

ПРИЛОЖЕНИЕ

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РЯЗАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ РАДИОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМЕНИ В.Ф. УТКИНА»

**МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ
«Теория вероятностей и математическая статистика»**

Направление подготовки

09.03.02 «Информационные системы и технологии»

Направленность (профиль) подготовки

Информационные системы и технологии

Квалификация выпускника – бакалавр

Формы обучения – очная, заочная

Рязань 2022

1. ПЛАНЫ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАНЯТИЙ

Практическое занятие № 1 РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ НА РАСЧЕТ КОЛИЧЕСТВА ВЫБОРОК

Цель работы: познакомиться со свойствами числа сочетаний, треугольником Паскаля, биномом Ньютона; научиться правильно определять вид выборки, рассчитывать их количество в соответствии с условием поставленной задачи.

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 23 – 27; 2, стр. 271 – 273]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 6.1.3, 3.1.4, 6.1.6, 6.1.11, 6.1.18, 6.1.25, 6.1.28, 6.1.35, 6.1.37 из [2].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала самостоятельно решите задачи №№ 6.1.1, 6.1.6, 6.1.9., 6.1.10, 6.1.13 – 6.1.15, 6.1.21, 6.1.16, 6.1.29 – 6.1.32 из [2].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.
2. Письменный Д.Т. Конспект лекций по теории вероятностей, математической статистике и случайным процессам. – М.: Айрис-Пресс, 2007, 288 с.

Практическое занятие № 2 ВЫЧИСЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТЕЙ СОБЫТИЙ ПО КЛАССИЧЕСКОЙ ФОРМУЛЕ ОПРЕДЕЛЕНИЯ ВЕРОЯТНОСТИ. ВЫЧИСЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТЕЙ СЛОЖНЫХ СОБЫТИЙ. ПОЛНАЯ ВЕРОЯТНОСТЬ И ФОРМУЛА БАЙЕСА

Цель работы: познакомиться с видами событий, операциями над событиями, классическим и статистическим определением вероятности, понятием условной вероятности; научиться применять формулы комбинаторики, формулу классического определения вероятности, правила сложения и умножения вероятностей, формулой для нахождения полной вероятности события и формулой Байеса при решении задач теории вероятностей.

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 16 – 23, 27 – 60]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 1.37, 1.39, 1.42, 1.45, 1.48, 1.50, 1.54, 1.59, 1.61, 1.65, 1.67, 1.72, 1.74, 1.77 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала самостоятельно решите задачи №№ 1.40, 1.43, 1.49, 1.51, 1.56, 1.63, 1.71, 1.73, 1.75, 1.78 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

Практическое занятие № 3

ВЫЧИСЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТЕЙ СОБЫТИЙ В СХЕМЕ БЕРНУЛЛИ

Цель работы: научиться применять формулы Бернулли, Пуассона, локальную и интегральную теорему Муавра – Лапласа и следствия из нее при решении задач на расчет вероятности наступления события.

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 68 – 84]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 2.14, 2.18, 2.19, 2.20, 2.22, 2.25, 2.26, 2.31, 2.33 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала самостоятельно решите задачи №№ 2.15, 2.16, 2.21, 2.23, 2.27, 2.28, 2.32 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

Практическое занятие № 4

РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ НА ЗАПИСЬ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ДСВ. ВЫЧИСЛЕНИЕ ХАРАКТЕРИСТИК ДСВ

Цель работы: познакомиться с понятием случайной величины, ее видами, способами представления дискретной случайной величины; научиться строить ряд распределения ДСВ, функцию и полигон распределения ДСВ, познакомиться с основными числовыми характеристиками ДСВ: математическим ожиданием, дисперсией, средне квадратическим отклонением, способами их расчета, свойствами математического ожидания и дисперсии и их использовании при определении числовых характеристик ДСВ.

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 87 – 106, 121 – 130]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 3.25, 3.27, 3.32, 3.33, 3.35, 3.39, 3.44 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала разберите задачи №№ 3.18 – 3.23 из [1] и самостоятельно решите задачи №№ 3.26, 3.28, 3.34, 3.36, 3.45 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

Практическое занятие № 5

ЗАПИСЬ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ И ВЫЧИСЛЕНИЕ ХАРАКТЕРИСТИК ДЛЯ БИНОМИНАЛЬНОЙ, ГЕОМЕТРИЧЕСКОЙ И ГИПЕРГЕОМЕТРИЧЕСКОЙ ДСВ

Цель работы: познакомиться с основными законами распределения ДСВ, научиться находить характеристики случайных величин, распределенных в соответствии с заданным законом.

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 141 – 152]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 4.11, 4.12, 4.15, 4.14 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала разберите задачи №№ 4.1, 4.2, 4.4, 4.4а, 4.5 из [1] и самостоятельно решите задачи №№ 4.13, 4.16 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

Практическое занятие № 6

ЗАПИСЬ ФУНКЦИИ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ НСВ. ВЫЧИСЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И НАХОЖДЕНИЕ ХАРАКТЕРИСТИК ДЛЯ НСВ С ПОМОЩЬЮ ФУНКЦИИ ПЛОТНОСТИ И ИНТЕГРАЛЬНОЙ ФУНКЦИИ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ

Цель работы: познакомиться с понятием непрерывной случайной величины, функцией плотности НСВ, ее свойствами и взаимосвязью с функцией распределения, с формулами расчета вероятностей и числовых характеристик НСВ; научиться определять вид плотности по заданной функции распределения, рассчитывать числовые характеристики НСВ в зависимости от заданной функции.

