

ПРИЛОЖЕНИЕ

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«РЯЗАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ РАДИОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ  
ИМЕНИ В.Ф. УТКИНА»

Кафедра «Автоматика и информационные технологии в управлении»

## **ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

### **Б1.В.02 «Эконометрика»**

Специальность

38.05.01 Экономическая безопасность

Специализация

Экономическая безопасность хозяйствующих субъектов

Уровень подготовки

специалитет

Квалификация выпускника – экономист

Формы обучения – заочная

Рязань 2023

## 1. ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

Оценочные материалы – это совокупность учебно-методических материалов (контрольных заданий, описаний форм и процедур), предназначенных для оценки качества освоения обучающимися данной дисциплины как части основной профессиональной образовательной программы.

Цель – оценить соответствие знаний, умений и уровня приобретенных компетенций, обучающихся целям и требованиям ОПОП.

Основная задача – обеспечить оценку уровня сформированности общекультурных, общепрофессиональных и профессиональных компетенций.

Контроль знаний обучающихся проводится в форме промежуточной аттестации.

Промежуточный контроль по дисциплине осуществляется проведением экзамена.

### 2. ПАСПОРТ ФОНДА ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

<i>Контролируемые разделы (темы) дисциплины (результаты по разделам)</i>	<b>Код контролируемой компетенции (или её части)</b>	<b>Наименование оценочного мероприятия</b>
Раздел 1. Основные понятия, определения и термины в эконометрике	ОПК-1.2	Экзамен
Раздел 2. Базовые понятия теории вероятностей и математической статистики.	ОПК-1.2	Экзамен
Раздел 3. Парная линейная регрессия.	ОПК-1.2	Экзамен
Раздел 4. Множественная линейная регрессия	ОПК-1.2	Экзамен
Раздел 5. Нелинейные регрессионные модели	ОПК-1.2	Экзамен
Раздел 6. Фиктивные переменные в регрессионных моделях	ОПК-1.2	Экзамен
Раздел 7. Эконометрический анализ временных рядов	ОПК-1.2	Экзамен

## 2. ОПИСАНИЕ ПОКАЗАТЕЛЕЙ И КРИТЕРИЕВ ОЦЕНИВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ

Сформированность каждой компетенции в рамках освоения данной дисциплины оценивается по трехуровневой шкале:

1) пороговый уровень является обязательным для всех обучающихся по завершении освоения дисциплины;

2) продвинутый уровень характеризуется превышением минимальных характеристик сформированности компетенций по завершении освоения дисциплины;

3) эталонный уровень характеризуется максимально возможной выраженностью компетенций и является важным качественным ориентиром для самосовершенствования.

### **Уровень освоения компетенций, формируемых дисциплиной:**

*а) описание критериев и шкалы оценивания тестирования:*

<b>Шкала оценивания</b>	<b>Критерий</b>
3 балла (эталонный уровень)	уровень усвоения материала, предусмотренного программой: процент верных ответов на тестовые вопросы от 85 до 100%
2 балла (продвинутый уровень)	уровень усвоения материала, предусмотренного программой: процент верных ответов на тестовые вопросы от 75 до 84%
1 балл (пороговый уровень)	уровень усвоения материала, предусмотренного программой: процент верных ответов на тестовые вопросы от 60 до 74%
0 баллов	уровень усвоения материала, предусмотренного программой: процент верных ответов на тестовые вопросы от 0 до 59%

*б) описание критериев и шкалы оценивания теоретического вопроса:*

Шкала оценивания	Критерий
3 балла (эталонный уровень)	выставляется студенту, который дал полный ответ на вопрос, показал глубокие систематизированные знания, смог привести примеры, ответил на дополнительные вопросы преподавателя.
2 балла (продвинутый уровень)	выставляется студенту, который дал полный ответ на вопрос, но на некоторые дополнительные вопросы преподавателя ответил только с помощью наводящих вопросов.
1 балл (пороговый уровень)	выставляется студенту, который дал неполный ответ на вопрос в билете и смог ответить на дополнительные вопросы только с помощью преподавателя.
0 баллов	выставляется студенту, который не смог ответить на вопрос

**На экзамен** выносятся: тестовое задание, 1 теоретический вопрос. Студент может набрать максимум 6 баллов. Итоговый суммарный балл студента, полученный при прохождении промежуточной аттестации, переводится в традиционную форму по системе «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Шкала оценивания	Критерий	
отлично (эталонный уровень)	6 баллов	Обязательным условием является выполнение всех предусмотренных в течение семестра заданий
хорошо (продвинутый уровень)	4 – 5 баллов	
удовлетворительно (пороговый уровень)	3 баллов	
неудовлетворительно	0 – 2 баллов	Студент не выполнил всех предусмотренных в течение семестра текущих заданий

#### 4. ТИПОВЫЕ КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ ИЛИ ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

##### 4.1. Промежуточная аттестация (экзамен)

<b>ОПК-1.2.</b> Оперирует основными понятиями и методами экономических расчетов, современными методами сбора, обработки и анализа статистических данных
<p><b>Знать</b>          типовые линейные и нелинейные эконометрические модели ;          основные этапы эконометрического исследования</p> <p><b>Уметь</b>          использовать пакеты прикладных программ для решения профессиональных задач;          комментировать полученные результаты</p> <p><b>Владеть</b>          информационными технологиями оформления эконометрических расчетов при решении задач</p>

*а) типовые тестовые вопросы закрытого типа:*

1. Эконометрика – это научная дисциплина, которая позволяет:
  - a) Измерять производственно-экономические показатели;
  - b) Организовать энергосберегающее производство;
  - c) **Строить регрессионные модели для интересующих нас социально-экономических закономерностей;**
  - d) Применять математические методы для решения экономических задач.
2. Статистической зависимостью является:
  - a) Закон распределения непрерывной случайной величины;
  - b) **Зависимость между входной и выходной переменными при наличии других случайных факторов;**
  - c) Представление экономической информации в виде таблиц, графиков, диаграмм;
  - d) Циклический характер экономических процессов.
3. Что является синонимом термина «экзогенная переменная» (укажите 2 ответа):
  - a) **Входная переменная;**
  - b) Выходная переменная;
  - c) **Объясняющая переменная;**
  - d) Несущественная переменная.
4. Что является синонимом термина «эндогенная переменная» (укажите 2 ответа):
  - a) Входная переменная;
  - b) **Выходная переменная;**
  - c) Объясняющая переменная;
  - d) **Зависимая переменная.**
5. В чем состоит суть термина «парная регрессия»:
  - a) Зависимость выходной переменной от двух объясняющих переменных;
  - b) **Зависимость выходной переменной от одной объясняющей переменной;**
  - c) Наличие двух неучтенных факторов;
  - d) Использование двух выборок из одной генеральной совокупности.
6. Какое соотношение описывает парную линейную регрессионную модель:
  - a)  $y = a_0 + a_1x + \varepsilon$ ;
  - b)  $y = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \varepsilon$ ;
  - c)  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + \varepsilon$ ;
  - d)  $y = a_0 + a_1\sqrt{x} + \varepsilon$ .
7. Формула для вычисления коэффициента корреляции имеет вид:
  - a)  $r = \frac{\text{var}(x)}{\sqrt{\text{var}(y)}}$ ;
  - b)  $r = \frac{\text{cov}(x, y)}{\sqrt{\text{var}(x) \cdot \text{var}(y)}}$ ;
  - c)  $r = 1 - \frac{\text{var}(x)}{\text{var}(y)}$ ;
  - d)  $r = \frac{\text{var}(y)}{\sqrt{\text{var}(x)}}$ .
8. В чем состоит суть термина «множественная регрессия»:
  - a) Использование нескольких выборок из одной генеральной совокупности.
  - b) Наличие нескольких неучтенных факторов;
  - c) **Зависимость выходной переменной от нескольких объясняющих переменных;**
  - d) Использование большого объема экспериментальных данных.
9. Коэффициент корреляции между входной и выходной переменными  $r = -0,9$ . Какое утверждение является истинным:

