новиков А.И. Начала линейной алгебры и аналитическая геометрия. М.: Физматлит, 2015.
28. Опорные конспекты по высшей математике: учеб. пособие. Ч.2 / К. В. Бухенский [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2010. - 240с. - Библиогр.: 237-239. - 1 ч. авт.: К.В. Бухенский.
29. Пантелеев А.В. Обыкновенные дифференциальные уравнения [Электронный ресурс] : учебное пособие / А.В. Пантелеев, А.С. Якимова, К.А. Рыбаков. — Электрон. текстовые

- данные. — М. : Логос, 2010. — 383 с. — 5-98704-465-0. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/9280.html>.
30. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления. В 2-х т.: Учеб. для втузов. – Изд. стереотип. - М.: Интеграл-Пресс, 2005.
  31. Расчётные задания по высшей математике (1-й семестр): учеб. пособие / С. В. Богатова [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2013. - 159с. - Библиогр.: с.157-159.
  32. Расчётные задания по высшей математике (2-й семестр): учеб. пособие / С. В. Богатова [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2013. - 103с. - Библиогр.: с.101-103 (14 назв.).
  33. Расчётные задания по высшей математике (3-й семестр): учеб. пособие / И. В. Бодрова [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2012. - 104с. - Библиогр.: с.94-95.
  34. Трофимов В.К. Интегральное исчисление [Электронный ресурс] : учебное пособие / В.К. Трофимов, Т.С. Мурзина, Т.Э. Захарова. — Электрон. текстовые данные. — Новосибирск: Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики, 2013. — 249 с. — 2227-8397. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/45469.html>.
  35. Черненко В.Д. Высшая математика в примерах и задачах. Том 1 [Электронный ресурс] : учебное пособие для вузов / В.Д. Черненко. — Электрон. текстовые данные. — СПб. : Политехника, 2016. — 713 с. — 978-5-7325-1104-8. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/59550.html>
  36. Черненко В.Д. Высшая математика в примерах и задачах. Том 2 [Электронный ресурс] : учебное пособие для вузов / В.Д. Черненко. — Электрон. текстовые данные. — СПб. : Политехника, 2016. — 572 с. — 978-5-7325-1105-5. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/59560.html>
  37. Яковлев, М.К. Определённый интеграл: учеб. пособие. Ч.1 / М. К. Яковлев, Н. Н. Маслова; РГРТУ. - Рязань, 2010. - 84с. - Библиогр.: с.83(7 назв.).
  38. Яковлев, М.К. Определённый интеграл: учеб. пособие. Ч.2 / М. К. Яковлев, Н. Н. Маслова; РГРТУ. - Рязань, 2011. - 112с. - Библиогр.: с.111 (5 назв.).

### **8.3 Нормативные правовые акты**

### **8.4 Периодические издания**

### **8.5 Методические указания к практическим занятиям/лабораторным занятиям**

1. Интеграл. Основы линейной алгебры. Функции многих переменных. Обыкновенные дифференциальные уравнения: задачи для практ. занятий и самост. работы (2-й семестр) / А. В. Дубовиков [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2009. - 60с.
2. Комплексные числа. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Линейная алгебра: Типовой расчёт. Ч.1 / В. В. Гришина [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2008. - 55с.
3. Комплексные числа. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Линейная алгебра: Типовой расчёт. Ч.2 / В. В. Гришина [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2009. - 40с.
4. Комплексные числа. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия. Введение в анализ: задачи для практ. занятий и самост. работы (1-й семестр) / А. В. Дубовиков [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2009. - 68с.
5. Расчётные задания по высшей математике (1-й семестр): учеб. пособие / С. В. Богатова [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2013. - 159с. - Библиогр.: с.157-159.
6. Расчётные задания по высшей математике (2-й семестр): учеб. пособие / С. В. Богатова [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2013. - 103с. - Библиогр.: с.101-103 (14 назв.).
7. Расчётные задания по высшей математике (3-й семестр): учеб. пособие / И. В. Бодрова [и др.]; РГРТУ. - Рязань, 2012. - 104с. - Библиогр.: с.94-95.