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 106 – 119]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 3.63 – 3.65, 3.67, 3.68 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала разберите задачи №№ 3.24, 3.24а, из [1] и самостоятельно решите задачи №№ 3.62, 3.66, 3.68, 3.69 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

Практическое занятие № 7

ВЫЧИСЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И НАХОЖДЕНИЕ ХАРАКТЕРИСТИК ДЛЯ НСВ, РАСПРЕДЕЛЕННОЙ ПО РАВНОМЕРНОМУ, НОРМАЛЬНОМУ, ПОКАЗАТЕЛЬНОМУ ЗАКОНУ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ

Цель работы: познакомиться с основными законами распределения НСВ, научиться находить характеристики случайных величин, распределенных в соответствии с заданным законом, определять вероятность попадания случайной величины, распределенной по равномерному, нормальному или по показательному закону в заданный промежуток.

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 152 – 166]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 4.17, 4.20, 4.23 – 4.25 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала разберите задачи №№ 4.6 – 4.9 из [1] и самостоятельно решите задачи №№ 4.18, 4.19, 4.21, 4.22 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

Практическое занятие № 8

ВЫЧИСЛЕНИЕ ЧИСЛОВЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ДВУМЕРНОЙ СЛУЧАЙНОЙ ВЕЛИЧИНЫ, ОПРЕДЕЛЕНИЕ ЗАВИСИМОСТИ МЕЖДУ СЛУЧАЙНЫМИ ВЕЛИЧИНАМИ

Цель работы: научиться выполнять математические операции над случайными величинами, вычислять характеристики полученной случайной величины, устанавливать зависимость/ независимость случайных величин.

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 91 – 94, 175 – 202]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 3.49 – 3.51, 3.54, 5.10, 5.14 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала разберите задачу № 3.22 (2 способ) из [1] и самостоятельно решите задачи №№ 3.48, 3.52, 3.53, 5.11, 5.15 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

Практическое занятие № 9

ВЫЧИСЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТЕЙ СОБЫТИЙ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ ПРЕДЕЛЬНЫХ ТЕОРЕМ

Цель работы: изучить неравенства Маркова и Чебышева; определить связь между относительно частотой появления события в независимых испытаниях и вероятностью наступления этого события в каждом опыте, приобрести навыки оценки вероятностей событий.

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 218 – 236]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 6.9, 6.11, 6.13, 6.15, 6.17, 6.19, 6.21 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала разберите задачи №№ 6.1 – 6.6 из [1] и самостоятельно решите задачи №№ 6.10, 6.12, 6.14, 6.16, 6.18, 6.20, 6.22 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

Практическое занятие № 10

ПОСТРОЕНИЕ ДЛЯ ЗАДАННОЙ ВЫБОРКИ ЕЕ ГРАФИЧЕСКОЙ ДИАГРАММЫ; РАСЧЁТ ПО ЗАДАННОЙ ВЫБОРКЕ ЕЁ ЧИСЛОВЫХ ХАРАКТЕРИСТИК

Цель работы: научиться графически представлять выборку: строить полигон, гистограмму, кумуляту; научиться исследовать выборку, находить ее характеристики (выборочную среднюю, дисперсию, моду, медиану, коэффициент вариации, коэффициент асимметрии).

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 267 – 284]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 8.10, 8.12 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала разберите задачи №№ 8.1 – 8.9 из [1] и самостоятельно решите задачи №№ 8.11, 8.13 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

Практическое занятие № 11

РАСЧЕТ ТОЧЕЧНЫХ И ИНТЕРВАЛЬНЫХ ОЦЕНОК ПАРАМЕТРОВ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ С ЗАДАННОЙ НАДЕЖНОСТЬЮ

Цель работы: научиться находить точечные и интервальные оценки генеральной средней и среднего квадратичного отклонения при заданной доверительной вероятности, оценивать ошибки выборочных оценок.

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 286 – 326]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 9.19, 9.21, 9.23, 9.25, 9.26, 9.28 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала разберите задачи №№ 9.1 – 9.17 из [1] и самостоятельно решите задачи №№ 9.24, 9.27, 9.29 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

Практическое занятие № 12

РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ НА ПРОВЕРКУ СТАТИСТИЧЕСКИХ ГИПОТЕЗ

Цель работы: научиться проверять гипотезы о виде распределении случайной величины или ее параметрах по имеющимся характеристикам выборки (или по выборочным данным) с использованием критерия согласия χ^2 .

Задание

Изучите лекционный материал и материал, представленный в [1, стр. 330 – 339, 357 – 336]. Ответьте на контрольные вопросы. Для закрепления материала решите задачи №№ 10.28, 10.30, 10.33 из [1].

Задание для самостоятельной работы

Для закрепления материала разберите задачи №№ 10.12, 10.13 из [1] и самостоятельно решите задачи №№ 10.29, 10.31, 10.34 из [1].

Рекомендуемая литература:

1. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.

2. МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ СТУДЕНТАМ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Перед началом изучения дисциплины студенту необходимо ознакомиться с содержанием рабочей программы дисциплины, с целями и задачами дисциплины, ее связями с другими дисциплинами образовательной программы, методическими разработками по данной дисциплине, имеющимися на образовательном портале РГРТУ и сайте кафедры.

Методические рекомендации студентам по работе над конспектом лекции

Основу теоретического обучения студентов составляют лекции. Они дают систематизированные знания студентам о наиболее сложных и актуальных проблемах изучаемой дисциплины. На лекциях особое внимание уделяется не только усвоению студентами изучаемых проблем, но и стимулированию их активной познавательной деятельности, творческого мышления, развитию научного мировоззрения, профессионально-значимых свойств и качеств.

Перед каждой лекцией студенту необходимо просматривать рабочую программу дисциплины, что позволит сэкономить время на записывание темы лекции, ее основных вопросов, рекомендуемой литературы.

Перед очередной лекцией необходимо просмотреть по конспекту материал предыдущей лекции. При затруднениях в восприятии материала следует обратиться к основным литературным источникам. Если разобраться в материале опять не удалось, то обратитесь к лектору (по графику его консультаций) или к преподавателю на практических занятиях. Не оставляйте «белых пятен» в освоении материала.

Во время лекции студенты должны не только внимательно воспринимать действия преподавателя, но и самостоятельно мыслить, добиваться понимания изучаемого предмета. Студенты должны аккуратно вести конспект. В случае непонимания какой-либо части предмета следует задать вопрос в установленном порядке преподавателю. В процессе работы на лекции необходимо так же выполнять в конспектах модели изучаемого предмета (рисунки, схемы, чертежи и т. д.), которые использует преподаватель.

Слушая лекцию, нужно из всего получаемого материала выбирать и записывать самое главное. Следует знать, что главные положения лекции преподаватель обычно выделяет интонацией или

повторяет несколько раз. Именно поэтому предварительная подготовка к лекции позволит студенту уловить тот момент, когда следует перейти к конспектированию, а когда можно просто внимательно слушать лекцию. В связи с этим нелишне перед началом сессии еще раз бегло просмотреть учебники или прежние конспекты по изучаемым предметам. Это станет первичным знакомством с тем материалом, который прозвучит на лекции, а также создаст необходимый психологический настрой.

Чтобы правильно и быстро конспектировать лекцию важно учитывать, что способы подачи лекционного материала могут быть разными. Преподаватель может диктовать материал, или рассказывать его, не давая ничего под запись, или проводить занятие в форме диалога со студентами. Чаще всего можно наблюдать соединение двух или трех вышеназванных способов.

Эффективность конспектирования зависит от умения владеть правильной методикой записи лекции. Конечно, способы конспектирования у каждого человека индивидуальны. Однако существуют некоторые наиболее употребляемые и целесообразные приемы записи лекционного материала.

Запись лекции можно вести в виде тезисов – коротких, простых предложений, фиксирующих только основное содержание материала. Количество и краткость тезисов может определяться как преподавателем, так и студентом. Естественно, что такая запись лекции требует впоследствии обращения к дополнительной литературе. На отдельные лекции можно приносить соответствующий иллюстративный материал на бумажных или электронных носителях, представленный лектором на портале или присланный на «электронный почтовый ящик группы» (таблицы, графики, схемы). Данный материал будет охарактеризован, прокомментирован, дополнен непосредственно на лекции.

Кроме тезисов важно записывать примеры, доказательства, даты и цифры. Значительно облегчают понимание лекции те схемы и графики, которыми преподаватель иллюстрирует теоретический материал. По мере возможности студенты должны переносить их в тетрадь рядом с тем текстом, к которому эти схемы и графики относятся.

Хорошо если конспект лекции дополняется собственными мыслями, суждениями, вопросами, возникающими в ходе прослушивания содержания лекции. Те вопросы, которые возникают у студента при конспектировании лекции, не всегда целесообразно задавать сразу при их возникновении, чтобы не нарушить ход рассуждений преподавателя. Студент может попытаться ответить на них сам в процессе подготовки к практическим занятиям либо обсудить их с преподавателем на консультации.

Важно и то, как будет расположен материал в лекции. Если запись тезисов ведется по всей строке, то целесообразно отделять их время от времени красной строкой или пропуском строки. Примеры же и дополнительные сведения можно смещать вправо или влево под тезисом, а также на поля. В тетради нужно выделять темы лекций, записывать рекомендуемую для самостоятельной подготовки литературу, внести фамилию, имя и отчество преподавателя. Наличие полей в тетради позволяет не только получить «ровный» текст, но и дает возможность при необходимости вставить важные дополнения и изменения в конспект лекции.

При составлении конспектов необходимо использовать избыточность русского языка, сокращая слова. Так в процессе совершенствования навыков конспектирования лекций важно выработать индивидуальную систему записи материала, научиться рационально сокращать слова и отдельные словосочетания.

Практика показывает, что не всегда студенту удается успевать записывать слова лектора даже при использовании приемов сокращения слов. В этом случае допустимо обратиться к лектору с просьбой повторить сказанное. При обращении важно четко сформулировать просьбу, указать какой отрывок необходимо воспроизвести еще раз. Однако не всегда удобно прерывать ход лекции. В этом случае можно оставить пропуск, и после лекции устранить его при помощи конспекта соседа. Важно сделать это в короткий срок, пока свежа память о воспринятой на лекции информации.