- a) Зависимость между входной и выходной переменными носит прямой характер, теснота зависимости сильная;
- b) Зависимость между входной и выходной переменными носит обратный характер, теснота зависимости сильная;**
- c) Зависимость между входной и выходной переменными носит прямой характер, теснота зависимости слабая;
- d) Зависимость между входной и выходной переменными носит обратный характер, теснота зависимости слабая;
10. Какое соотношение описывает множественную линейную регрессионную модель:
- a)  $y = a_0 + a_1x + \varepsilon$  ;
- b)  $y = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \varepsilon$  ;
- c)  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + \varepsilon$  ;
- d)  $y = a_0 + a_1\sqrt{x} + \varepsilon$  .
11. Коэффициент корреляции между входной и выходной переменными  $r = 0,3$  . Какое утверждение является истинным:
- a) Зависимость между входной и выходной переменными носит прямой характер, теснота зависимости сильная;
- b) Зависимость между входной и выходной переменными носит обратный характер, теснота зависимости сильная;
- c) Зависимость между входной и выходной переменными носит прямой характер, теснота зависимости слабая;**
- d) Зависимость между входной и выходной переменными носит обратный характер, теснота зависимости слабая;
12. Фиктивные переменные включаются в регрессионную модель, если необходимо учесть влияние:
- a) неучтенных факторов;
- b) качественных факторов;**
- c) количественных переменных;
- d) трудноизмеримых переменных.
13. Какое соотношение описывает парную регрессионную модель с использованием полинома 2-го порядка:
- a)  $y = a_0 + a_1x + \varepsilon$  ;
- b)  $y = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \varepsilon$  ;
- c)  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + \varepsilon$  ;
- d)  $y = a_0 + a_1\sqrt{x} + \varepsilon$  .
14. Какая регрессионная модель содержит гиперболическое уравнение регрессии:
- a)  $y = a_0 + a_1x + \varepsilon$  ;
- b)  $y = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \varepsilon$  ;
- c)  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + \varepsilon$  ;
- d)  $y = a_0 + \frac{a_1}{x} + \varepsilon$  .**
15. Коэффициент корреляции между входной и выходной переменными  $r = 0,9$  . Какое утверждение является истинным:
- a) Зависимость между входной и выходной переменными носит прямой характер, теснота зависимости сильная;**
- b) Зависимость между входной и выходной переменными носит обратный характер, теснота зависимости сильная;
- c) Зависимость между входной и выходной переменными носит прямой характер, теснота зависимости слабая;

- d) Зависимость между входной и выходной переменными носит обратный характер, теснота зависимости слабая;
16. Какое соотношение описывает множественную линейную регрессионную модель:
- a)  $y = a_0 + a_1x + \varepsilon$ ;
  - b)  $y = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \varepsilon$ ;
  - c)  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + \varepsilon$ ;
  - d)  $y = a_0 + a_1\sqrt{x} + \varepsilon$ .
17. Коэффициент корреляции между входной и выходной переменными  $r = -0,3$ . Какое утверждение является истинным:
- a) Зависимость между входной и выходной переменными носит прямой характер, теснота зависимости сильная;
  - b) Зависимость между входной и выходной переменными носит обратный характер, теснота зависимости сильная;
  - c) Зависимость между входной и выходной переменными носит прямой характер, теснота зависимости слабая;
  - d) Зависимость между входной и выходной переменными носит обратный характер, теснота зависимости слабая;**
18. Исследуется зависимость заработной платы от стажа работы и уровня образования. Среди сотрудников имеются лица со средним, средним техническим и высшим образованием. Сколько фиктивных переменных нужно ввести в регрессионную модель:
- a) 1;
  - b) 2;**
  - c) 3;
  - d) 4.
19. Какая встроенная функция пакета Excel позволяет вычислять коэффициент корреляции между входной и выходной переменными при эконометрическом исследовании:
- a) МУМНОЖ;
  - b) КОРРЕЛ;**
  - c) МОПРЕД;
  - d) ТРАНСП.
20. Какая встроенная функция пакета Excel позволяет найти критическое значение  $t$ -статистики при определении статистической значимости параметров уравнения регрессии:
- a) СТЬЮДРАСПОБР;**
  - b) КОРРЕЛ;
  - c) МОБР;
  - d) ТРАНСП.
21. Какая встроенная функция пакета Excel позволяет найти критическое значение  $F$ -статистики при определении статистической значимости коэффициента детерминации:
- a) СТЬЮДРАСПОБР;
  - b) КОРРЕЛ;
  - c) ФРАСПОБР;**
  - d) ТРАНСП.
22. Эконометрическое исследование часто проводится в векторно-матричной форме. Какая встроенная функция пакета Excel позволяет перемножить две матрицы:
- a) МУМНОЖ;**
  - b) КОРРЕЛ;
  - c) МОБР;
  - d) ТРАНСП.

23. Эконометрическое исследование часто проводится в векторно-матричной форме. Какая встроенная функция пакета Excel позволяет вычислить обратную матрицу:
- МУМНОЖ;
  - КОРРЕЛ;
  - МОБР;**
  - ТРАНСП.
24. Какая встроенная функция пакета Excel позволяет вычислить коэффициент детерминации на основании исходных значений входной и выходной переменных:
- СТЫЮДРАСПОБР;
  - КОРРЕЛ;
  - ФРАСПОБР;
  - КВПИРСОН.**
25. Какая встроенная функция пакета Excel позволяет вычислять определитель матрицы
- МУМНОЖ;
  - КОРРЕЛ;
  - МОПРЕД;**
  - ТРАНСП.

**б) расчетные задания открытого типа:**

**Задание 1.** Имеются следующие данные о ежемесячной прибыли от продажи некоторого товара ( $y$ , млн руб.) в зависимости от ежемесячных расходов на рекламу ( $x$ , млн руб.).

$y$	4,0	3,0	5,5	4,0	5,0	6,5	7,5	5,5	6,0	7,5	5,5	5,2
$x$	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,9	1,0	1,2	1,3	1,4	1,5

- с помощью пакета Excel найдите уравнение регрессии на основе **полинома 2 порядка**;
- используя найденное уравнение регрессии, найдите среднее значение прибыли при затратах на рекламу 0,8 млн руб.

**Решение:**

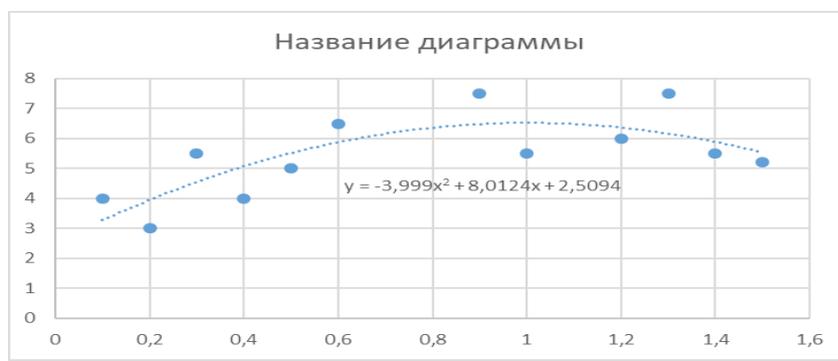
- в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем уравнение регрессии в виде полинома 2 порядка:

$$\hat{y} = 2,5094 + 8,0124x - 3,999x^2.$$

- подставив в это уравнение затраты на рекламу  $x = 0,8$  млн руб., найдем среднее значение прибыли:  $\hat{y} = 2,5094 + 8,0124 \cdot 0,8 - 3,999 \cdot 0,64 = 6,3599$  млн руб.

**Решение в пакете Excel**

$x$	$y$
0,1	4
0,2	3
0,3	5,5



0,4	4
0,5	5
0,6	6,5
0,9	7,5
1,0	5,5
1,2	6
1,3	7,5
1,4	5,5
1,5	5,2

**Задание 2.** Имеются следующие данные о затратах на содержание и ремонт оборудования ( $y$ , тыс. руб.) в зависимости от его возраста ( $x$ , мес.).

$y$	16	24	20	25	22	32	26	35	45	42	60	58	85	95
$x$	1	2	3	4	5	6	7	8	10	11	12	13	14	15

а) с помощью пакета Excel найдите **линейное** уравнение регрессии;

б) используя найденное уравнение регрессии, найдите средние затраты на содержание и ремонт при возрасте оборудования 9 мес.

**Решение:**

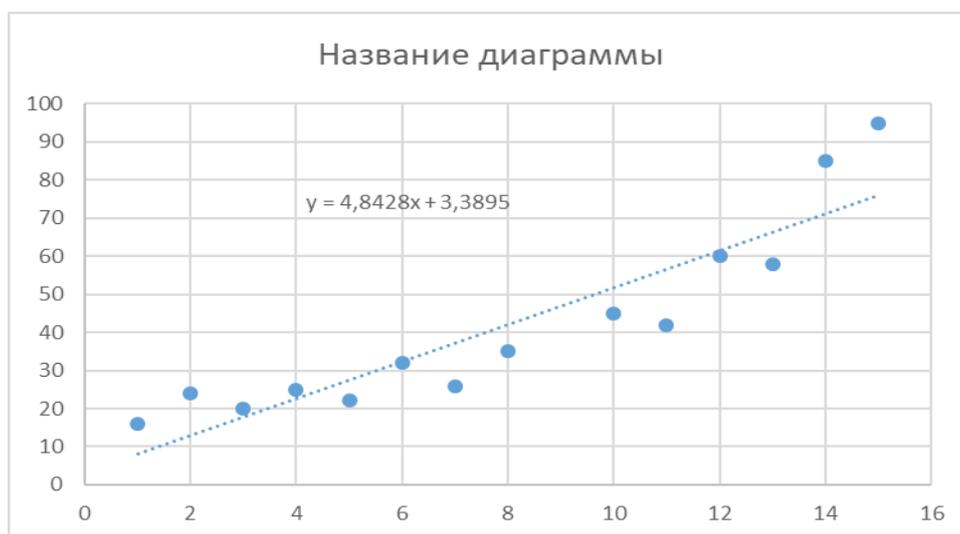
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение регрессии:

$$\hat{y} = 3,3895 + 4,8428x.$$

б) подставив в это уравнение возраст оборудования  $x = 9$  мес., найдем средние затраты на содержание и ремонт:  $\hat{y} = 3,3895 + 4,8428 \cdot 9 = 46,9747$  тыс. руб.

