

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РЯЗАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ РАДИОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМЕНИ В.Ф. УТКИНА»

Кафедра «Автоматики и информационных технологий в управлении»

«СОГЛАСОВАНО»

Заведующий кафедрой АИТУ

/П.В. Бабаян/

18 05 2023 г.

«УТВЕРЖДАЮ»

Проректор по учебной работе

/А.В. Корячко/

26 05 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ И РАЗНОСТНЫЕ УРАВНЕНИЯ

Направление подготовки
01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль) подготовки
Программирование и анализ данных

Квалификация выпускника – бакалавр

Формы обучения – очная

Рязань 2023

Распределение часов дисциплины по семестрам

Семестр (<Курс>.<Семестр на курсе>)	4 (2.2)		5 (3.1)		Итого	
Неделя	16		16			
Вид занятий	УП	РП	УП	РП	УП	РП
Лекции	32	32	16	16	48	48
Практические	16	16	16	16	32	32
Иная контактная работа	0,25	0,25	0,35	0,35	0,6	0,6
Консультирование перед экзаменом и практикой			2	2	2	2
Итого ауд.	48,25	48,25	34,35	34,35	82,6	82,6
Контактная работа	48,25	48,25	34,35	34,35	82,6	82,6
Сам. работа	87	87	29	29	116	116
Часы на контроль	8,75	8,75	44,65	44,65	53,4	53,4
Итого	144	144	108	108	252	252

Программу составил(и):

д.техн.н., проф., Ключко Владимир Константинович



Рабочая программа дисциплины

Дифференциальные и разностные уравнения

разработана в соответствии с ФГОС ВО:

ФГОС ВО - бакалавриат по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика (приказ Минобрнауки России от 10.01.2018 г. № 9)

составлена на основании учебного плана:

01.03.02 Прикладная математика и информатика

утвержденного учёным советом вуза от 28.04.2023 протокол № 11.

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры

Автоматики и информационных технологий в управлении

Протокол от 18.05.2023 г. № 7

Срок действия программы: 2023-2027 уч.г.

Зав. кафедрой Бабаян Павел Вартанович



Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2024-2025 учебном году на заседании кафедры
Автоматики и информационных технологий в управлении

Протокол от _____ 2024 г. № ____

Зав. кафедрой _____

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2025-2026 учебном году на заседании кафедры
Автоматики и информационных технологий в управлении

Протокол от _____ 2025 г. № ____

Зав. кафедрой _____

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2026-2027 учебном году на заседании кафедры
Автоматики и информационных технологий в управлении

Протокол от _____ 2026 г. № ____

Зав. кафедрой _____

Визирование РПД для исполнения в очередном учебном году

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для
исполнения в 2027-2028 учебном году на заседании кафедры

Автоматики и информационных технологий в управлении

Протокол от _____ 2027 г. № ____

Зав. кафедрой _____

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	
1.1	Целью освоения дисциплины является формирование у будущих специалистов способности к логическому мышлению, анализу и восприятию информации, построению моделей неопределенности, воспитание математической культуры.
1.2	обучение основным математическим методам, необходимым для анализа и моделирования технических, экономических и социальных процессов в условиях неопределенности;
1.3	обучение методам обработки и анализа результатов экспертной информации.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ	
Цикл (раздел) ОП:	Б1.О
2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:	
2.1.1	Комплексный анализ
2.1.2	Научно-исследовательская работа (получение первичных навыков научно-исследовательской работы)
2.1.3	Системный анализ
2.1.4	Учебная практика
2.1.5	Алгебра и аналитическая геометрия
2.1.6	Инженерная графика
2.1.7	Математический анализ
2.1.8	Ознакомительная практика
2.1.9	Дискретная математика
2.2 Дисциплины (модули) и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:	
2.2.1	Анализ данных
2.2.2	Выполнение и защита выпускной квалификационной работы
2.2.3	Преддипломная практика
2.2.4	Производственная практика

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	
ОПК-1: Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	
ОПК-1.1. Использует фундаментальные знания, полученные в области математических наук при решении научных и технических задач в своей профессиональной деятельности	
Знать основные положения, законы и методы в области математических наук Уметь использовать фундаментальные знания, полученные в области математических наук при решении научных и технических задач в своей профессиональной деятельности Владеть фундаментальными знаниями, полученными в области математических наук при решении научных и технических задач в своей профессиональной деятельности	
ОПК-1.2. Использует фундаментальные знания, полученные в области естественных наук при решении научных и технических задач в своей профессиональной деятельности	
Знать основные положения, законы и методы в области естественных наук Уметь использовать фундаментальные знания, полученные в области естественных наук при решении научных и технических задач в своей профессиональной деятельности Владеть фундаментальными знаниями, полученными в области естественных наук при решении научных и технических задач в своей профессиональной деятельности	

В результате освоения дисциплины (модуля) обучающийся должен

3.1	Знать:
3.1.1	знать основные методы математического анализа, изучаемые на 1 курсе, и положения теории вероятностей, изучаемой в третьем и четвертом семестрах;
3.2	Уметь:
3.2.1	уметь производить расчеты, пользуясь методами и средствами математического анализа, и анализировать полученные результаты;

3.3	Владеть:
3.3.1	владеть навыками, методами и приемами вычислительной математики

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)						
Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Компетенции	Литература	Форма контроля
	Раздел 1.					
1.1	ДУ 1-го порядка и приводящиеся к ним. /Тема/	4	0			Зачет с оценкой
1.2	Обыкновенные ДУ 1-го порядка, основные понятия. Теорема Коши. Численный метод Эйлера, метод изоклин. ДУ с разделяющимися переменными и приводящиеся к ним. /Лек/	4	10	ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.2 Л1.4 Л1.8Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7 Э8	Зачет с оценкой
1.3	Обыкновенные ДУ 1-го порядка, основные понятия. Теорема Коши. Численный метод Эйлера, метод изоклин. ДУ с разделяющимися переменными и приводящиеся к ним. /Пр/	4	4	ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.3 Л1.4 Л1.8Л3.1 Л3.2 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7 Э8	Зачет с оценкой
1.4	Линейные ДУ 1-го порядка и приводящиеся к ним, метод Лагранжа (вариации постоянной). 5. Уравнения Бернулли и в полных дифференциалах. /Ср/	4	31	ОПК-1.2-В	Л3.1 Л3.2 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7 Э8	Зачет с оценкой
1.5	ДУ высших порядков, структура решения ЛОДУ и ЛНДУ /Тема/	4	0			Зачет с оценкой
1.6	ДУ высших порядков, основные понятия, теорема Коши. ДУ высших порядков, допускающие понижение порядка.ЛОДУ высших порядков, линейный оператор, необходимое условие линейной зависимости функций, определитель Вронского. 4. Достаточное условие линейной независимости, структура общего решения ЛОДУ, фундаментальная система решений. /Лек/	4	10	ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.2Л2.1 Л2.3 Л2.4 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7 Э8	Зачет с оценкой
1.7	ДУ высших порядков, основные понятия, теорема Коши. ДУ высших порядков, допускающие понижение порядка. ЛОДУ высших порядков, линейный оператор, необходимое условие линейной зависимости функций, определитель Вронского. 4. Достаточное условие линейной независимости, структура общего решения ЛОДУ, фундаментальная система решений. /Пр/	4	6	ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.3 Л1.4 Л1.8Л2.2Л3.2 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7 Э8	Зачет с оценкой
1.8	ЛНДУ высших порядков, структура общего решения, принцип суперпозиции. /Ср/	4	30	ОПК-1.2-В	Л3.2	Зачет с оценкой
1.9	Методы решения ЛОДУ и ЛНДУ высших порядков. /Тема/	4	0			Зачет с оценкой