Работу над конспектом следует начинать с его доработки, желательно в тот же день, пока материал еще легко воспроизводим в памяти (через 10 часов после лекции в памяти остается не более 30-40 % материала). С целью доработки необходимо прочитать записи, восстановить текст в памяти, а также исправить описки, расшифровать не принятые ранее сокращения, заполнить пропущенные места, понять текст, вникнуть в его смысл. Далее следует прочитать материал по рекомендуемой литературе, разрешая в ходе чтения возникшие ранее затруднения, вопросы, а также дополняя и

исправляя свои записи. Записи должны быть наглядными, для чего следует применять различные способы выделений. В ходе доработки конспекта углубляются, расширяются и закрепляются знания, а также дополняется, исправляется и совершенствуется конспект.

Подготовленный конспект и рекомендуемая литература используются при подготовке к практическим занятиям. Подготовка сводится к внимательному прочтению учебного материала, к выводу с карандашом в руках всех утверждений и формул, к решению примеров, задач, к ответам на вопросы. Примеры, задачи, вопросы по теме являются средством самоконтроля.

Непременным условием глубокого усвоения учебного материала является знание основ, на которых строится изложение материала. Обычно преподаватель напоминает, какой ранее изученный материал и в какой степени требуется подготовить к очередному занятию. Обращение к ранее изученному материалу не только помогает восстановить в памяти известные положения, выводы, но и приводит разрозненные знания в систему, углубляет и расширяет их. Каждый возврат к старому материалу позволяет найти в нем что-то новое, переосмыслить его с иных позиций, определить для него наиболее подходящее место в уже имеющейся системе знаний. Неоднократное обращение к пройденному материалу является наиболее рациональной формой приобретения и закрепления знаний.

Методические рекомендации студентам по работе с литературой

В рабочей программе дисциплины для каждого раздела и темы дисциплины указывается основная и дополнительная литература, позволяющая более глубоко изучить данный вопрос. Обычно список всей рекомендуемой литературы преподаватель озвучивает на первой лекции или дает ссылки на ее местонахождение (на образовательном портале РГРТУ, на сайте кафедры и т. д.).

При работе с рекомендуемой литературой целесообразно придерживаться такой последовательности. Сначала лучше прочитать заданный текст в быстром темпе. Цель такого чтения заключается в том, чтобы создать общее представление об изучаемом материале, понять общий смысл прочитанного. Затем прочитать вторично, более медленно, чтобы в ходе чтения понять и запомнить смысл каждой фразы, каждого положения и вопроса в целом.

Чтение приносит пользу и становится продуктивным, когда сопровождается записями. Это может быть составление плана прочитанного текста, тезисы или выписки, конспектирование и др. Выбор вида записи зависит от характера изучаемого материала и целей работы с ним. Если содержание материала несложное, легко усваиваемое, можно ограничиться составлением плана. Если материал содержит новую и трудно усваиваемую информацию, целесообразно его законспектировать.

План – это схема прочитанного материала, перечень вопросов, отражающих структуру и последовательность материала.

Конспект – это систематизированное, логичное изложение материала источника. Различаются четыре типа конспектов:

- план-конспект – это развернутый детализированный план, в котором по наиболее сложным вопросам даются подробные пояснения,
- текстуальный конспект – это воспроизведение наиболее важных положений и фактов источника,
- свободный конспект – это четко и кратко изложенные основные положения в результате глубокого изучения материала, могут присутствовать выписки, цитаты, тезисы; часть материала может быть представлена планом,
- тематический конспект – составляется на основе изучения ряда источников и дает ответ по изучаемому вопросу.

В процессе изучения материала источника и составления конспекта нужно обязательно применять различные выделения, подзаголовки, создавая блочную структуру конспекта. Это делает конспект легко воспринимаемым и удобным для работы.

Методические рекомендации студентам по подготовке к лабораторным работам

Практические занятия представляют особую форму сочетания теории и практики. Их назначение – углубление проработки теоретического материала предмета путем регулярной и планомерной самостоятельной работы студентов на протяжении всего курса. Процесс подготовки к практическим занятиям включает изучение нормативных документов, обязательной и дополнительной литературы по рассматриваемому вопросу.

Непосредственное проведение практического занятия предполагает, например:

- индивидуальные выступления студентов с сообщениями по какому-либо вопросу изучаемой темы;
- фронтальное обсуждение рассматриваемой проблемы, обобщения и выводы;
- решение задач и упражнений по образцу;
- решение вариантных задач и упражнений;
- решение ситуационных производственных (профессиональных) задач;
- проектирование и моделирование разных видов и компонентов профессиональной деятельности.
- выполнение контрольных работ;
- работу с тестами.

При подготовке к практическим занятиям студентам рекомендуется: внимательно ознакомиться с тематикой практического занятия; прочесть конспект лекции по теме, изучить рекомендованную литературу; составить краткий план ответа на каждый вопрос практического занятия; проверить свои знания, отвечая на вопросы для самопроверки; если встретятся незнакомые термины, обязательно обратиться к словарю и зафиксировать их в тетради.

Все письменные задания выполнять в рабочей тетради. Практические занятия развивают у студентов навыки самостоятельной работы по решению конкретных задач.