**Решение в пакете Excel**

$x$	$y$
1	16
2	24
3	20
4	25
5	22
6	32
7	26
8	35
10	45
11	42
12	60
13	58
14	85
15	95



**Задание 3.** Исследуется зависимость заработной платы от стажа работы и уровня образования. Среди сотрудников имеются лица со средним, средним техническим и высшим образованием. Сколько фиктивных переменных нужно ввести в регрессионную модель?

**Ответ:** число фиктивных переменных должно быть на единицу меньше числа градаций качественного фактора. В данном задании качественным фактором является уровень образования сотрудников с тремя градациями. Поэтому нужно ввести в регрессионную модель две фиктивных переменных.

**Задание 4.** На сельскохозяйственных предприятиях региона выращивается рожь озимых сортов. Исследуется зависимость урожайности ( $y$ , ц/га) от количества удобрений ( $x$ , ц/га). Выборка из 13 предприятий дала следующие результаты.

$y$	16	18	24	23	30	32	34	38	37	40	38	41	40
$x$	2,0	2,5	3,0	3,5	4,0	4,5	5,5	6,0	6,5	7,0	7,5	8,0	8,5

а) с помощью пакета Excel найдите **линейное** уравнение регрессии;

б) используя найденное уравнение регрессии, найдите среднюю урожайность при количестве удобрений 5 ц/га.

**Решение:**

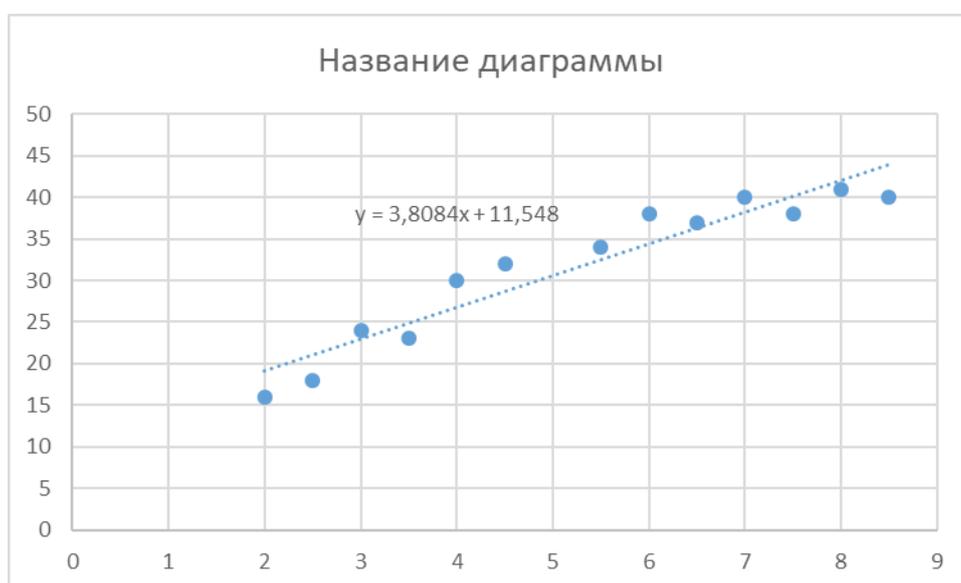
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение регрессии:

$$\hat{y} = 11,548 + 3,8084x.$$

б) подставив в это уравнение количество удобрений  $x = 5$  ц/га., найдем среднюю урожайность:  $\hat{y} = 11,548 + 3,8084 \cdot 5 = 30,59$  ц/га.

**Решение в пакете Excel**

$x$	$y$
2	16
2,5	18
3	24
3,5	23
4	30
4,5	32
5,5	34
6	38
6,5	37
7	40
7,5	38
8	41
8,5	40



**Задание 5.** Между выходной и входной переменными имеется линейная зависимость; коэффициент корреляции  $r = 0,8$ . Какое значение примет коэффициент детерминации?

**Ответ:** для линейной регрессионной зависимости коэффициент детерминации равен квадрату коэффициента корреляции. Поэтому коэффициент детерминации  $R^2 = 0,64$ ;

**Задание 6.** Имеются следующие данные о производительности труда ( $y$ , выработка продукции в единицу времени в денежном выражении, тыс. руб./ч) в зависимости от стажа работы сотрудника ( $x$ , лет).

$y$	4	3	6	5,5	7	8,5	7,5	8,5	9,5	9	10	9,4	10	9,2
$x$	1	2	3	4	5	6	7	9	10	11	12	13	14	15

а) с помощью пакета Excel найдите уравнение регрессии и коэффициент детерминации на основе **степенной** модели;

б) прокомментируйте коэффициент детерминации.

**Решение:**

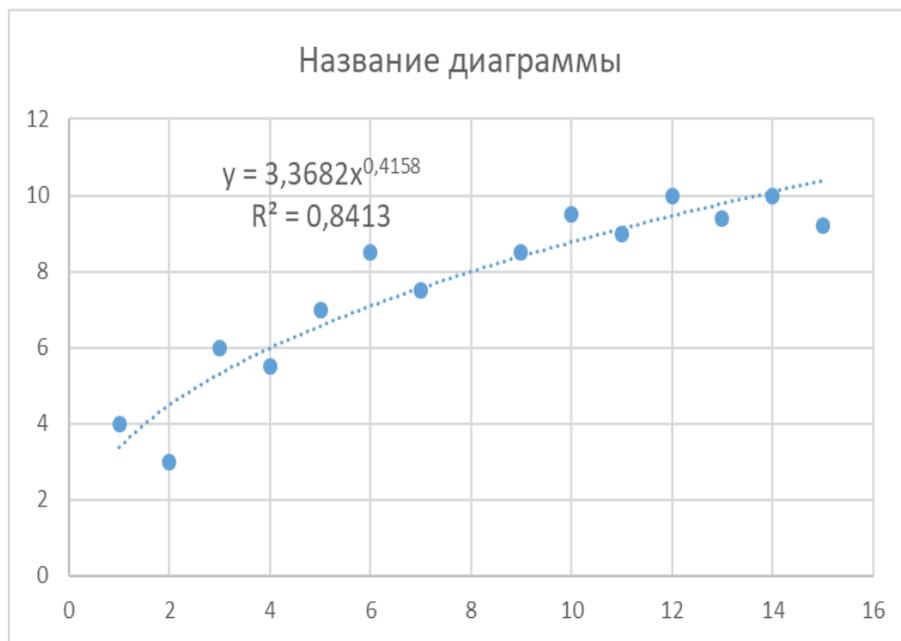
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем степенное уравнение регрессии:

$$\hat{y} = 3,3682x^{0,4158}$$

б) степенное уравнение регрессии на 84,13 % объясняет зависимость производительности труда от стажа работы сотрудника и на 15,87 % от влияния других неучтенных факторов.

#### Решение в пакете Excel

x	y
1	4
2	3
3	6
4	5,5
5	7
6	8,5
7	7,5
9	8,5
10	9,5
11	9
12	10
13	9,4
14	10
15	9,2



**Задание 7.** В макроэкономике хорошо известна производственная функция Кобба-Дугласа  $Y = A \cdot K^\alpha \cdot L^\beta$ , где  $Y$  - выпуск продукции в денежном выражении,  $K$  - стоимость основных производственных фондов,  $L$  - объем трудовых ресурсов. Запишите выражение для линеаризованной производственной функции Кобба-Дугласа.

**Ответ:** для линеаризации производственной функции необходимо прологарифмировать левую и правую части исходной производственной функции. В результате получим:

$$\ln Y = \ln A + \alpha \cdot \ln K + \beta \cdot \ln L$$

**Задание 8.** Имеются следующие данные об урожайности озимой пшеницы ( $y$ , ц/га) за 10 лет:

t	1	2	3	4	5	6	7	9	10
y	16,3	15,2	17,1	14,8	15,9	16,3	19,2	18,7	20,7

а) с помощью пакета Excel найдите уравнение тренда временного ряда, полагая, что он **линейный**;

б) на основании уравнения тренда сделайте точечный прогноз урожайности озимой пшеницы на 1 год вперед.

#### Решение:

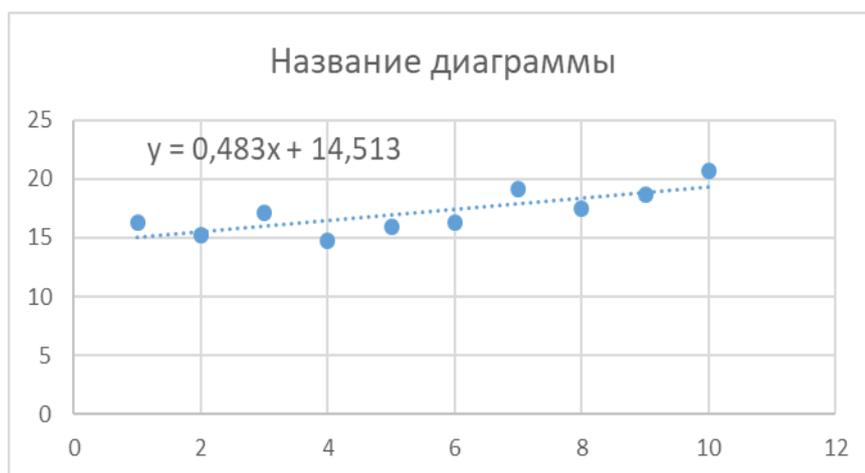
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение тренда:

$$\hat{y} = 14,513 + 0,483 t$$

б) подставив в уравнение тренда момент времени  $t=11$ , найдем точечный прогноз урожайности озимой пшеницы на 1 год вперед:  $\hat{y} = 14,513 + 0,483 \cdot 11 = 19,826$  ц/га.