1.10	Решение ЛНДУ высших порядков методом Лагранжа (вариации произвольных постоянных). Решение ЛОДУ высших порядков с постоянными коэффициентами методом Эйлера для действительных корней. Решение ЛОДУ высших порядков с постоянными коэффициентами методом Эйлера для комплексных корней. 4. Решение ЛНДУ высших порядков с постоянными коэффициентами, нахождение частного решения по виду правой части. /Лек/	4	12	ОПК-1.2-В	Л2.1 Л2.2Л3.1 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7	Зачет с оценкой
1.11	Решение ЛНДУ высших порядков методом Лагранжа (вариации произвольных постоянных). Решение ЛОДУ высших порядков с постоянными коэффициентами методом Эйлера для действительных корней. Решение ЛОДУ высших порядков с постоянными коэффициентами методом Эйлера для комплексных корней. 4. Решение ЛНДУ высших порядков с постоянными коэффициентами, нахождение частного решения по виду правой части. /Пр/	4	6	ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.3 Л1.4 Л1.8Л2.2Л3.1 Л3.2 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7	Зачет с оценкой
1.12	Применение степенных рядов для решения ДУ /Ср/	4	26	ОПК-1.2-В	Л3.1 Л3.2	Зачет с оценкой
	Раздел 2. Промежуточная аттестация					
2.1	Подготовка к экзамену, иная контактная работа /Тема/	4	0			Зачет с оценкой
2.2	Прием экзамена /ИКР/	4	0,25	ОПК-1.2-В	Л1.8Л2.2 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7	Зачет с оценкой
2.3	Консультация перед экзаменом /ЗаО/	4	8,75	ОПК-1.2-В	Л1.8Л2.2	Зачет с оценкой
	Раздел 3.					
3.1	Системы ЛОДУ и ЛНДУ 1-го порядка. /Тема/	5	0			Экзамен
3.2	Системы ЛОДУ и ЛНДУ 1-го порядка. /Лек/	5	8	ОПК-1.2-В	Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7	Экзамен
3.3	Системы ЛОДУ и ЛНДУ 1-го порядка. /Пр/	5	6	ОПК-1.2-В	Л3.2	Экзамен
3.4	Системы ЛОДУ и ЛНДУ 1-го порядка. /Ср/	5	9	ОПК-1.2-В	Л3.2	Экзамен
3.5	Линейные разностные уравнения /Тема/	5	0			Экзамен
3.6	Линейные разностные уравнения /Лек/	5	4	ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.5 Л1.6 Л1.7 Л1.8Л2.1 Л2.2 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7	Экзамен
3.7	Линейные разностные уравнения /Пр/	5	6	ОПК-1.2-В		Экзамен
3.8	Линейные разностные уравнения /Ср/	5	10	ОПК-1.2-В		Экзамен
3.9	Применение z-преобразования. /Тема/	5	0			Экзамен

3.10	Применение z-преобразования. /Лек/	5	4	ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.2 Л1.5 Л1.7 Л1.8Л2.2 Л2.3 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7	Экзамен
3.11	Применение z-преобразования. /Пр/	5	4	ОПК-1.2-В	Л1.2 Л1.8Л2.2 Л2.3	Экзамен
3.12	Применение z-преобразования. /Ср/	5	10	ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.8Л2.2	Экзамен
Раздел 4. Промежуточная аттестация						
4.1	Подготовка к экзамену, иная контактная работа /Тема/	5	0			Экзамен
4.2	Прием экзамена /ИКР/	5	0,35	ОПК-1.1-3 ОПК-1.1-У ОПК-1.1-В ОПК-1.2-3 ОПК-1.2-У ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.8Л2.2 Э1 Э2 Э3 Э4 Э5 Э6 Э7	Экзамен
4.3	Консультация перед экзаменом /Кнс/	5	2	ОПК-1.1-3 ОПК-1.1-У ОПК-1.1-В ОПК-1.2-3 ОПК-1.2-У ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.8Л2.2	Экзамен
4.4	/Экзамен/	5	44,65	ОПК-1.1-3 ОПК-1.1-У ОПК-1.1-В ОПК-1.2-3 ОПК-1.2-У ОПК-1.2-В	Л1.1 Л1.8Л2.2	Экзамен

5. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

Оценочные материалы приведены в приложении к рабочей программе дисциплины (см. документ «Оценочные материалы по дисциплине «дифференциальные и разностные уравнения»).

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

6.1. Рекомендуемая литература

6.1.1. Основная литература

№	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Количество/ название ЭБС
Л1.1	Пантелеев А. В., Якимова А. С., Рыбаков К. А.	Обыкновенные дифференциальные уравнения : учебное пособие	Москва: Логос, 2010, 383 с.	5-98704-465-0, http://www.iprbookshop.ru/9280.html
Л1.2	Бабаянц Ю. В., Миселимян Т. Л.	Основы высшей математики. Дифференциальные уравнения : учебное пособие	Краснодар: Южный институт менеджмента, 2007, 63 с.	2227-8397, http://www.iprbookshop.ru/10283.html

№	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Количество/название ЭБС
Л1.3	Асташова И. В., Никишкин В. А.	Дифференциальные уравнения. Практикум : учебное пособие	Москва: Евразийский открытый институт, Московский государственный университет экономики, статистики и информатики, 2004, 92 с.	978-5-374-00488-5, http://www.iprbookshop.ru/10751.html
Л1.4	Альсевич Л. А., Мазаник С. А., Расолько Г. А., Черенкова Л. П.	Дифференциальные уравнения : практикум. учебное пособие	Минск: Вышэйшая школа, 2012, 382 с.	978-985-06-2111-5, http://www.iprbookshop.ru/20196.html
Л1.5	Кудашов В. Н.	Линейные разностные уравнения : учебно-методическое пособие	Санкт-Петербург: Университет ИТМО, Институт холода и биотехнологий, 2015, 37 с.	2227-8397, http://www.iprbookshop.ru/67252.html
Л1.6	Коврижных А. Ю., Коврижных О. О.	Дифференциальные и разностные уравнения : учебное пособие	Екатеринбург: Уральский федеральный университет, ЭБС АСВ, 2014, 148 с.	978-5-7996-1341-9, http://www.iprbookshop.ru/68426.html
Л1.7	Ефименко Л. Л., Логачёва О. М.	Дифференциальные и разностные уравнения : учебное пособие	Новосибирск: Новосибирский государственный университет экономики и управления «НИНХ», 2017, 163 с.	978-5-7014-0825-6, http://www.iprbookshop.ru/87105.html
Л1.8	Козловский В. Н., Шакурский М. В.	Теоретические основы электротехники. Ч.1. Численные методы анализа установившихся режимов в линейных электрических цепях : учебное пособие	Самара: Самарский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2018, 56 с.	2227-8397, http://www.iprbookshop.ru/90935.html
6.1.2. Дополнительная литература				
№	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Количество/название ЭБС
Л2.1	Гусак А. А.	Математический анализ и дифференциальное уравнение. Примеры и задачи : учебное пособие	Минск: ТетраСистемс, 2011, 415 с.	978-985-536-228-0, http://www.iprbookshop.ru/28122.html