## 8.6 Методические указания к курсовому проектированию (курсовой работе) и другим видам самостоятельной работы

Изучение дисциплины «Математика» проходит в течение 4 семестров. Основные темы дисциплины осваиваются в ходе аудиторных занятий, однако важная роль отводится и самостоятельной работе студентов.

Самостоятельная работа включает в себя следующие этапы:

- изучение теоретического материала (работа над конспектом лекции);
- самостоятельное изучение дополнительных информационных ресурсов (доработка конспекта лекции);
- выполнение заданий текущего контроля успеваемости (подготовка к практическому занятию);
- итоговая аттестация по дисциплине (подготовка к зачету и экзамену).

Работа над конспектом лекции: лекции – основной источник информации по предмету, позволяющий не только изучить материал, но и получить представление о наличии других источников, сопоставить разные способы решения задач и практического применения полученных знаний. Лекции предоставляют возможность «интерактивного» обучения, когда есть возможность задавать преподавателю вопросы и получать на них ответы. Поэтому рекомендуется в день, предшествующий очередной лекции, прочитать конспекты двух предшествующих лекций, обратив особое внимание на содержимое последней лекции.

Подготовка к практическому занятию: состоит в теоретической подготовке (изучение конспекта лекций и дополнительной литературы) и выполнении практических заданий (решение задач, ответы на вопросы и т.д.). Во время самостоятельных занятий студенты выполняют задания, выданные им на предыдущем практическом занятии, готовятся к контрольным работам, выполняют задания типовых расчетов.

Доработка конспекта лекции с применением учебника, методической литературы, дополнительной литературы, интернет-ресурсов: этот вид самостоятельной работы студентов особенно важен в том случае, когда одну и ту же задачу можно решать различными способами, а на лекции изложен только один из них. Кроме того, рабочая программа по математике предполагает рассмотрение некоторых относительно несложных тем только во время самостоятельных занятий, без чтения лектором.

Подготовка к зачету, экзамену: основной вид подготовки – «свертывание» большого объема информации в компактный вид, а также тренировка в ее «развертывании» (примеры к теории, выведение одних закономерностей из других и т.д.). Надо также правильно распределить силы, не только готовясь к самому экзамену, но и позаботившись о допуске к нему (это хорошее посещение занятий, выполнение в назначенный срок типовых расчетов, активность на практических занятиях).

## 9. ПЕРЕЧЕНЬ РЕСУРСОВ ИНФОРМАЦИОННО-ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННОЙ СЕТИ «ИНТЕРНЕТ», НЕОБХОДИМЫХ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

1. Сайт кафедры Высшей математики РГРТУ: <http://www.rsreu.ru/content/view/167/601/>
2. Дистанционный учебный курс «Математика. Часть 1» [Электронный ресурс]: Система дистанционного обучения РГРТУ: – Режим доступа: <http://cdo.rsreu.ru/course/view.php?id=1314>
3. Дистанционный учебный курс «Математика. Часть 2: Производные и их приложения, интегральное исчисление, функции нескольких переменных, дифференциальные уравнения» [Электронный ресурс]: Система дистанционного обучения РГРТУ: – Режим доступа: <http://cdo.rsreu.ru/course/view.php?id=265>