#### Решение в пакете Excel

t	y
1	16,3
2	15,2
3	17,1
4	14,8
5	15,9
6	16,3
7	19,2
8	17,5
9	18,7
10	20,7



**Задание 9.** В нелинейном регрессионном анализе часто используют полиномиальные модели. Запишите выражение парной регрессионной модели на основе полинома 2-го порядка.

**Ответ:**  $y = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \varepsilon$

**Задание 10.** Имеются следующие данные об уровне механизации работ ( $x$ , %) и производительности труда ( $y$ , выработка продукции в единицу времени в денежном выражении, тыс. руб./ч) для 13 однотипных предприятий.

$y$	20	24	28	30	31	33	37	38	40	41	43	45	48
$x$	28	35	36	40	41	47	54	60	55	61	60	69	76

а) с помощью встроенной функции пакета Excel найдите коэффициент корреляции между переменными  $x$  и  $y$ ;

б) на основании коэффициента корреляции оцените направление и тесноту зависимости между переменными  $x$  и  $y$ .

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции коэффициент корреляции  $r = 0,97$ .

б) такое значение коэффициента корреляции говорит о прямом направлении зависимости между переменными  $x$  и  $y$ , причем теснота зависимости достаточно сильная.

#### Решение в пакете Excel

$y$	$x$			
20	28			
24	35			
28	36		$r(y,x)$	0,97
30	40			
31	50			
33	47			
37	54			
38	60			

40	55			
41	61			
43	60			
45	69			
48	76			

**Задание 11.** Между выходной и входной переменными имеется линейная зависимость обратного характера; коэффициент детерминации  $R^2 = 0,81$ . Какое значение примет коэффициент корреляции ?

**Ответ:** для линейной регрессионной зависимости коэффициент корреляции  $r$  выражается через коэффициент детерминации следующим образом:  $r = \pm\sqrt{R^2}$ . Знак (+) имеет место при прямом характере зависимости, знак (-) при обратном. В данном случае коэффициент корреляции  $r = -0,9$ .

**Задание 12.** Имеются следующие данные о ежемесячной прибыли от продажи некоторого товара ( $y$ , млн руб.) в зависимости от ежемесячных расходов на рекламу ( $x$ , млн руб.).

x	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,9	1,0	1,2	1,3	1,4	1,5
y	4,0	3,0	5,5	4,0	5,0	6,5	7,5	8,5	9,0	9,5	10,0	10,2

а) с помощью пакета Excel найдите коэффициент корреляции между переменными  $x$  и  $y$ ;

б) на основании коэффициента корреляции оцените направление и тесноту зависимости между переменными  $x$  и  $y$ .

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции коэффициент корреляции  $r = 0,97$ .

б) такое значение коэффициента корреляции говорит о прямом направлении зависимости между переменными  $x$  и  $y$ , причем теснота зависимости достаточно сильная.

#### Решение в пакете Excel

x	y			
0,1	4			
0,2	3		r(y,x)	0,97
0,3	5,5			
0,4	4			
0,5	5			
0,6	6,5			
0,9	7,5			

1	8,5			
1,2	9			
1,3	9,5			
1,4	10			
1,5	10,2			

**Задание 13.** Исследуются 15 предприятий одной и той же отрасли. Для каждого предприятия известны объем товарной продукции ( $y$ , млрд. руб.), стоимость основных фондов ( $x_1$ , млрд. руб.), численность работников ( $x_2$ , чел.).

№ п/п	$y$ , объем ТП, млрд. руб.	$x_1$ , стоимость ОФ, млрд. руб.	$x_2$ , числен. работн., чел.
1	6,6	3,9	45
2	5,4	2,2	31
3	9,9	7,0	67
4	5,3	2,4	34
5	9,8	6,0	57
6	8,7	4,6	47
7	9,8	4,3	43
8	14,8	6,7	58
9	11,0	4,2	41
10	7,7	3,9	39
11	6,5	3,5	37
12	10,4	3,8	40
13	5,4	2,8	30
14	8,6	5,2	55
15	6,1	3,0	32

а) с пакета найдите

помощью Excel

коэффициенты корреляции между выходной переменной  $y$  и каждой объясняющей переменной  $x_1$  и  $x_2$ ;

б) какая из объясняющих переменных оказывает наибольшее влияние на выходную переменную ?

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции найдены коэффициенты корреляции  $r(y, x_1) = 0,79$  и  $r(y, x_2) = 0,69$ .

б) такие значения коэффициентов корреляции говорят о том, что объясняющая переменная  $x_1$  (стоимость ОФ) оказывает более сильное влияние на выходную переменную  $y$  (объем ТП) по сравнению с объясняющей переменной  $x_2$  (численность работников).

#### Решение в пакете Excel

y	x1	x2		
6,6	3,9	45	r(y,x1)	0,79
5,4	2,2	31		
9,9	7	67	r(y,x2)	0,69
5,3	2,4	34		
9,8	6	57		
8,7	4,6	47		
9,8	4,3	43		
14,8	6,7	58		
11	4,2	41		
7,7	3,9	39		
6,5	3,5	37		
10,4	3,8	40		
5,4	2,8	30		
8,6	5,2	55		
6,1	3	32		

**Задание 14.** Имеются следующие данные о средней цене товара  $y$  (тыс. руб.) и дальности его перевозки  $x$  (км).

№ п/п	x	y
1	12	26,18
2	19	38,11
3	17	46,03
4	27	67,24
5	21	56,57
6	22	52,05
7	10	24,05
8	24	59,99
9	26	64,08
10	23	48,15
11	11	28,08
12	18	42,01

а) с помощью пакета Excel найдите **линейное** уравнение регрессии;

б) используя найденное уравнение регрессии, найдите среднюю цену товара при дальности перевозки 15 км.

#### Решение:

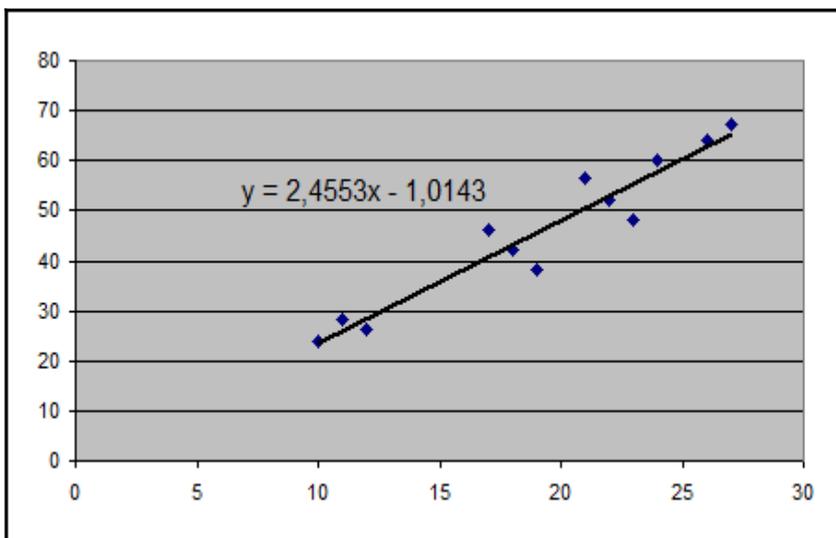
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение регрессии:

$$\hat{y} = 2,4553x - 1,0143.$$

б) подставив в это уравнение дальность перевозки  $x = 15$  км, найдем среднюю цену товара:  $\hat{y} = 2,4553 \cdot 15 - 1,0143 = 35,815$  тыс. руб.

**Решение в пакете Excel**

№ п/п	x	y
1	12	26,18
2	19	38,11
3	17	46,03
4	27	67,24
5	21	56,57
6	22	52,05
7	10	24,05
8	24	59,99
9	26	64,08
10	23	48,15
11	11	28,08
12	18	42,01



**Задание 15.** Исследуются 15 предприятий одной и той же отрасли. Для каждого предприятия известны объем товарной продукции ( $y$ , млрд. руб.), стоимость основных фондов ( $x_1$ , млрд. руб.), численность работников ( $x_2$ , чел.).

№ п/п	$y$ , объем ТП, млрд. руб.	$x_1$ , стоимость ОФ, млрд. руб.	$x_2$ , числен. работн., чел.
1	6,6	3,9	45
2	5,4	2,2	31
3	9,9	7,0	67
4	5,3	2,4	34
5	9,8	6,0	57
6	8,7	4,6	47
7	9,8	4,3	43
8	14,8	6,7	58
9	11,0	4,2	41
10	7,7	3,9	39
11	6,5	3,5	37
12	10,4	3,8	40
13	5,4	2,8	30
14	8,6	5,2	55
15	6,1	3,0	32

а) с помощью пакета Excel найдите

помощью Excel

коэффициент корреляции между объясняющими переменными  $x_1$  и  $x_2$ ;

б) на основании найденного коэффициента корреляции установите наличие или отсутствие мультиколлинеарности между объясняющими переменными.