№	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Количество/название ЭБС
Л2.2	Ряжских В. И., Бырдин А. П., Сидоренко А. А.	Обыкновенные дифференциальные уравнения с приложениями к задачам механики, физики, термодинамики и экологии : учебное пособие	Воронеж: Воронежский государственный архитектурно-строительный университет, ЭБС АСВ, 2019, 183 с.	978-5-7731-0779-8, http://www.iprbookshop.ru/93327.html
Л2.3	Куликова, Н. А., Фадеева, О. В.	Линейная алгебра. Аналитическая геометрия. Дифференциальное и интегральное исчисления. Дифференциальные уравнения : учебно-методическое пособие	Самара: Самарский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2019, 86 с.	2227-8397, http://www.iprbookshop.ru/105212.html
Л2.4	Ряжских, В. И., Ряжских, А. В., Соболева, Е. А., Федюнин, М. Л.	Дифференциальное и интегральное исчисления : учебное пособие	Воронеж: Воронежский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2020, 100 с.	978-5-7731-0853-5, http://www.iprbookshop.ru/108173.html

6.1.3. Методические разработки

№	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Количество/название ЭБС
Л3.1	Икрянников В. И., Шварц Э. Б.	Практикум по высшей математике. Интегральное исчисление функции одной переменной. Обыкновенные дифференциальные уравнения : учебное пособие	Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2010, 124 с.	978-5-7782-1316-6, http://www.iprbookshop.ru/45421.html
Л3.2	Чураков Е.П.	Разностные уравнения : метод. указ. и зад. к практ. занятиям	Рязань, 2008, 20с.	, 39

6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"

Э1	Математический анализ и дифференциальное уравнение. Примеры и задачи [Электронный ресурс] : учебное пособие
Э2	Линейные разностные уравнения [Электронный ресурс] : учебно-методическое пособие
Э3	Дифференциальные и разностные уравнения [Электронный ресурс]
Э4	Дифференциальные и разностные уравнения [Электронный ресурс] : учебное пособие /
Э5	Дифференциальные уравнения первого порядка [Электронный ресурс] : методические указания к решению задач
Э6	Задачи и упражнения по математическому анализу и дифференциальным уравнениям [Электронный ресурс] : учебное пособие
Э7	Типовой расчет по дифференциальным уравнениям. Часть 2 [Электронный ресурс] : сетевое обновляемое электронное учебное пособие
Э8	

6.3 Перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

6.3.1 Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства

Наименование	Описание
Операционная система Windows	Коммерческая лицензия

Kaspersky Endpoint Security	Коммерческая лицензия
Adobe Acrobat Reader	Свободное ПО
LibreOffice	Свободное ПО
VirtualBox	Свободное ПО
Pascal	Свободное ПО
Firefox	Свободное ПО
7 Zip	Свободное ПО
MATLAB R2010b	Бессрочно. Matlab License 666252
Операционная система MS DOS	Бессрочно. Корпоративная лицензия Microsoft Imagine Membership ID 700565239
Adobe Acrobat Reader DC	Свободное ПО
6.3.2 Перечень информационных справочных систем	
6.3.2.1	Справочная правовая система «КонсультантПлюс» (договор об информационной поддержке №1342/455-100 от 28.10.2011 г.)
6.3.2.2	Система КонсультантПлюс http://www.consultant.ru
6.3.2.3	Информационно-правовой портал ГАРАНТ.РУ http://www.garant.ru

7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	
1	440 учебно-административный корпус. Учебная аудитория для проведения учебных занятий лекционного и семинарского типа, лабораторных работ, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации Специальная мебель (28 посадочных места), 14 компьютеров с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду РГРТУ, мультимедиа проектор, экран, доска.
2	445 учебно-административный корпус. Учебная аудитория для проведения учебных занятий лекционного и семинарского типа, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации Специальная мебель (54 посадочных места), компьютер с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду РГРТУ, мультимедиа проектор, экран, доска, колонки звуковые.
3	445 учебно-административный корпус. Учебная аудитория для проведения учебных занятий лекционного и семинарского типа, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации Специальная мебель (54 посадочных места), компьютер с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду РГРТУ, мультимедиа проектор, экран, доска, колонки звуковые.

8. МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)
Методическое обеспечение дисциплины приведено в приложении к рабочей программе дисциплины (см. документ «Методическое обеспечение дисциплины «Дифференциальные и разностные уравнения»)

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**РЯЗАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ РАДИОТЕХНИЧЕСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ им. В.Ф. УТКИНА**

Кафедра «Автоматики и информационных технологий в управлении»

**ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДИСЦИПЛИНЫ
ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ И РАЗНОСТНЫЕ УРАВНЕНИЯ**

Направление 01.03.02
«Прикладная математика и информатика»

ОПОП
«Программирование и анализ данных»

Квалификация выпускника – бакалавр
Формы обучения – очная

Рязань 2023 г.

Оценочные материалы – это совокупность учебно-методических материалов (контрольных заданий, описаний форм и процедур), предназначенных для оценки качества освоения обучающимися данной дисциплины как части основной профессиональной образовательной программы.

Цель – оценить соответствие знаний, умений и уровня приобретенных компетенций обучающихся целям и требованиям основной профессиональной образовательной программы в ходе проведения текущего контроля и промежуточной аттестации.

Основная задача – обеспечить оценку уровня сформированности общекультурных, общепрофессиональных и профессиональных компетенций, приобретаемых обучающимися в соответствии с этими требованиями.

Контроль знаний проводится в форме текущего контроля и промежуточной аттестации.

Текущий контроль успеваемости проводится с целью определения степени усвоения учебного материала, своевременного выявления и устранения недостатков в подготовке обучающихся и принятия необходимых мер по совершенствованию методики преподавания учебной дисциплины (модуля), организации работы обучающихся в ходе учебных занятий и оказания им индивидуальной помощи.

К контролю текущей успеваемости относятся проверка знаний, умений и навыков, приобретенных обучающимися в ходе выполнения индивидуальных заданий на практических занятиях и лабораторных работах. При оценивании результатов освоения практических занятий и лабораторных работ применяется шкала оценки «зачтено – не зачтено». Количество лабораторных и практических работ и их тематика определена рабочей программой дисциплины, утвержденной заведующим кафедрой.

Результат выполнения каждого индивидуального задания должен соответствовать всем критериям оценки в соответствии с компетенциями, установленными для заданного раздела дисциплины.

Промежуточный контроль по дисциплине осуществляется проведением экзамена.

Форма проведения экзамена – письменный ответ по утвержденным экзаменационным билетам, сформулированным с учетом содержания учебной дисциплины. После выполнения письменной работы обучаемого производится ее оценка преподавателем и, при необходимости, проводится теоретическая беседа с обучаемым для уточнения экзаменационной оценки.