Методические рекомендации студентам по подготовке к экзамену

При подготовке к экзамену студент должен повторно изучить конспекты лекций и рекомендованную литературу, просмотреть решения основных задач, решенных самостоятельно и на практических занятиях.

Необходимо помнить, что промежутки между очередными экзаменами обычно составляют всего несколько дней. Поэтому подготовку к ним нужно начинать заблаговременно в течение семестра. До наступления сессии уточните у преподавателя порядок проведения промежуточной аттестации по его предмету и формулировки критериев для количественной оценивания уровня подготовки студентов. Для итоговой положительной оценки по предмету необходимо разобрать решение задач, рассмотренных на практических занятиях, вовремя и с нужным качеством выполнить контрольные работы, так как всё это может являться обязательной частью учебного процесса по данной дисциплине.

Рекомендуется разработать план подготовки к каждому экзамену, в котором указать, какие вопросы или билеты нужно выучить, какие задачи решить за указанный в плане временной отрезок.

Также бывает полезно вначале изучить более сложные вопросы, а затем переходить к изучению более простых вопросов. При этом желательно в начале каждого следующего дня подготовки бегло освежить в памяти выученный ранее материал.

В период экзаменационной сессии организм студента работает в крайне напряженном режиме и для успешной сдачи сессии нужно не забывать о простых, но обязательных правилах:

- по возможности обеспечить достаточную изоляцию: не отвлекаться на разговоры с друзьями, просмотры телепередач, общение в социальных сетях;
- уделять достаточное время сну;
- отказаться от успокоительных. Здоровое волнение – это нормально. Лучше снимать волнение небольшими прогулками, самовнушением;
- внушать себе, что сессия – это не проблема. Это нормальный рабочий процесс. Не накручивайте себя, не создавайте трагедий в своей голове;

- помогите своему организму – обеспечьте ему полноценное питание, давайте ему периоды отдыха с переменной вида деятельности;
- следуйте плану подготовки.

Методические рекомендации студентам по проведению самостоятельной работы

Самостоятельная работа студента над учебным материалом является неотъемлемой частью учебного процесса в вузе.

В учебном процессе образовательного учреждения выделяются два вида самостоятельной работы:

1) аудиторная – выполняется на учебных занятиях, под непосредственным руководством преподавателя и по его заданию), студентам могут быть предложены следующие виды заданий:

- выполнение самостоятельных работ;
- выполнение лабораторных работ;
- составление схем, диаграмм, заполнение таблиц;
- решение задач;
- работу со справочной, нормативной документацией и научной литературой;
- защиту выполненных работ;
- тестирование и т. д.

2) внеаудиторная – выполняется по заданию преподавателя, но без его непосредственного участия, включает следующие виды деятельности.

- подготовку к аудиторным занятиям (теоретическим и лабораторным работам);
- изучение учебного материала, вынесенного на самостоятельную проработку: работа над определенными темами, разделами, вынесенными на самостоятельное изучение в соответствии с рабочими программами учебной дисциплины или профессионального модуля;
- выполнение домашних заданий разнообразного характера;
- выполнение индивидуальных заданий, направленных на развитие у студентов самостоятельности и инициативы;
- подготовку к практической работе, зачету, экзамену;
- другие виды внеаудиторной самостоятельной работы.

Внеаудиторные самостоятельные работы представляют собой логическое продолжение аудиторных занятий, проводятся по заданию преподавателя, который инструктирует студентов и устанавливает сроки выполнения задания.

При планировании заданий для внеаудиторной самостоятельной работы используются следующие типы самостоятельной работы:

- воспроизводящая (репродуктивная), предполагающая алгоритмическую деятельность по образцу в аналогичной ситуации. Включает следующую основную деятельность: самостоятельное прочтение, просмотр, конспектирование учебной литературы, прослушивание записанных лекций, заучивание, пересказ, запоминание, Internet–ресурсы, повторение учебного материала и др.
- реконструктивная, связанная с использованием накопленных знаний и известного способа действия в частично измененной ситуации, предполагает подготовку отчетов по лабораторным работам (выполнение предложенных практических заданий), подбор литературы по дисциплинарным проблемам, подготовка к защите лабораторных работ и др.
- эвристическая (частично-поисковая) и творческая, направленная на развитие способностей студентов к исследовательской деятельности.

Одной из важных форм самостоятельной работы студента является работа с литературой ко всем видам занятий. Самостоятельная работа студента с литературой позволяет ему более углубленно вникнуть в изучаемую тему.

Один из методов работы с литературой – повторение: прочитанный текст можно заучить наизусть. Простое повторение воздействует на память механически и поверхностно. Полученные таким путем сведения легко забываются.

Более эффективный метод – метод кодирования: прочитанный текст нужно подвергнуть большей, чем простое заучивание, обработке. Чтобы основательно обработать информацию и

закодировать ее для хранения, важно провести целый ряд мыслительных операций: прокомментировать новые данные; оценить их значение; поставить вопросы; сопоставить полученные сведения с ранее известными. Для улучшения обработки информации очень важно устанавливать осмысленные связи, структурировать новые сведения.

Изучение научной, учебной и иной литературы требует ведения рабочих записей. Форма записей может быть весьма разнообразной: простой или развернутый план, тезисы, цитаты, конспект.