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции найден коэффициент корреляции  $r(x_1, x_2) = 0,97$ .

б) такие значения коэффициентов корреляции говорит о наличии мультиколлинеарности между объясняющими переменными.

**Решение в пакете Excel**

y	x1	x2		
6,6	3,9	45		
5,4	2,2	31	r(x1,x2)	0,97
9,9	7	67		
5,3	2,4	34		
9,8	6	57		
8,7	4,6	47		
9,8	4,3	43		
14,8	6,7	58		
11	4,2	41		
7,7	3,9	39		
6,5	3,5	37		
10,4	3,8	40		
5,4	2,8	30		
8,6	5,2	55		
6,1	3	32		

**Задание 16.** Имеются следующие данные о средней цене товара  $y$  (тыс. руб.) и дальности его перевозки  $x$  (км).

№ п/п	x	y
1	12	26,18
2	19	38,11
3	17	46,03
4	27	67,24
5	21	56,57
6	22	52,05
7	10	24,05
8	24	59,99
9	26	64,08
10	23	48,15
11	11	28,08
12	18	42,01

а) с помощью пакета Excel найдите линейное уравнение регрессии  $\hat{y} = a_0 + a_1x$ ;

б) объясните экономический смысл коэффициента  $a_1$ .

**Решение:**

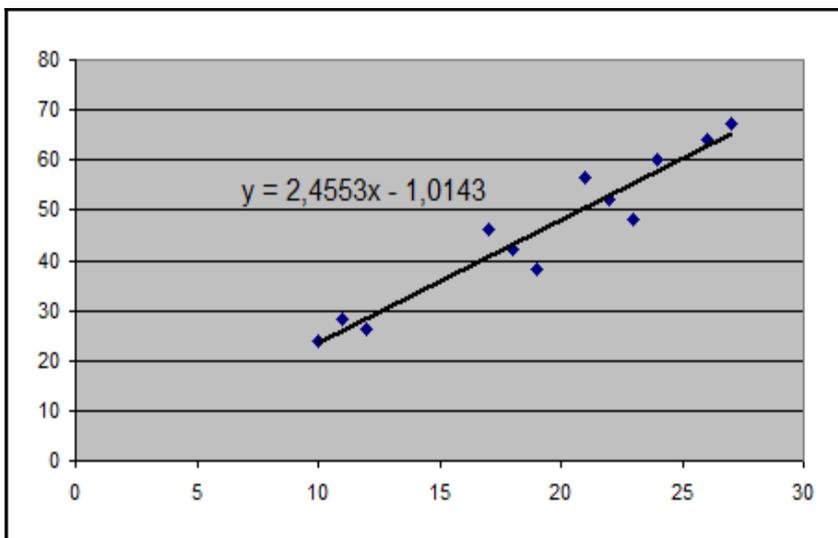
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение регрессии:

$$\hat{y} = - 1,0143 + 2,4553x.$$

б) коэффициент  $a_1 = 2,4553$  показывает увеличение средней цены товара (тыс. руб.) при увеличении дальности перевозки на 1 км.

### Решение в пакете Excel

№ п/п	x	y
1	12	26,18
2	19	38,11
3	17	46,03
4	27	67,24
5	21	56,57
6	22	52,05
7	10	24,05
8	24	59,99
9	26	64,08
10	23	48,15
11	11	28,08
12	18	42,01



**Задание 17.** Имеются следующие данные о затратах на содержание и ремонт оборудования ( $y$ , тыс. руб.) в зависимости от его возраста ( $x$ , мес.).

y	16	24	20	25	22	32	26	35	45	42	60	58	85	95
x	1	2	3	4	5	6	7	8	10	11	12	13	14	15

а) с помощью пакета Excel найдите линейное уравнение регрессии  $\hat{y} = a_0 + a_1x$ ;

б) объясните экономический смысл коэффициента  $a_1$ .

### Решение:

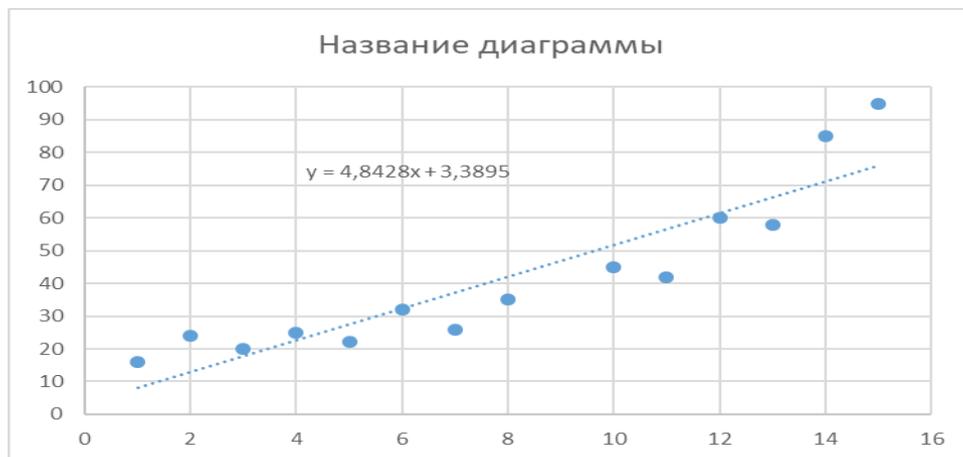
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение регрессии:

$$\hat{y} = 3,3895 + 4,8428x.$$

б) коэффициент  $a_1 = 4,8428$  показывает увеличение затрат на содержание и ремонт оборудования (тыс. руб.) при увеличении его возраста на 1 мес.

### Решение в пакете Excel

x	y
1	16
2	24
3	20
4	25
5	22
6	32
7	26
8	35
10	45
11	42
12	60
13	58
14	85



**Задание 18.** Имеются следующие данные о себестоимости производства одного монитора ( $y$ , тыс. руб.) в зависимости от объема партии ( $x$ , тыс. шт.).

$y$	1,1	0,9	0,8	0,7	0,6	0,65	0,45	0,5	0,35	0,45	0,3	0,32	0,31
$x$	1,0	2,2	3,5	4,0	5,0	6,5	7,0	8,0	9,2	10	11	12	13

- а) с помощью пакета Excel найдите уравнение регрессии и коэффициент детерминации на основе экспоненциальной модели;  
 б) прокомментируйте коэффициент детерминации.

**Решение:**

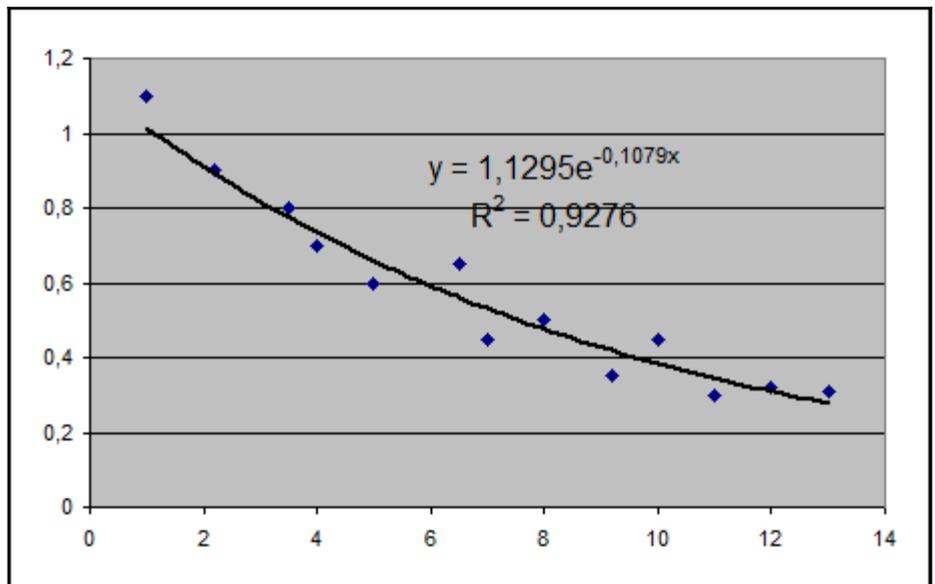
- а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем экспоненциальное уравнение регрессии:

$$\hat{y} = 1,1295 e^{-0,1079 x}.$$

- б) экспоненциальное уравнение регрессии на 92,76% объясняет зависимость себестоимости монитора от объема партии и на 7,24% от влияния других неучтенных факторов.

**Решение в пакете Excel**

$x$	$y$
1	1,1
2,2	0,9
3,5	0,8
4	0,7
5	0,6
6,5	0,65
7	0,45
8	0,5
9,2	0,35
10	0,45
11	0,3
12	0,32
13	0,31



**Задание 19.** Имеются следующие данные о себестоимости производства одного монитора ( $y$ , тыс. руб.) в зависимости от объема партии ( $x$ , тыс. шт.).