Паспорт оценочных материалов по дисциплине

Модуль 1

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины (результаты по разделам)	Код контролируемой компетенции (или её части)	Вид, метод, форма оценочного мероприятия
1	2	3	4
1	<i>Раздел 1</i> ДУ 1-го порядка и приводящиеся к ним	ОПК-1.1; ОПК-1.2; ОПК-1.2	Экзамен
2	<i>Раздел 2</i> ДУ высших порядков, структура решения ЛОДУ и ЛНДУ	ОПК-1.1; ОПК-1.2; ОПК-1.2	Экзамен
3	<i>Раздел 3</i> Методы решения ЛОДУ и ЛНДУ высших порядков	ОПК-1.1; ОПК-1.2; ОПК-1.2	Экзамен
4	<i>Раздел 4</i> Системы ЛОДУ и ЛНДУ 1-го порядка	ОПК-1.1; ОПК-1.2; ОПК-1.2	Экзамен

Модуль 2

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины (результаты по разделам)	Код контролируемой компетенции (или её части)	Вид, метод, форма оценочного мероприятия
1	2	3	4
1	<i>Раздел 5</i> Линейные разностные уравнения	ОПК-1.1; ОПК-1.2; ОПК-1.2	Экзамен, курсовая работа
2	<i>Раздел 6</i> Применение z-преобразования	ОПК-1.1; ОПК-1.2; ОПК-1.2	Экзамен, курсовая работа

Критерии оценивания компетенций (результатов)

- 1). Уровень усвоения материала, предусмотренного программой.
- 2). Умение анализировать материал, устанавливать причинно-следственные связи.
- 3). Ответы на вопросы: полнота, аргументированность, убежденность, умение
- 4). Качество ответа (его общая композиция, логичность, убежденность, общая эрудиция)
- 5). Использование дополнительной литературы при подготовке ответов.

Уровень освоения сформированности знаний, умений и навыков по дисциплине оценивается в форме бальной отметки:

«Отлично» заслуживает студент, обнаруживший всестороннее, система-

тическое и глубокое знание учебно-программного материала, умение свободно выполнять задания, предусмотренные программой, усвоивший основную и знакомый с дополнительной литературой, рекомендованной программой. Как правило, оценка «отлично» выставляется студентам, усвоившим взаимосвязь основных понятий дисциплины в их значении для приобретаемой профессии, проявившим творческие способности в понимании, изложении и использовании учебно-программного материала.

«Хорошо» заслуживает студент, обнаруживший полное знание учебно-программного материала, успешно выполняющий предусмотренные в программе задания, усвоивший основную литературу, рекомендованную в программе. Как правило, оценка «хорошо» выставляется студентам, показавшим систематический характер знаний по дисциплине и способным к их самостоятельному пополнению и обновлению в ходе дальнейшей учебной работы и профессиональной деятельности.

«Удовлетворительно» заслуживает студент, обнаруживший знания основного учебно-программного материала в объеме, необходимом для дальнейшей учебы и предстоящей работы по специальности, справляющийся с выполнением заданий, предусмотренных программой, знакомый с основной литературой, рекомендованной программой. Как правило, оценка «удовлетворительно» выставляется студентам, допустившим погрешности в ответе на экзамене и при выполнении экзаменационных заданий, но обладающим необходимыми знаниями для их устранения под руководством преподавателя.

«Неудовлетворительно» выставляется студенту, обнаружившему проблемы в знаниях основного учебно-программного материала, допустившему принципиальные ошибки в выполнении предусмотренных программой заданий. Как правило, оценка «неудовлетворительно» ставится студентам, которые не могут продолжить обучение или приступить к профессиональной деятельности по окончании вуза без дополнительных занятий по соответствующей дисциплине.

Типовые контрольные задания или иные материалы

Вопросы к экзамену по дисциплине

Модуль 1

1. Обыкновенные ДУ 1-го порядка, основные понятия.
2. Теорема Коши. Численный метод Эйлера, метод изоклин. ДУ с разделяющимися переменными и приводящиеся к ним.
3. ДУ 1-го порядка, однородные относительно x и y , и приводящиеся к ним.
4. Линейные ДУ 1-го порядка и приводящиеся к ним, метод Лагранжа

(вариации постоянной).

5. Уравнения Бернулли и в полных дифференциалах.

ДУ высших порядков, основные понятия, теорема Коши.

6. ДУ высших порядков, допускающие понижение порядка.

7. ЛОДУ высших порядков, линейный оператор, необходимое условие линейной зависимости функций, определитель Вронского.

8. Достаточное условие линейной независимости, структура общего решения ЛОДУ, фундаментальная система решений. 9. ЛНДУ высших порядков, структура общего решения, принцип суперпозиции.

10. Решение ЛНДУ высших порядков методом Лагранжа (вариации произвольных постоянных).

11. Решение ЛОДУ высших порядков с постоянными коэффициентами методом Эйлера для действительных корней.

12. Решение ЛОДУ высших порядков с постоянными коэффициентами методом Эйлера для комплексных корней.

13. Решение ЛНДУ высших порядков с постоянными коэффициентами, нахождение частного решения по виду правой части.

14. Применение степенных рядов для решения ДУ.

15. Системы ДУ 1-го порядка. Общие понятия. Численный метод решения. Метод исключения.

16. Системы ЛОДУ 1-го порядка с постоянными коэффициентами. Матричный метод Эйлера для действительных корней.

17. Системы ЛОДУ 1-го порядка с постоянными коэффициентами. Матричный метод Эйлера для комплексных корней.

18. Системы ЛНДУ 1-го порядка с постоянными коэффициентами. Структура общего решения. Метод Лагранжа (вариации произвольных постоянных).

19. Устойчивость по Ляпунову, основные понятия и определения.

Линейные разностные уравнения первого порядка, метод вариации произвольной постоянной.

Модуль 2

1. Линейное разностное уравнение n -го порядка, разностная задача Коши, определитель Вронского, критерий линейной независимости решений, фунда-

ментальная система решений,

2. Решение разностного уравнения методом вариации произвольных постоянных.

3. Линейные однородные разностные стационарные уравнения, нахождение общего решения с помощью характеристического уравнения.

4. Нормальные линейные системы разностных уравнений, линейные стационарные системы разностных уравнений.

5. Преобразования Фурье и Лапласа.

6. Z-преобразование, его связь с преобразованием Лапласа, свойства z-преобразования.

7. Применение z-преобразования для решения разностных уравнений.

Типовые задания для самостоятельной работы

1. Чтение и анализ научной литературы по темам и проблемам курса.
2. Конспектирование, аннотирование учебных пособий.
3. Реферирование научных источников.
4. Проектирование методов исследования и исследовательских методик.
5. Подготовка выступлений для коллективной дискуссии.
6. Выполнение курсовых расчетов

СПИСОК

заданий на проверку знания

Фонд оценочных средств промежуточной аттестации, проводимой в форме экзамена или зачета, включает

1. типовые теоретические вопросы;
2. дополнительные вопросы;
3. типовые практические задачи.

Оценочные средства приведены ниже для каждого из семестров обучения. Разрешается и иная формулировка вопроса или примера, без изменения его смысла или содержания, например, дробление, изменение условий или иное.

Примеры типовых теоретических вопросов (уровень усвоения хорошо и отлично)

1. Обыкновенные ДУ 1-го порядка, основные понятия.
2. Теорема Коши. Численный метод Эйлера, метод изоклин. ДУ с разделяющимися переменными и приводящиеся к ним.
3. ДУ 1-го порядка, однородные относительно x и y , и приводящиеся к ним.