План – структура письменной работы, определяющая последовательность изложения материала. Он является наиболее краткой и потому самой доступной и распространенной формой записей содержания исходного источника информации. По существу, это перечень основных вопросов, рассматриваемых в источнике. План может быть простым и развернутым. Их отличие состоит в степени детализации содержания и, соответственно, в объеме.

Преимущество плана состоит в том, что план позволяет наилучшим образом уяснить логику мысли автора, упрощает понимание главных моментов произведения. Кроме того, он позволяет быстро и глубоко проникнуть в сущность построения произведения и, следовательно, гораздо легче ориентироваться в его содержании и быстрее обычного вспомнить прочитанное. С помощью плана гораздо удобнее отыскивать в источнике нужные места, факты, цитаты и т. д.

Выписки представляют собой небольшие фрагменты текста (неполные и полные предложения, отдельные абзацы, а также дословные и близкие к дословным записи об излагаемых в нем фактах), содержащие в себе основной смысл содержания прочитанного. Выписки представляют собой более сложную форму записи содержания исходного источника информации. По сути, выписки – не что иное, как цитаты, заимствованные из текста. Выписки позволяют в концентрированной форме и с максимальной точностью воспроизвести наиболее важные мысли автора. В отдельных случаях – когда это оправдано с точки зрения продолжения работы над текстом – вполне допустимо заменять цитирование изложением, близким дословному.

Тезисы – сжатое изложение содержания изученного материала в утвердительной (реже опровергающей) форме. Отличие тезисов от обычных выписок состоит в том, что тезисам присуща значительно более высокая степень концентрации материала. В тезисах отмечается преобладание выводов над общими рассуждениями. Записываются они близко к оригинальному тексту, т. е. без использования прямого цитирования.

Аннотация – краткое изложение основного содержания исходного источника информации, дающее о нем обобщенное представление. К написанию аннотаций прибегают в тех случаях, когда подлинная ценность и пригодность исходного источника информации исполнителю письменной работы окончательно неясна, но в то же время о нем необходимо оставить краткую запись с обобщающей характеристикой.

Резюме – краткая оценка изученного содержания исходного источника информации, полученная, прежде всего, на основе содержащихся в нем выводов. Резюме весьма сходно по своей сути с аннотацией. Однако, в отличие от последней, текст резюме концентрирует в себе данные не из основного содержания исходного источника информации, а из его заключительной части, прежде всего, выводов. Но, как и в случае с аннотацией, резюме излагается своими словами – выдержки из оригинального текста в нем практически не встречаются.

Конспект представляет собой сложную запись содержания исходного текста, включающая в себя заимствования (цитаты) наиболее примечательных мест в сочетании с планом источника, а также сжатый анализ записанного материала и выводы по нему.

При выполнении конспекта требуется внимательно прочитать текст, уточнить в справочной литературе непонятные слова и вынести справочные данные на поля конспекта. Нужно выделить главное, составить план. Затем следует кратко сформулировать основные положения текста, отметить аргументацию автора. Записи материала следует проводить, четко следуя пунктам плана и выражая мысль своими словами. Цитаты должны быть записаны грамотно, учитывать лаконичность, значимость мысли.

В тексте конспекта желательно приводить не только тезисные положения, но и их доказательства. При оформлении конспекта необходимо стремиться к емкости каждого предложения. Мысли автора книги следует излагать кратко, заботясь о стиле и выразительности написанного. Число дополнительных элементов конспекта должно быть логически обоснованным, записи должны

распределяться в определенной последовательности, отвечающей логической структуре произведения. Для уточнения и дополнения необходимо оставлять поля. Необходимо указывать библиографическое описание конспектируемого источника.

3. ВОПРОСЫ ДЛЯ САМОПОДГОТОВКИ

1. Какую задачу решает наука комбинаторика?
2. Сформулируйте два основных правила комбинаторики.
3. Какие типы выборок Вам известны?
4. Дайте определение размещения, перестановкам и сочетаниям (с и без повторений)
5. Напишите формулы для расчета количества комбинаций в различных выборках.
6. Перечислите свойства числа сочетаний.
7. Напишите формулы расчета количества перестановок, размещений, сочетаний: а) без повторений; б) с повторениями.
8. Каков алгоритм анализа условия комбинаторной задачи?
9. Какие виды событий вы знаете?
10. Какие события образуют полную группу?
11. Какие действия можно выполнять над событиями?
12. Какое событие является благоприятствующим для данного?
13. В чем отличие вероятности от частоты?
14. Сформулируйте классическое, статистическое и аксиоматическое определение вероятности.
15. Какие события называются несовместными? Какие называются независимыми?
16. Как определить вероятность суммы двух событий?
17. Дайте определение условной вероятности.
18. Как определить вероятность произведения двух событий?
19. Как найти вероятность противоположного события?
20. Для каких событий можно использовать формулу полной вероятности?
21. Запишите формулу Байеса.
22. В каком случае можно использовать формулу Байеса?
23. В каком случае при решении задач используется: а) формула Бернулли; б) формула Пуассона; в) локальная теорема Муавра – Лапласа; г) интегральная теорема Муавра – Лапласа?
24. Как определить наивероятнейшее число появления события в серии из n испытаний?
25. Дайте определение случайной величины.
26. Какие виды случайных величин вам известны?
27. Приведите свои примеры случайных величин.
28. Как можно представить распределение ДСВ?
29. Что понимают под числовыми характеристиками ДСВ?
30. Что называется мат. ожиданием, дисперсией ДСВ?
31. Как определить среднее квадратическое отклонение ДСВ.
32. В чем заключается вероятностный смысл мат. ожидания, дисперсии?
33. Определение медианы ДСВ и методика её нахождения
34. Какие законы распределения ДСВ Вам известны?
35. Напишите формулы для расчета числовых характеристик величины, имеющей:
а) биномиальный закон распределения; б) закон распределения Пуассона;
в) геометрический закон распределения.
36. Дайте определение и перечислите свойства функции плотности НСВ.