$y$	1,1	0,9	0,8	0,7	0,6	0,65	0,45	0,5	0,35	0,45	0,3	0,32	0,31
$x$	1,0	2,2	3,5	4,0	5,0	6,5	7,0	8,0	9,2	10	11	12	13

- а) с помощью пакета Excel найдите коэффициент корреляции между переменными  $y$  и  $x$ ;  
 б) установите направление и тесноту зависимости между этими переменными.

**Решение:**

- а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции коэффициент корреляции  $r = -0,94$ .

- б) отрицательное значение коэффициента корреляции говорит об обратном направлении зависимости между переменными  $x$  и  $y$ , причем теснота зависимости достаточно сильная.

### Решение в пакете Excel

x	y		
1	1,1		
2,2	0,9	r(y,x)	-0,94
3,5	0,8		
4	0,7		
5	0,6		
6,5	0,65		
7	0,45		
8	0,5		
9,2	0,35		
10	0,45		
11	0,3		
12	0,32		
13	0,31		

**Задание 20.** Исследуются 15 предприятий одной и той же отрасли. Для каждого предприятия известны объем товарной продукции ( $y$ , млрд. руб.), стоимость основных фондов ( $x_1$ , млрд. руб.), средний возраст оборудования ( $x_2$ , мес.).

№ п/п	$Y$ , объем ТП, млрд. руб.	$x_1$ , стоимость ОФ, млрд. руб.	$x_2$ , ср. возраст, мес.
1	6,6	3,9	45
2	5,4	2,2	47
3	9,9	7,0	27
4	5,3	2,4	54
5	9,8	6,0	37
6	8,7	4,6	37
7	9,8	4,3	43
8	14,8	6,7	28
9	11,0	4,2	41
10	7,7	3,9	39
11	6,5	3,5	50
12	10,4	3,8	40
13	5,4	2,8	56
14	8,6	5,2	35
15	6,1	3,0	48

а) с помощью пакета найдите

помощью Excel

коэффициент корреляции между объясняющими переменными  $x_1$  и  $x_2$ ;

б) на основании найденного коэффициента корреляции установите наличие или отсутствие мультиколлинеарности между объясняющими переменными.

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции найден коэффициент корреляции  $r(x_1, x_2) = -0,91$ .

б) такие значения коэффициентов корреляции говорит о наличии мультиколлинеарности между объясняющими переменными.

#### Решение в пакете Excel

y	x1	x2		
6,6	3,9	45		
5,4	2,2	47	r(x1,x2)	-0,91
9,9	7	27		
5,3	2,4	54		
9,8	6	37		
8,7	4,6	37		
9,8	4,3	43		
14,8	6,7	28		
11	4,2	41		
7,7	3,9	39		
6,5	3,5	50		
10,4	3,8	40		
5,4	2,8	56		
8,6	5,2	35		
6,1	3	48		

**Задание 21.** Между выходной и входной переменными имеется линейная зависимость; коэффициент корреляции  $r = -0,8$ . Какое значение примет коэффициент детерминации?

**Ответ:** для линейной регрессионной зависимости коэффициент детерминации равен квадрату коэффициента корреляции. Поэтому коэффициент детерминации  $R^2 = 0,64$ .

**Задание 22.** Имеются следующие данные о количестве стационарных телефонов в городе (тыс. шт.) за последние 10 лет:

t	1	2	3	4	5	6	7	9	10
y	163	152	141	148	139	123	112	97	87

а) с помощью пакета Excel найдите уравнение тренда временного ряда, полагая, что он **линейный**;  
 б) на основании уравнения тренда сделайте точечный прогноз количества стационарных телефонов в городе на 1 год вперед.

#### Решение:

а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение тренда:

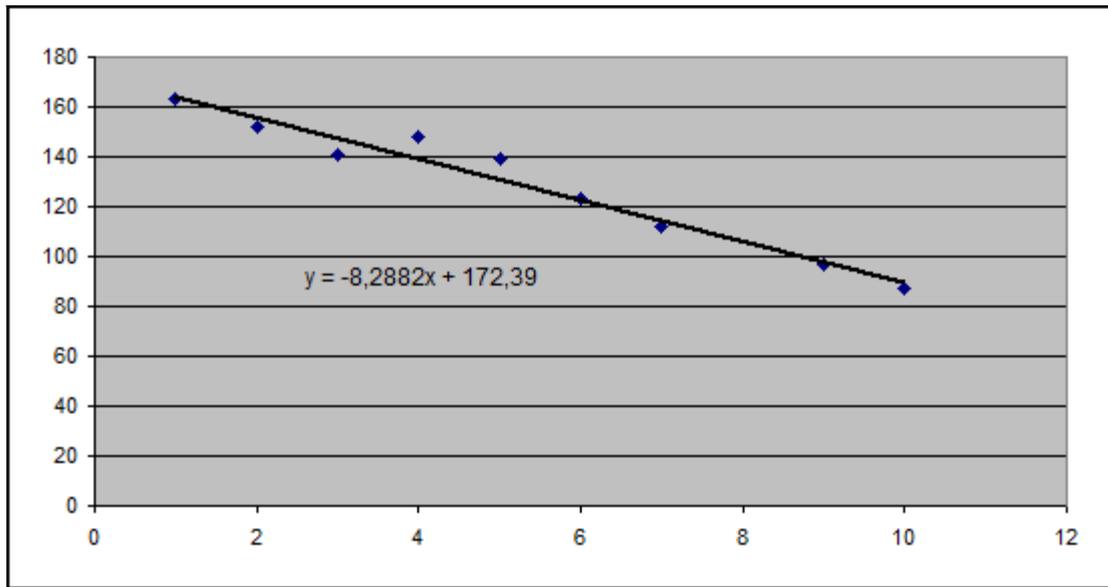
$$\hat{y} = 172,39 - 8,2882 t.$$

б) подставив в уравнение тренда момент времени  $t = 11$ , найдем точечный прогноз количества стационарных телефонов в городе на 1 год вперед:

$$\hat{y} = 172,39 - 8,2882 \cdot 11 = 81,22 \text{ шт.}$$

#### Решение в пакете Excel

$t$	1	2	3	4	5	6	7	9	10
$y$	163	152	141	148	139	123	112	97	87



**Задание 23.** Имеются следующие данные об урожайности картофеля (ц/га) в одном из районов области за последние 12 лет:

$t$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$y$	87	97	112	123	139	148	141	153	152	163	159	165

- а) с помощью пакета Excel найдите уравнение тренда, используя **полином 2 порядка**;  
 б) на основании уравнения тренда сделайте точечный прогноз урожайности картофеля на 1 год вперед.

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем уравнение тренда в виде полинома 2 порядка:

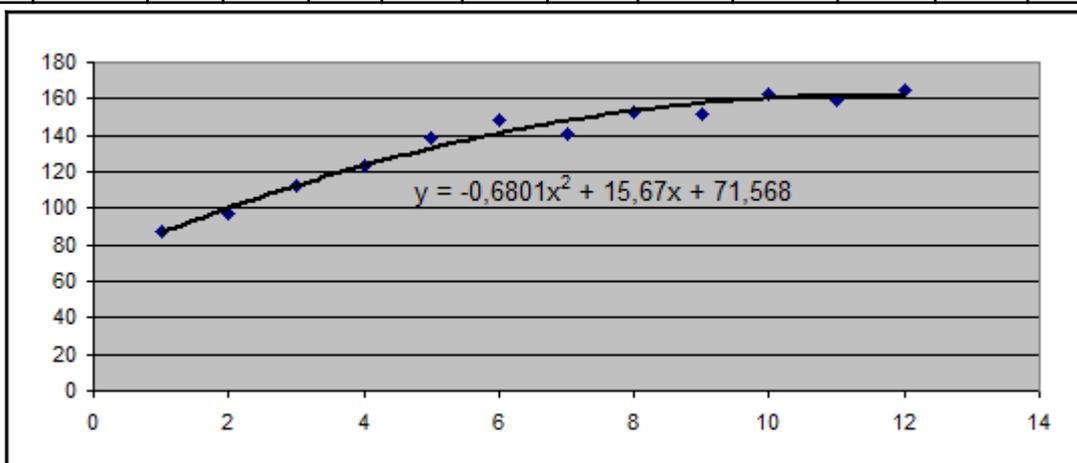
$$\hat{y} = 71,568 + 15,67t - 0,6801t^2.$$

б) подставив в уравнение тренда момент времени  $t = 13$ , найдем точечный прогноз урожайности картофеля на 1 год вперед:

$$\hat{y} = 71,568 + 15,67 \cdot 13 - 0,6801 \cdot 169 = 160,34 \text{ ц/га.}$$

**Решение в пакете Excel**

$t$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$y$	87	97	112	123	139	148	141	153	152	163	159	165



**Задание 24.** На сельскохозяйственных предприятиях региона выращивается рожь озимых сортов. Исследуется зависимость урожайности ( $y$ , ц/га) от количества удобрений ( $x$ , ц/га). Выборка из 13 предприятий дала следующие результаты.