4. Линейные ДУ 1-го порядка и приводящиеся к ним, метод Лагранжа (вариации постоянной).
5. Уравнения Бернулли и в полных дифференциалах.
ДУ высших порядков, основные понятия, теорема Коши.
6. ДУ высших порядков, допускающие понижение порядка.
7. ЛОДУ высших порядков, линейный оператор, необходимое условие линейной зависимости функций, определитель Вронского.
8. Достаточное условие линейной независимости, структура общего решения ЛОДУ, фундаментальная система решений.
9. ЛНДУ высших порядков, структура общего решения, принцип суперпозиции.
10. Решение ЛНДУ высших порядков методом Лагранжа (вариации произвольных постоянных).
11. Решение ЛОДУ высших порядков с постоянными коэффициентами методом Эйлера для действительных корней.
12. Решение ЛОДУ высших порядков с постоянными коэффициентами методом Эйлера для комплексных корней.
13. Решение ЛНДУ высших порядков с постоянными коэффициентами, нахождение частного решения по виду правой части.
14. Применение степенных рядов для решения ДУ.
15. Системы ДУ 1-го порядка. Общие понятия. Численный метод решения. Метод исключения.
16. Системы ЛОДУ 1-го порядка с постоянными коэффициентами. Матричный метод Эйлера для действительных корней.
17. Системы ЛОДУ 1-го порядка с постоянными коэффициентами. Матричный метод Эйлера для комплексных корней.
18. Системы ЛНДУ 1-го порядка с постоянными коэффициентами. Структура общего решения. Метод Лагранжа (вариации произвольных постоянных).
19. Устойчивость по Ляпунову, основные понятия и определения.
Линейные разностные уравнения первого порядка, метод вариации произвольной постоянной.
20. Линейное разностное уравнение n -го порядка, разностная задача Коши, определитель Вронского, критерий линейной независимости решений, фундаментальная система решений,
21. Решение разностного уравнения методом вариации произвольных постоянных.
22. Линейные однородные разностные стационарные уравнения, нахождение общего решения с помощью характеристического уравнения.
23. Нормальные линейные системы разностных уравнений, линейные стационарные системы разностных уравнений.
1. Преобразования Фурье и Лапласа.
24. z -преобразование, его связь с преобразованием Лапласа, свойства z -преобразования.
25. Применение z -преобразования для решения разностных уравне-

ний.

Примеры типовых теоретических вопросов (уровень усвоения удовлетворительно)

1. Дать определение общего и частного решений ДУ 1-го порядка.
2. Сформулировать достаточное условие существования и единственности решения ДУ 1-го порядка в нормальной форме.
3. Дать определение ДУ 1-го порядка, однородных относительно x и y .
4. ДУ 1-го порядка, однородные относительно x и y , приводятся к ДУ с разделяющимися переменными с помощью постановки...
5. Линейные ДУ 1-го порядка записываются как..., метод вариации заключается в....
6. Уравнения Бернулли приводятся к линейному ДУ 1-го порядка с помощью замены...
7. Дать определение общего и частного решений ДУ n -го порядка.
8. Сформулировать достаточное условие существования и единственности решения ДУ 2-го порядка в нормальной форме.
9. Для понижения порядка ДУ при отсутствии x используется подстановка...
10. Для понижения порядка ДУ при отсутствии y используется подстановка...
11. Система функций называется линейно независимой на $[a, b]$, если...
12. Дать определение фундаментальной системы решений для ЛОДУ 2-го и 3-го порядков.
13. Как проверить линейную независимость решений ЛОДУ с помощью определителя Вронского.
14. Записать структуру общего решения ЛНДУ 2-го и 3-го порядка.
15. Что такое принцип суперпозиции, как он применяется при решении ЛНДУ.
16. Записать ЛОДУ 3-го порядка с постоянными коэффициентами по виду действительных корней характеристического уравнения.
17. Записать ЛОДУ 2-го порядка с постоянными коэффициентами по виду комплексных корней характеристического уравнения.
18. Линейным разностным уравнением 1-го и 2-го порядков называется...
19. Записать общее решение ЛОРУ 2-го порядка с постоянными коэффициентами по виду действительных корней характеристического уравнения.
20. Записать общее решение ЛОРУ 2-го порядка с постоянными коэффициентами по виду комплексных корней характеристического уравнения.
21. Записать формулу численного нахождения частного решения ЛНРУ 3-го порядка с постоянными коэффициентами.

виду комплексных корней характеристического уравнения.

18. Линейным разностным уравнением 1-го и 2-го порядков называется...

19. Записать общее решение ЛОРУ 2-го порядка с постоянными коэффициентами по виду действительных корней характеристического уравнения.

20. Записать общее решение ЛОРУ 2-го порядка с постоянными коэффициентами по виду комплексных корней характеристического уравнения.

21. Записать формулу численного нахождения частного решения ЛНРУ 3-го порядка с постоянными коэффициентами.

Тест Дифференциальные уравнения

Вариант 1
$$y' - \frac{y}{x^2} = \operatorname{tg}\left(\frac{y}{x}\right)$$

Вопрос 1. Уравнение является:

- а) уравнением с разделяющимися переменными;
- б) однородным дифференциальным уравнением;
- в) линейным неоднородным дифференциальным уравнением первого порядка;
- г) линейным неоднородным дифференциальным уравнением второго порядка.

(правильный ответ: б).

Вопрос 2. Общий интеграл дифференциального уравнения $y' = \frac{x}{y}$ имеет

вид

а) $y = x^2 + C$ б) $y = \frac{x^2}{2} + C$ в) $y^2 = x^2 + C$ г) $y^2 = \frac{x^2}{2} + C$

(правильный ответ: в).

Вопрос 3. Решение однородного дифференциального уравнения $y' = f\left(\frac{y}{x}, \frac{y}{x}\right)$ необходимо находить в виде

а) $y = x \cdot u(x)$; б) $y = x + u(x)$; в) $y = u(x)/x$; г) $y = u(x) \cdot v(x)$.

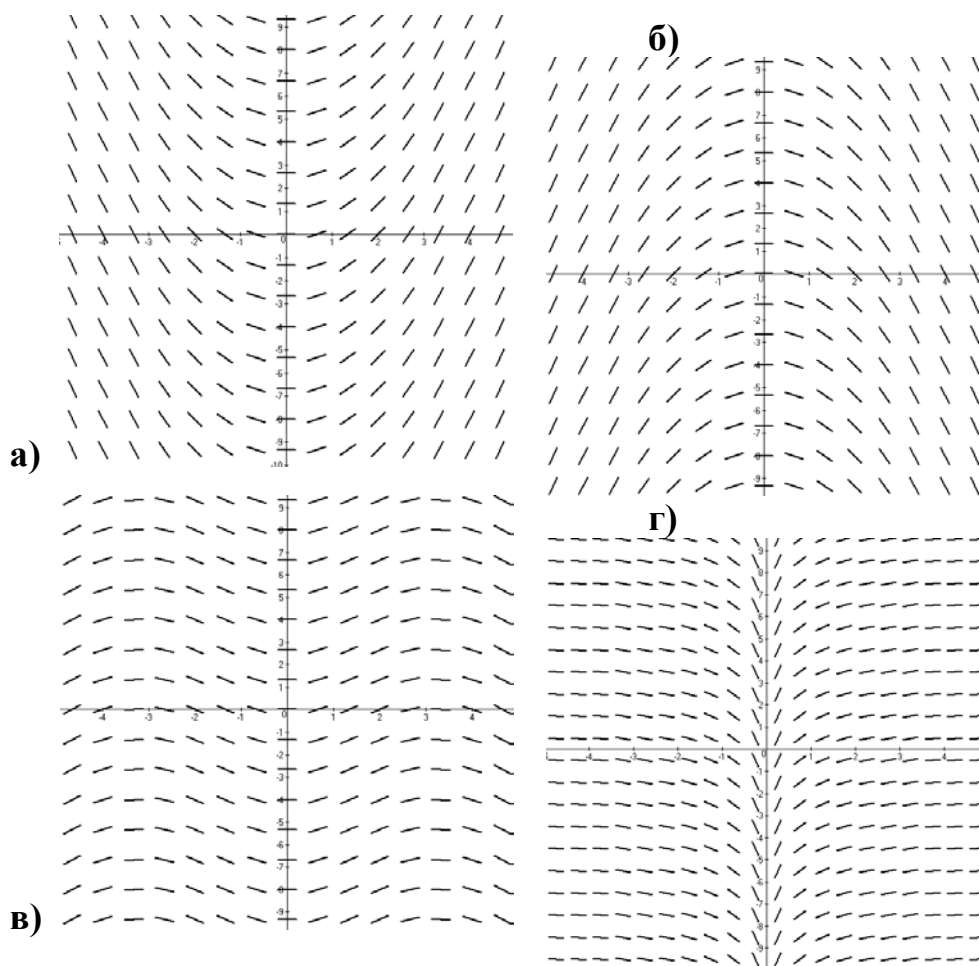
(правильный ответ: а).