4. Система дистанционного обучения ФГБОУ ВО «РГРТУ», режим доступа. - <http://cdo.rsreu.ru/>
5. Сайт Экспонента: <http://exponenta.ru/>
6. Единое окно доступа к образовательным ресурсам: <http://window.edu.ru/>
7. Интернет Университет Информационных Технологий: <http://www.intuit.ru/>
8. Сайт GeoGebra: <https://www.geogebra.org>
9. Электронно-библиотечная система «IPRbooks» [Электронный ресурс]. – Режим доступа: доступ из корпоративной сети РГРТУ – свободный, доступ из сети Интернет – по паролю. – URL: <https://iprbookshop.ru/>.
10. Электронно-библиотечная система издательства «Лань» [Электронный ресурс]. – Режим доступа: доступ из корпоративной сети РГРТУ – свободный, доступ из сети Интернет – по паролю. – URL: <https://www.e.lanbook.com>
11. Электронная библиотека РГРТУ [Электронный ресурс]. – Режим доступа: из корпоративной сети РГРТУ – по паролю. – URL: <http://elib.rsreu.ru/>

#### **10. ПЕРЕЧЕНЬ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, ИСПОЛЬЗУЕМЫХ ПРИ ОСУЩЕСТВЛЕНИИ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ, ВКЛЮЧАЯ ПЕРЕЧЕНЬ ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ И ИНФОРМАЦИОННЫХ СПРАВОЧНЫХ СИСТЕМ**

1. Операционная система Windows XP (Microsoft Imagine, номер подписки 700102019, бессрочно);
2. Операционная система Windows XP (Microsoft Imagine, номер подписки ID 700565239, бессрочно);
3. Kaspersky Endpoint Security (Коммерческая лицензия на 1000 компьютеров №2304-180222-115814-600-1595, срок действия с 25.02.2018 по 05.03.2019);
4. LibreOffice
5. Adobe acrobat reader
6. Справочная правовая система «Консультант Плюс» [Электронный ресурс]. – Режим доступа: доступ из корпоративной сети РГРТУ – свободный.

#### **11. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

Для освоения дисциплины необходимы следующие материально-технические ресурсы:

- 1) аудитория для проведения лекционных и практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля, промежуточной аттестации, оборудованная маркерной (меловой) доской;
- 2) аудитория для самостоятельной работы, оснащенная индивидуальной компьютерной техникой с подключением к локальной вычислительной сети и сети Интернет.

№	Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Перечень специализированного оборудования
1	Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, № 444	Персональный компьютер Celeron 2400-4 1 – шт. Проектор Toshiba TDP-T45 – 1 шт. Экран с эл. приводом Matte White S140 – 1 шт. Доска магнитно-маркерная 120*200 см Учебно-наглядные пособия: (плакаты): Структурное представление активного капитала; Методы прогнозирования и планирования; Возможность подключения к сети «Интернет»

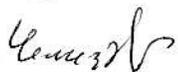
		проводным и беспроводным способом и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду РГРТУ.
2	Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, № 465	Персональный компьютер Pentium – 3 – 1 шт. Доска магнитно-маркерная TSA 1218 – 1 шт. Мультимедиа-проектор Beng mx 507 – 1 шт. Экран с электрическим приводом и дистанционным управлением Classic Solution – 1 шт. Учебно-наглядные пособия (плакаты): Бюджетная модель производственного предприятия; Инфраструктура процесса финансового планирования на предприятии. Возможность подключения к сети «Интернет» проводным и беспроводным способом и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду РГРТУ.
3	Учебная аудитория для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, № 302 главный учебный корпус	Специализированная мебель (200 посадочных мест). ПК IntelCeleron 1,8 ГГц – 1 шт. Проектор Sanyo PLC-XP4 Экран Аудиторная доска Возможность подключения к сети «Интернет» проводным и беспроводным способом и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду РГРТУ.
4	Помещение для самостоятельной работы, № 501к2 лабораторный корпус	Магнитно-маркерная доска; ПК Intel Celeron CPV J1800 – 25 шт; Возможность подключения к сети «Интернет» проводным и беспроводным способом и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду РГРТУ.

Программу составили:

доцент каф. ВМ

  
\_\_\_\_\_ (Кострова Ю.С.)

доцент каф. ВМ

  
\_\_\_\_\_ (Чемезов О.Н.)