$y$	16	18	24	23	30	32	34	38	37	40	38	41	40
$x$	2,0	2,5	3,0	3,5	4,0	4,5	5,5	6,0	6,5	7,0	7,5	8,0	8,5

- а) с помощью пакета Excel найдите коэффициент корреляции между переменными  $y$  и  $x$ ;  
 б) на основании коэффициент корреляции установите направление и тесноту зависимости между этими переменными.

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции коэффициент корреляции  $r = 0,95$ .

б) положительное значение коэффициента корреляции говорит о прямом направлении зависимости между переменными  $x$  и  $y$ , причем теснота зависимости достаточно сильная.

**Решение в пакете Excel**

$y$	16	18	24	23	30	32	34	38	37	40	38	41	40
$x$	2	2,5	3	3,5	4	4,5	5,5	6	6,5	7	7,5	8	8,5
				$r(y,x)$	0,95								

**Задание 25.** Имеются следующие данные о затратах на содержание и ремонт оборудования ( $y$ , тыс. руб.) в зависимости от его возраста ( $x$ , мес.).

$y$	16	24	20	25	22	32	26	35	45	42	60	58	85	95
$x$	1	2	3	4	5	6	7	8	10	11	12	13	14	15

- а) с помощью пакета Excel найдите коэффициент корреляции между переменными  $y$  и  $x$ ;  
 б) на основании коэффициент корреляции установите направление и тесноту зависимости между этими переменными.

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции коэффициент корреляции  $r = 0,91$ .

б) положительное значение коэффициента корреляции говорит о прямом направлении зависимости между переменными  $x$  и  $y$ , причем теснота зависимости достаточно сильная.

**Решение в пакете Excel**

$y$	16	24	20	25	22	32	26	35	45	42	60	58	85	95
$x$	1	2	3	4	5	6	7	8	10	11	12	13	14	15
					$r(y,x)$	0,91								

**Задание 26.** На сельскохозяйственных предприятиях региона выращивается рожь озимых сортов. Исследуется зависимость урожайности ( $y$ , ц/га) от количества удобрений ( $x$ , ц/га). Выборка из 13 предприятий дала следующие результаты.

$y$	16	18	24	23	30	32	34	38	37	40	38	41	40
$x$	2,0	2,5	3,0	3,5	4,0	4,5	5,5	6,0	6,5	7,0	7,5	8,0	8,5

- а) с помощью пакета Excel найдите линейное уравнение регрессии  $\hat{y} = a_0 + a_1x$ ;  
 б) объясните экономический смысл коэффициента  $a_1$ .

**Решение:**

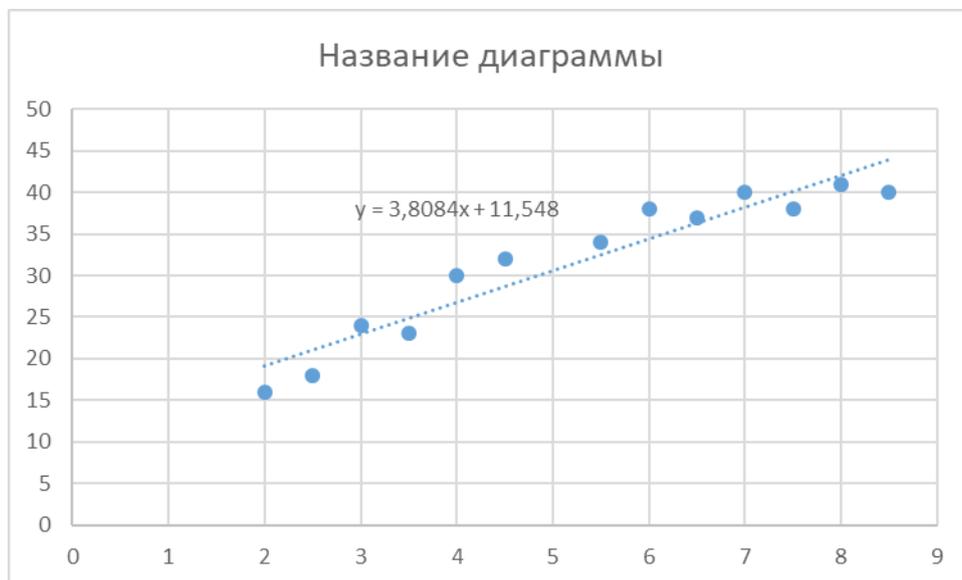
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение регрессии:

$$\hat{y} = 11,548 + 3,8084x.$$

б) коэффициент  $a_1 = 3,8084$  показывает увеличение урожайности (ц/га) при увеличении количества удобрений на 1 ц/га.

### Решение в пакете Excel

x	y
2	16
2,5	18
3	24
3,5	23
4	30
4,5	32
5,5	34
6	38
6,5	37
7	40
7,5	38
8	41
8,5	40



**Задание 27.** Имеются следующие данные о производительности труда ( $y$ , выработка продукции в единицу времени в денежном выражении, тыс. руб./ч) в зависимости от стажа работы сотрудника ( $x$ , лет).

$y$	4	3	6	5,5	7	8,5	7,5	8,5	9,5	9	10	9,4	10	9,2
$x$	1	2	3	4	5	6	7	9	10	11	12	13	14	15

- а) с помощью пакета Excel найдите коэффициент корреляции между переменными  $y$  и  $x$ ;  
 б) на основании коэффициент корреляции установите направление и тесноту зависимости между этими переменными.

### Решение:

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции коэффициент корреляции  $r = 0,90$ .

б) положительное значение коэффициента корреляции говорит о прямом направлении зависимости между переменными  $x$  и  $y$ , причем теснота зависимости достаточно сильная.

### Решение в пакете Excel

$y$	4	3	6	5,5	7	8,5	7,5	8,5	9,5	9	10	9,4	10	9,2
$x$	1	2	3	4	5	6	7	9	10	11	12	13	14	15
					$r(y,x)$	0,90								

**Задание 28.** Имеются следующие данные о средней цене товара  $y$  (тыс. руб.) и дальности его перевозки  $x$  (км).

№ п/п	x	y
1	12	26,18
2	19	38,11

3	17	46,03
4	27	67,24
5	21	56,57
6	22	52,05
7	10	24,05
8	24	59,99
9	26	64,08
10	23	48,15
11	11	28,08
12	18	42,01

- а) с помощью пакета Excel найдите коэффициент корреляции между переменными  $y$  и  $x$ ;  
б) на основании коэффициент корреляции установите направление и тесноту зависимости между этими переменными.

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции коэффициент корреляции  $r = 0,96$ .

б) положительное значение коэффициента корреляции говорит о прямом направлении зависимости между переменными  $x$  и  $y$ , причем теснота зависимости достаточно сильная.

**Решение в пакете Excel**

x	y			
12	26,2			
19	38,1			
17	46			
27	67,2	r(y,x)		0,96
21	56,6			
22	52,1			
10	24,1			
24	60			
26	64,1			
23	48,2			
11	28,1			
18	42			

**Задание 29.** Проводится эконометрическое исследование с использованием регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + \varepsilon$ . Найдены  $t$ -статистики коэффициентов  $a_0, a_1, a_2$  и критическое значение  $t$ -статистики:

$$t(a_0) = 3,15; \quad t(a_1) = 4,23; \quad t(a_2) = 0,89; \quad t_{крит} = 2,179.$$

Какой вывод должен сделать исследователь на основе полученного результата?

**Ответ:** так как  $|t(a_2)| < t_{крит}$ , то коэффициент  $a_2$  не является статистически значимым. Поэтому объясняющую переменную  $x_2$  нужно удалить из регрессионной модели и провести новое исследование на основе регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + \varepsilon$ .

**Задание 30.** Проводится эконометрическое исследование с использованием регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + \varepsilon$ . Найдены  $t$ -статистики коэффициентов  $a_0, a_1, a_2$  и критическое значение  $t$ -статистики:

$$t(a_0) = 3,2; \quad t(a_1) = -1,23; \quad t(a_2) = 2,89; \quad t_{крит} = 2,179.$$

Какой вывод должен сделать исследователь на основе полученного результата?

**Ответ:** так как  $|t(a_1)| < t_{крит}$ , то коэффициент  $a_1$  не является статистически значимым. Поэтому объясняющую переменную  $x_1$  нужно удалить из регрессионной модели и провести новое исследование на основе регрессионной модели  $y = a_0 + a_2x_2 + \varepsilon$ .

**Задание 31.** Проводится эконометрическое исследование с использованием регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + \varepsilon$ . Найдены  $t$ -статистики коэффициентов  $a_0, a_1, a_2$  и критическое значение  $t$ -статистики:

$$t(a_0) = 3,15; \quad t(a_1) = 4,23; \quad t(a_2) = 2,89; \quad t_{крит} = 2,179.$$

Какой вывод должен сделать исследователь на основе полученного результата?

**Ответ:** все коэффициенты являются статистически значимыми, поэтому полученное уравнение регрессии следует признать качественным.

**Задание 32.** Проводится эконометрическое исследование с использованием регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + \varepsilon$ . Найдены  $t$ -статистики коэффициентов  $a_0, a_1, a_2$  и критическое значение  $t$ -статистики:

$$t(a_0) = 3,15; \quad t(a_1) = -4,23; \quad t(a_2) = 2,89; \quad t_{крит} = 2,179.$$

Какой вывод должен сделать исследователь на основе полученного результата?