Вопрос 4. Решение задачи Коши для дифференциального уравнения $y' + y = e^{-x}$, $y(0) = 1$ имеет вид

а) $y = e^{-x}(x + 2e - 1)$; б) $y = e^{-x}(x + 1)$; в) $y = e^{-x}(x + 2e)$; г) $y = e^x(x + 2e)$.

(правильный ответ: б).

Вопрос 5. Для дифференциального уравнения $y' = x$ при помощи метода изоклин получена качественная картина интегральных кривых.



(правильный ответ: а).

Вопрос 6. Общее решение дифференциального уравнения $y''' = x + \sin x$ имеет

вид

а) $y = \frac{1}{24}x^4 + \cos x + \frac{1}{2}C_1x^2 + C_2x + C_3, \quad C_1, C_2, C_3 = \text{const};$

б) $y = \frac{1}{24}x^4 - \cos x + x^2 + x + C_1, \quad C_1 = \text{const};$

в) $y = \frac{1}{24}x^4 + \cos x + \frac{1}{2}C_1x^2 + C_2x, \quad C_1, C_2 = \text{const};$

г) $y = \frac{1}{24}x^4 + \cos x + \frac{1}{2}C_1x^2, \quad C_1 = \text{const}.$

(правильный ответ: а).

г) $y = \frac{1}{24}x^4 + \sin x + \frac{1}{2}C_1x^2 + C_2x, \quad C_1, C_2 = \text{const}.$

(правильный ответ: в).

Вопрос 7. Порядок дифференциального уравнения $F(x, y'', y''') = 0$ можно

понизить заменой:

а) $z = y', \quad z = z(x);$

б) $z = y''', \quad z = z(x);$

в) $z = y'', \quad z = z(y);$

г) $z = y'', \quad z = z(x).$

(правильный ответ: г).

Вопрос 8. Дано дифференциальное уравнение $ay'' + by' + cy = x$. Корни его характеристического уравнения $k_1 = 0, \quad k_2 = 2$. Частное решение $\bar{y}$ следует искать в виде

$$\begin{array}{llll} \text{а) } \bar{y} = (Ax + B)x; & \text{б) } \bar{y} = Ax + B; & \text{в) } \bar{y} = Ax; & \text{г) } \\ \bar{y} = Ax^2 + B. & & & \end{array}$$

(правильный ответ: а).

Вопрос 9. Частное решение $\bar{y}$ линейного неоднородного дифференциального уравнения $y'' + y = x \sin x + 2 \cos x$ следует искать в виде

$$\begin{array}{ll} \text{а) } \bar{y} = (A \sin x + B \cos x)x; & \text{б) } \\ \bar{y} = (Ax + B) \sin x + (Cx + D) \cos x; & \\ \text{в) } \bar{y} = A \sin x + B \cos x; & \text{г) } \bar{y} = ((Ax + B) \sin x + (Cx + D) \cos x)x. \end{array}$$

(правильный ответ: г).

Вопрос 10. Общее решение уравнения $y'' + 4y = x^2 + 4$ имеет вид

$$\begin{array}{ll} \text{а) } y = C_1 e^{2x} + C_2 e^{-2x} + 0,25x^2 + 0,875; & \text{б) } \\ y = C_1 \cos 2x + C_2 \sin 2x + 0,25x^2 + 0,875; & \\ \text{в) } y = C_1 e^{2x} + C_2 x e^{2x} + 0,25x^2 + 0,875; & \text{г) } \\ y = C_1 \cos 2x + C_2 \sin 2x - 0,25x^2 + 0,875. & \end{array}$$

(правильный ответ: б).

Вариант 2

Вопрос 1. Уравнение $y' = \frac{y}{x^2} - \frac{2}{x}$ является:

- а) уравнением с разделяющимися переменными;
- б) однородным дифференциальным уравнением;
- в) линейным неоднородным дифференциальным уравнением первого порядка;
- г) линейным однородным дифференциальным уравнением второго порядка с постоянными коэффициентами.

(правильный ответ: в).

Вопрос 2. Общий интеграл дифференциального уравнения $y' = e^{x-y}$ имеет вид

$$\begin{array}{llll} \text{а) } e^y = Ce^x; & \text{б) } e^{-y} = e^x + C; & \text{в) } e^y = e^x + C; & \text{г) } \\ e^{-y} = Ce^x & & & \end{array}$$

(правильный ответ: в).

Вопрос 3. Решение линейного дифференциального уравнения первого порядка $y' + p(x)y = q(x)$ методом множителей Бернулли необходимо находить в виде

$$\begin{array}{llll} \text{а) } y = p(x) \cdot u(x); & \text{б) } y = u(x) + v(x); & \text{в) } y = u(x)/v(x); & \text{г) } \\ y = u(x) \cdot v(x). & & & \end{array}$$

(правильный ответ: г).

Вопрос 4. Общее решение дифференциального уравнения $y' - y = x$ имеет

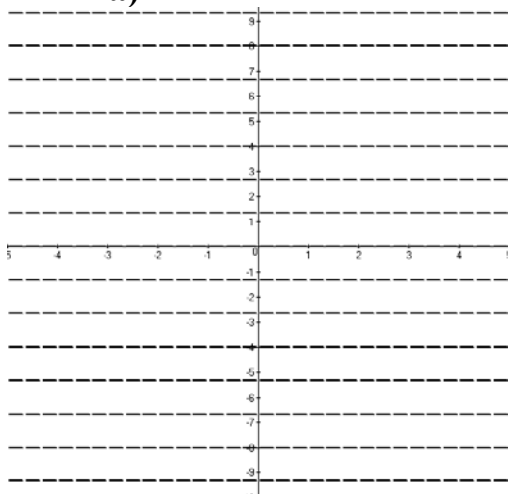
вид

- а) $y = Ce^x + x + 1$; б) $y = Ce^x - x - 1$; в) $y = Ce^{-x} - x - 1$; г) $y = C(x+1)$.

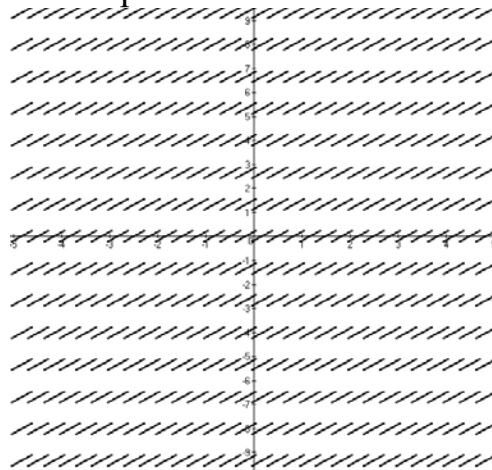
(правильный ответ: б).