37. Дайте определение и перечислите свойства интегральной функции распределения НСВ.
38. Напишите формулы для вычисления математического ожидания, дисперсии, среднеквадратического отклонения НСВ по её плотности.
39. Напишите формулы для вычисления математического ожидания, дисперсии, среднеквадратического отклонения НСВ по её плотности.
40. Определение медианы, моды, квантилей уровня НСВ и методика их нахождения.
41. Напишите формулу функции плотности для равномерно распределённой НСВ.
42. Определение и функция плотности нормально распределенной величины.
43. В чем смысл параметров a и σ нормального распределения?
44. Приведите примеры нормально распределенных величин.
45. Нарисуйте кривую Гаусса и перечислите ее свойства.
46. Интегральная функция распределения нормально распределенной величины.
47. Как вычислить вероятности для нормально распределенной величины?
48. Запишите интегральную функцию и функцию плотности показательного распределённой НСВ.
49. Как рассчитать характеристики показательного распределенной НСВ?
50. Запишите интегральную функцию и функцию плотности нормально распределенной НСВ.
51. Как рассчитать характеристики показательного распределенной НСВ?
52. Понятие равномерно распределённой НСВ. Нахождение ее характеристик.
53. В чем заключается смысл правила “трех сигм”?
54. Что понимается в широком смысле под законом больших чисел?
55. Сформулируйте центральную предельную теорему.
56. Какие виды вариационных рядов Вы знаете?
57. Что называют полигоном частот (относительных частот)?
58. Что называют гистограммой частот (относительных частот)?
59. Какие числовые характеристики выборки вы знаете?
60. Каковы формулы расчета характеристик вариационных рядов?
61. Как для заданной выборки построить гистограмму, кумуляту и эмпирическую функцию распределения?
62. Что называют точечной оценкой параметра генеральной совокупности? Дайте определение несмещенной, состоятельной и эффективной статистической оценкой.
63. Точечные оценки для генеральной средней (математического ожидания), генеральной дисперсии и генерального среднеквадратического отклонения.
64. Что называется интервальной статистической оценкой параметра генеральной совокупности?
65. Дайте определение доверительного интервала. Что понимают под надежностью доверительного интервала?
66. Напишите формулы для расчета интервальных оценок математического ожидания нормального распределения а) при известной дисперсии, б) при неизвестной дисперсии.
67. Как дать интервальную оценку вероятности события.
68. Что называют статистическим рядом распределения?
69. Дайте определение эмпирической функции распределения.
70. Дайте определение генеральной и выборочной средней, генеральной и выборочной дисперсия, исправленной дисперсии.
71. Что называется корреляционной таблицей?
72. Как вычисляется выборочный коэффициент корреляции?

73. Приведите пример статистической гипотезы.
74. Что называют ошибками первого и второго рода?
75. Для чего служит критерий χ^2 Пирсона?

4. БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

а) основная литература

1. Вентцель Е.С., Овчаров Л.А. Теория вероятностей и ее инженерные приложения: Учеб. пособие для вузов. – М.: Высш. шк., 2000, 480 с.
2. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: Учеб. пособие для вузов. – М.: Высш. шк., 2000, 400 с.
3. Вентцель Е.С. Теория вероятностей: Учебник для вузов. – М.: Высш. шк., 2001, 575 с.
4. Кремер Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. для вузов. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2009, 551 с.
5. Вентцель Е.С., Овчаров Л.А. Задачи и упражнения по теории вероятностей: Учеб. пособие. – М.: Высш. шк., 2006, 448 с.
6. Письменный Д.Т. Конспект лекций по теории вероятностей, математической статистике и случайным процессам. – М.: Айрис-Пресс, 2007, 288 с.

б) дополнительная литература

1. Прохоров Ю. В., Пономаренко Л. С. Лекции по теории вероятностей и математической статистике: учебник. – Москва: Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова, 2012, 254 с.
2. Гусак А. А., Бричикова Е. А. Теория вероятностей. Примеры и задачи: учебное пособие. – Минск: ТетраСистемс, 2013, 287 с.
3. Кацман Ю. Я. Теория вероятностей, математическая статистика и случайные процессы: учебник. – Томск: Томский политехнический университет, 2013, 131 с.
4. Пучков Н. П. Математическая статистика. Применение в профессиональной деятельности: учебное пособие. – Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2013, 81 с.
5. Колемаев В.А., Калинина В. Н., Колемаев В. А. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник для вузов. – Москва: ЮНИТИ- ДАНА, 2017, 352 с.
6. Пучков Н.П., Жуковская Т.В., Молоканова Е.А., Парфёнова И.А., Попов А.И. Применение математических знаний в профессиональной деятельности. Пособие для саморазвития бакалавра. Часть 2. Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие. – Тамбов: Тамбовский государственный технический университет, ЭБС АСВ, 2013, 65 с.
7. Кибзун А.И., Горяинова Е.Р., Наумов А.В., Сиротин А.Н. Теория вероятностей и математическая статистика. Базовый курс с примерами и задачами: Учеб. пособие. – М.: Физматлит, 2002, 223 с.

5. КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ ДЛЯ ПОДГОТОВКИ К ЭКЗАМЕНУ

1. Предмет теории вероятностей и математической статистики. Основные задачи и области применения.
2. Комбинаторика. Выбор с и без возвратов. Упорядоченные и неупорядоченные выборки. Правило произведения и правило сложения. Примеры задач.

3. Размещения, перестановки и сочетания без повторов (с примерами). Свойства числа сочетаний.
4. Размещения, перестановки и сочетания с повторениями (с примерами).
5. Случайные события. Виды событий (несовместные, совместные, равновозможные, противоположные, достоверные и невозможные). Понятие вероятности. Пространство элементарных исходов.
6. Классическая, статистическая и геометрическая вероятность (примеры). Свойства вероятности.
7. Теорема сложения вероятностей несовместных событий. Следствие из нее (с примером).
8. Полная группа событий. Противоположные события (с примером).
9. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей и следствие из нее (с примером).
10. Независимые события. Теорема умножения для независимых событий (с примером).
11. Вероятность появления хотя бы одного события. Совместные события. Сумма совместных событий (с примером).
12. Формула полной вероятности (с примером).
13. Формула Бернулли (с примером). Вероятность гипотез. Формула Байеса (с примером). Априорная вероятность события. Апостериорная вероятность события.
14. Полигон распределения вероятностей. Наивероятнейшее число наступления события и его нахождение.
15. Формула Пуассона (пример).
16. Локальная формула Муавра – Лапласа. Свойства функции $f(x)$ (с примером).
17. Интегральная теорема Муавра – Лапласа. Свойства функции $\Phi(x)$ (с примером).
18. Вероятность отклонения относительной частоты от постоянной вероятности (следствие теоремы Муавра – Лапласа) (с примером).
19. Случайная величина. Примеры. Дискретные и непрерывные случайные величины. Закон распределения ДСВ.
20. Функция распределения ДСВ и ее свойства.
21. Математические операции над случайными величинами.
22. Математическое ожидание ДСВ и его свойства.
23. Дисперсия ДСВ, свойства дисперсии. Среднеквадратическое отклонение ДСВ.
24. Биномиальное распределение. Вычисление основных характеристик.
25. Закон распределения Пуассона. Вычисление основных характеристик.
26. Геометрическое распределение. Вычисление основных характеристик.
27. Гипергеометрическое распределение. Вычисление основных характеристик.
28. Непрерывная случайная величина. Вероятность отдельно взятой непрерывной случайной величины. Зависимость вероятности от вида интервала. Определение плотности распределения НСВ.
29. Свойства плотности распределения НСВ. Геометрическая интерпретация свойств плотности распределения. Формулы для нахождения математического ожидания и дисперсии НСВ.
30. Начальные и центральные моменты k -го порядка. Формулы их нахождения для НСВ и ДСВ. Геометрический смысл начальных и центральных моментов, нахождение коэффициента асимметрии и эксцесса.
31. Характеристики НСВ: мода, медиана, квантиль уровня q , $100q\%$ -ая точка.
32. Равномерно распределенная НСВ. Ее функция распределения. Математическое ожидание и дисперсия равномерно распределенной НСВ.

33. НСВ, распределенная по показательному закону. Вид функции распределения, графики плотности и функции распределения. Математическое ожидание и дисперсия НСВ, распределенной по показательному закону.
34. Нормальный закон распределения НСВ, график плотности распределения, его свойства, функция распределения, ее геометрический смысл. Смысл параметров a и σ в формуле нормального распределения.
35. Свойства НСВ, распределенной по нормальному закону, правило «трех сигм». Стандартное нормальное распределение.
36. Генеральная совокупность и выборка.
37. Статистическое распределение выборки.
38. Полигон и гистограмма.
39. Накопленная частота, кумулятивная кривая, эмпирическая функция распределения
40. Основные статистические характеристики вариационных рядов.
41. Другие характеристики вариационных рядов (мода, медиана, их графический расчет, размах, коэффициент вариации). Начальные и центральные моменты.
42. Дискретная двумерная случайная величина. Закон ее распределения. Условные законы распределения. Ковариация и коэффициент корреляции.
43. Визуализация статистической информации с помощью ящиков с усами. Определение межквартильного размаха и выбросов.
44. Статистические оценки параметров распределения. Виды оценок.
45. Качество статистических оценок.
46. Оценка параметров генеральной совокупности (пример).
47. Уровень значимости критерия. Доверительный интервал. Значение доверительного интервала.
48. Принцип практической уверенности. Статистическая гипотеза, ее виды, ошибки первого и второго рода. Последовательность проверки гипотез.
49. Критерий согласия Пирсона. Проверка гипотезы о соответствии выборочных данных теоретическому распределению для дискретного ряда.
50. Критерий согласия Пирсона. Проверка гипотезы о соответствии выборочных данных теоретическому распределению для интервального ряда.