Вопрос 5. Для дифференциального уравнения $y' = x^2$ при помощи метода изоклин получена качественная картина интегральных кривых.

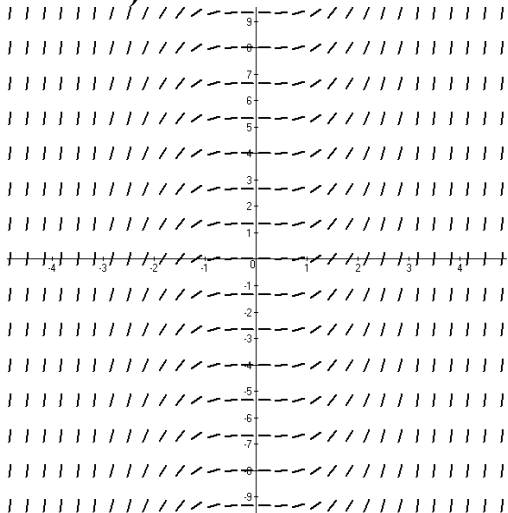
а)



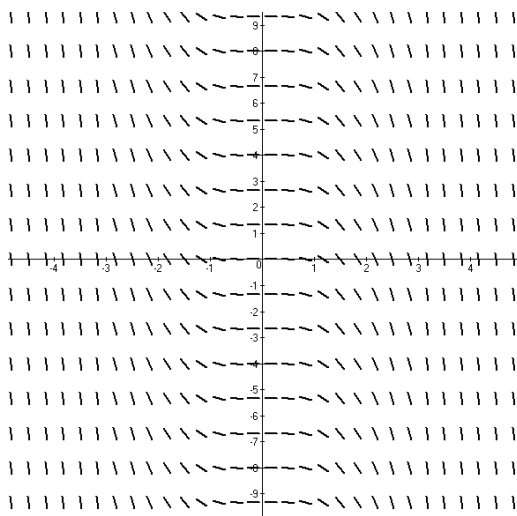
б)



в)



г)



(правильный ответ: в).

Вопрос 6. Общее решение дифференциального уравнения

$$y''' = \frac{1}{2\sqrt{x}} + e^{2x}$$

имеет вид

- а) $y = \frac{2}{3}\sqrt{x^3} + \frac{1}{4}e^{2x} + C_1x + C_2$, $C_1, C_2 = \text{const}$;
 б) $y = \frac{2}{3}\sqrt{x^3} + \frac{1}{8}e^{2x} + \frac{1}{2}C_1x^2 + C_2x + C_3$, $C_1, C_2, C_3 = \text{const}$;
 в) $y = \frac{4}{15}\sqrt{x^5} + \frac{1}{8}e^{2x} + \frac{1}{2}C_1x^2 + C_2x$, $C_1, C_2 = \text{const}$;
 г) $y = \frac{4}{15}\sqrt{x^5} + \frac{1}{8}e^{2x} + \frac{1}{2}C_1x^2 + C_2x + C_3$, $C_1, C_2, C_3 = \text{const}$.

(правильный ответ: г).

Вопрос 7. Порядок дифференциального уравнения $F(x, y^{(3)}, y^{(4)}) = 0$ можно

понижить заменой:

- а) $z = y^{(4)}, z = z(x)$; б) $z = y^{(3)}, z = z(x)$;
 в) $z = y^{(4)}, z = z(y)$; г) $z = y^{(3)}, z = z(y)$.

(правильный ответ: б).

Вопрос 8. Частное решение $\bar{y}$ линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка $y'' - 4y' + 3y = xe^x$ следует искать в виде

а) $\bar{y} = Ax^2e^x$; б) $\bar{y} = (Ax + B)e^x$; в) $\bar{y} = Axe^x$; г) $\bar{y} = (Ax^2 + Bx)e^x$

(правильный ответ: г).

Вопрос 9. Частное решение $\bar{y}$ линейного неоднородного дифференциального уравнения $y'' - 2y' + 17y = e^x((x+1)\cos(4x) + x \cdot \sin(4x))$ следует искать в виде

- а) $\bar{y}(x) = e^x((ax+b)\cos 4x + (cx+d)\sin 4x)x$; б) $\bar{y}(x) = e^x(a\cos 4x + b\sin 4x)$;
 в) $\bar{y}(x) = e^x((ax+b)\cos 4x + (cx+d)\sin 4x)$; г) $\bar{y}(x) = e^x(a\cos 4x + b\sin 4x)x$.

(правильный ответ: а).

Вопрос 10. Общее решение уравнения $y'' - y = e^{-x}$ имеет вид

- а) $y = C_1e^x + C_2e^{-x} + Ax$; б) $y = C_1e^x + C_2e^{-x}$;
 в) $y = C_1e^x + C_2xe^x + Ae^{-x}$; г) $y = C_1e^x + C_2e^{-x} + Axe^{-x}$.

(правильный ответ: г).

Вариант 3

Вопрос 1. Уравнение $(2 - e^{x+1})y \cdot y' = e^{x+1}$ является:

- а) уравнением с разделяющимися переменными;
 б) однородным дифференциальным уравнением;
 в) линейным неоднородным дифференциальным уравнением первого порядка;
 г) линейным однородным дифференциальным уравнением второго порядка с постоянными коэффициентами.

(правильный ответ: а).

Вопрос 2. Общий интеграл дифференциального уравнения $y' = y \cdot \sin x$ имеет вид

а) $y = Ce^{-\cos x}$; б) $y = Ce^{\cos x}$; в) $y = C \cos x$; г) $y = \frac{C}{\cos x}$.

(правильный ответ: а).

Вопрос 3. Общий интеграл дифференциального уравнения первого порядка $f_1(x)g_1(y)\frac{dx}{f_2(x)} = \frac{g_2(y)}{g_1(y)}dy + C$, имеет вид

а) $\begin{cases} \int \frac{f_2(x)}{f_1(x)} dx = - \int \frac{g_1(y)}{g_2(y)} dy + C, C = const \\ f_1(x) \neq 0, g_2(y) \neq 0; \end{cases}$ б)

в) $\begin{cases} \int \frac{f_1(x)}{f_2(x)} dx = - \int \frac{g_2(y)}{g_1(y)} dy + C, C = const; \\ f_2(x) \neq 0, g_1(y) \neq 0. \end{cases}$ г)

(правильный ответ: г).

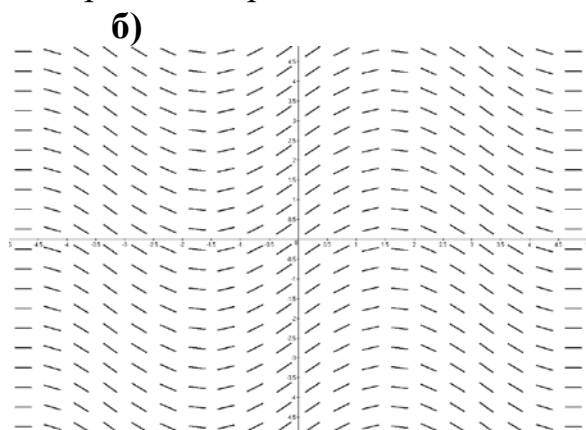
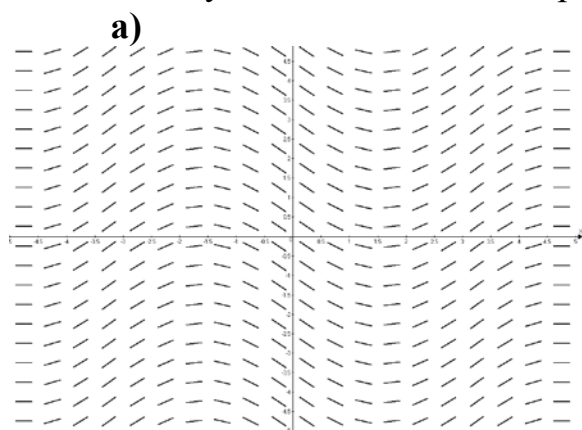
Вопрос 4. Общее решение дифференциального уравнения $y' - \frac{2y}{x} = x^2$ имеет

вид

а) $y = \frac{x^3}{2} + 2Cx$; б) $y = \frac{x^3}{5} + \frac{C}{x^2}$; в) $y = x^3 + Cx^2$; г) $y = \frac{x^3}{5} + \frac{Cx}{3}$.

(правильный ответ: в).

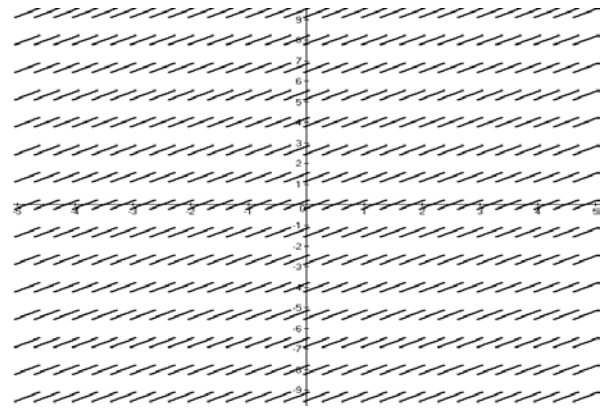
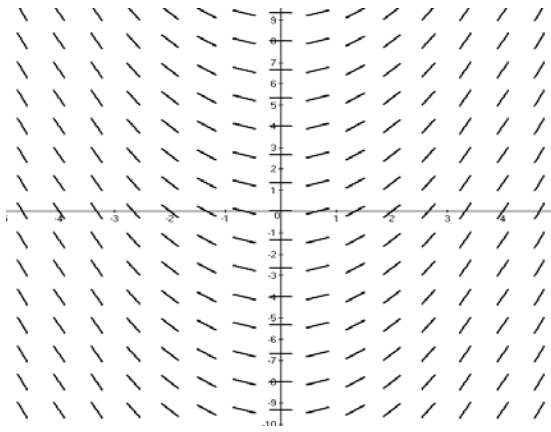
Вопрос 5. Для дифференциального уравнения $y' = \cos x$ при помощи метода изоклин получена качественная картина интегральных кривых.



(правильный ответ: б).

в)

г)



Вопрос 6. Общее решение дифференциального уравнения $y''' = x - \cos x$ имеет вид

- а) $y = \frac{1}{24}x^4 + \cos x + \frac{1}{2}C_1x^2 + C_2x + C_3, C_1, C_2, C_3 = \text{const};$
 б) $y = \frac{1}{24}x^4 - \sin x + \frac{1}{2}C_1x^2 + C_2x + C_3, C_1, C_2, C_3 = \text{const};$
 в) $y = \frac{1}{24}x^4 + \sin x + \frac{1}{2}C_1x^2 + C_2x + C_3, C_1, C_2, C_3 = \text{const};$
 г) $y = \frac{1}{24}x^4 + \sin x + \frac{1}{2}C_1x^2 + C_2x, C_1, C_2 = \text{const}.$

(правильный ответ: в).

Вопрос 7. Порядок дифференциального уравнения $F(y, y', y'') = 0$ можно понизить заменой:

- а) $y' = p, p = p(x);$ б) $y'' = p, p = p(x);$
 в) $y' = p, p = p(y);$ г) $y'' = p, p = p(y).$

(правильный ответ: в).

Вопрос 8. Частное решение $\bar{y}$ линейного неоднородного дифференциального уравнения $2y'' - 5y' + 2y = (x^2 + 1)e^{x/2}$ следует искать в виде

- а) $\bar{y}(x) = e^{x/2}(b_0x^2 + b_0x + b_1);$ б) $\bar{y}(x) = e^{x/2}(b_0x^2 + b_0x + b_1)x;$
 в) $\bar{y}(x) = e^{x/2}(b_0x^2 + b_0x)x;$ г) $\bar{y}(x) = e^{x/2}(b_0x + b_1)x.$

(правильный ответ: б).

Вопрос 9. Дано дифференциальное уравнение $ay'' + by' + cy = 0$. Корни его характеристического уравнения равны $k_{1,2} = 2 \pm 3i$. Тогда частное решение $\bar{y}$ уравнения $ay'' + by' + cy = e^{2x}(\cos 3x + (x-3) \cdot \sin 3x)$ следует искать в виде

- а) $\bar{y}(x) = e^{2x}((ax + b)\cos 2x + (cx + d)\sin 2x)x;$
 б) $\bar{y}(x) = e^{2x}((ax + b)\cos 3x + (cx + d)\sin 3x);$
 в) $\bar{y}(x) = e^{2x}((ax + b)\cos 3x + (cx + d)\sin 3x)x;$
 г) $\bar{y}(x) = e^{2x}(a \cos 3x + b \sin 3x)x.$

(правильный ответ: в).

Вопрос 10. Общее решение уравнения $y'' - 5y' + 4y = x + 1$ имеет вид

- а) $y = C_1e^x + C_2e^{-4x} + x/4 + 9/16;$ б)

$$y = C_1 e^x + C_2 e^{4x} + x/4 + 9/16;$$

$$\text{в) } y = C_1 e^x + C_2 e^{4x} + x/4 - 9/16; \quad \text{г) } y = C_1 e^{-x} + C_2 e^{4x} - x/4 - 9/16.$$

(правильный ответ: б).

Пример задания для проверки остаточных знаний.

1. Найти общее решение линейного дифференциального уравнения $y' + \frac{y}{x} = \frac{\cos 2x}{x}$ методом вариации произвольной постоянной.
2. Решить задачу Коши для линейного дифференциального уравнения первого порядка $y' - \frac{y}{x} = 3x$, $y(1) = 4$.
3. Записать фундаментальную систему решений уравнения $y''' - 5y'' + 9y' - 5y = 0$.
4. Найти общее решение ЛОДУ, если корни его характеристического уравнения имеют вид: $k_1 = -2$, $k_{2,3,4} = 0$, $k_{5,6} = 3$.
5. Найти общее решение ЛОДУ $y'' - 2y' + 5y = 0$.
6. Найти общее решение уравнения $y'' - 2y' - 3y = e^{4x}$ по виду правой части.
7. Решить ЛНДУ $y'' + 4y = \frac{1}{\sin 2x}$ методом вариации произвольных постоянных.
8. Найти общее решение системы $\begin{cases} \dot{x} = x + 4y, \\ \dot{y} = 2x + 3y. \end{cases}$