**Ответ:** все  $t$ -статистики по модулю больше критического значения  $t$ -статистики, поэтому все коэффициенты являются статистически значимыми, а полученное уравнение регрессии следует признать качественным.

**Задание 33.** Известны данные о ежегодной прибыли компании ( $Y$ , млн руб.) за последние 8 лет.

$t$	1	2	3	4	5	6	7	8
$Y$	72	85	80	89	90	93	90	96

- а) с помощью пакета Excel найдите уравнение тренда временного ряда, полагая, что он **линейный**;
- б) на основании уравнения тренда сделайте точечный прогноз прибыли компании на 1 год вперед.

**Решение:**

- а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение тренда:

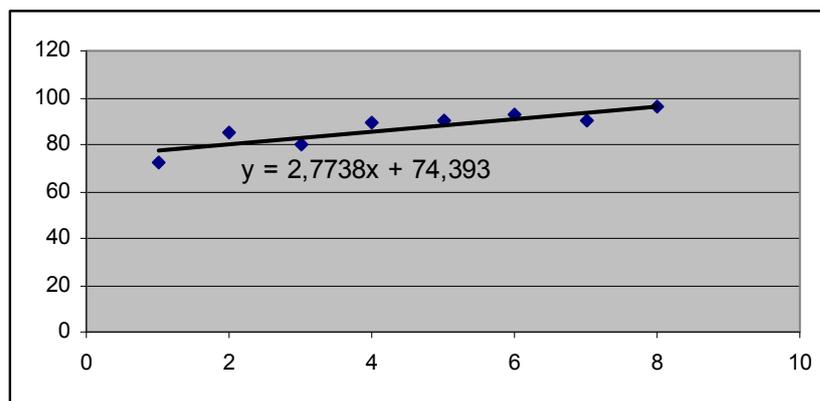
$$\hat{y} = 74,393 + 2,7738 t.$$

- б) подставив в уравнение тренда момент времени  $t = 9$ , найдем точечный прогноз прибыли компании на 1 год вперед:

$$\hat{y} = 74,393 + 2,7738 \cdot 9 = 99,3572 \text{ млн руб.}$$

**Решение в пакете Excel**

$t$	1	2	3	4	5	6	7	8
$Y$	72	85	80	89	90	93	90	96



**Задание 34.** Исследуются 15 предприятий одной и той же отрасли. Для каждого предприятия известны объем товарной продукции ( $y$ , млрд. руб.), стоимость основных фондов ( $x_1$ , млрд. руб.), средний возраст оборудования ( $x_2$ , мес.).

№ п/п	$y$ , объем ТП, млрд. руб.	$x_1$ , стоимость ОФ, млрд. руб.	$x_2$ , ср. возраст, мес.
1	6,6	3,9	45
2	5,4	2,2	47
3	9,9	7,0	27
4	5,3	2,4	54
5	9,8	6,0	37
6	8,7	4,6	57
7	9,8	4,3	53
8	14,8	6,7	38
9	11,0	4,2	35
10	7,7	3,9	39
11	6,5	3,5	40
12	10,4	3,8	30
13	5,4	2,8	36
14	8,6	5,2	35
15	6,1	3,0	48

а) с помощью пакета Excel найдите коэффициент корреляции между объясняющими переменными  $x_1$  и  $x_2$ ;

б) на основании найденного коэффициента корреляции установите наличие или отсутствие мультиколлинеарности между объясняющими переменными.

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции найден коэффициент корреляции  $r(x_1, x_2) = -0,46$ .

б) такие значения коэффициентов корреляции говорит об отсутствии мультиколлинеарности между объясняющими переменными.

**Решение в пакете Excel**

y	x1	x2		
6,6	3,9	45		
5,4	2,2	47	r(x1,x2)	-0,46
9,9	7	27		
5,3	2,4	54		
9,8	6	37		
8,7	4,6	57		
9,8	4,3	53		
14,8	6,7	38		
11	4,2	35		
7,7	3,9	39		
6,5	3,5	40		
10,4	3,8	30		
5,4	2,8	36		
8,6	5,2	35		
6,1	3	48		

**Задание 35.** Исследуются 15 предприятий одной и той же отрасли. Для каждого предприятия известны объем товарной продукции (y, млрд. руб.), стоимость основных фондов ( $x_1$ , млрд. руб.), средний возраст оборудования ( $x_2$ , мес.).

№ п/п	y, объем ТП, млрд. руб.	$x_1$ , стоимость ОФ, млрд. руб.	$x_2$ , ср. возраст, мес.
1	6,6	3,9	45
2	5,4	2,2	47
3	9,9	7,0	27
4	5,3	2,4	54
5	9,8	6,0	37
6	8,7	4,6	57
7	9,8	4,3	53
8	14,8	6,7	38
9	11,0	4,2	35
10	7,7	3,9	39
11	6,5	3,5	40
12	10,4	3,8	30
13	5,4	2,8	36
14	8,6	5,2	35
15	6,1	3,0	48

- а) с помощью пакета Excel найдите коэффициенты корреляции между выходной переменной  $Y$  и каждой объясняющей переменной  $x_1$  и  $x_2$ ;
- б) какая из объясняющих переменных оказывает более сильное влияние на выходную переменную?

**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция вычисления коэффициента корреляции: КОРРЕЛ(массив 1;массив 2). С использованием этой функции найдены коэффициенты корреляции  $r(y, x_1) = 0,7926$  и  $r(y, x_2) = -0,382$ .

б) так как  $|r(y, x_1)| > |r(y, x_2)|$ , то объясняющая переменная  $x_1$  оказывает более сильное влияние на выходную переменную  $Y$  по сравнению объясняющей переменной  $x_2$ .

**Решение в пакете Excel**

y	x1	x2		
6,6	3,9	45		
5,4	2,2	47		
9,9	7	27		
5,3	2,4	54	r(y,x1)	0,7926
9,8	6	37		
8,7	4,6	57	r(y,x2)	-0,382
9,8	4,3	53		
14,8	6,7	38		
11	4,2	35		
7,7	3,9	39		
6,5	3,5	40		
10,4	3,8	30		
5,4	2,8	36		
8,6	5,2	35		
6,1	3	48		

**Задание 36.** На сельскохозяйственных предприятиях региона выращивается рожь озимых и яровых сортов. Исследуется зависимость урожайности от количества удобрений и сорта ржи. Какова особенность данного эконометрического исследования?

**Ответ:** особенность данного эконометрического исследования состоит в наличии одной количественной объясняющей переменной (количество удобрений) и качественного фактора (сорта ржи). Сорт ржи имеет две градации: озимый и яровой и может быть учтен в регрессионной модели с помощью одной фиктивной переменной, которая, как правило, принимает значения 1 или 0.

**Задание 37.** Проводится эконометрическое исследование с использованием регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3 + \varepsilon$ . Найдены  $t$ -статистики коэффициентов  $a_0, a_1, a_2, a_3$  и критическое значение  $t$ -статистики:

$$t(a_0) = 3,15; \quad t(a_1) = 4,23; \quad t(a_2) = 2,89; \quad t(a_3) = 1,2; \quad t_{крит} = 2,2.$$

Какой вывод должен сделать исследователь на основе полученного результата?

**Ответ:** так как  $|t(a_3)| < t_{крит}$ , то коэффициент  $a_3$  не является статистически значимым. Поэтому объясняющую переменную  $x_3$  нужно удалить из регрессионной модели и провести новое исследование на основе регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + \varepsilon$ .

**Задание 38.** Проводится эконометрическое исследование с использованием регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3 + \varepsilon$ . Найдены  $t$ -статистики коэффициентов  $a_0, a_1, a_2, a_3$  и критическое значение  $t$ -статистики:

$$t(a_0) = 3,15; \quad t(a_1) = -1,23; \quad t(a_2) = -3,39; \quad t(a_3) = 3,2; \quad t_{крит} = 2,2.$$

Какой вывод должен сделать исследователь на основе полученного результата?

**Ответ:** так как  $|t(a_1)| < t_{крит}$ , то коэффициент  $a_1$  не является статистически значимым. Поэтому объясняющую переменную  $x_1$  нужно удалить из регрессионной модели и провести новое исследование на основе регрессионной модели  $y = a_0 + a_2x_2 + a_3x_3 + \varepsilon$ .

**Задание 39.** Проводится эконометрическое исследование с использованием регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3 + \varepsilon$ . Найдены  $t$ -статистики коэффициентов  $a_0, a_1, a_2, a_3$  и критическое значение  $t$ -статистики:

$$t(a_0) = 3,15; \quad t(a_1) = -4,23; \quad t(a_2) = -3,39; \quad t(a_3) = 3,2; \quad t_{крит} = 2,2.$$

Какой вывод должен сделать исследователь на основе полученного результата?

**Ответ:** все коэффициенты являются статистически значимыми, поэтому полученное уравнение регрессии следует признать качественным.

**Задание 40.** Проводится эконометрическое исследование с использованием регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3 + \varepsilon$ . Найдены  $t$ -статистики коэффициентов  $a_0, a_1, a_2, a_3$  и критическое значение  $t$ -статистики:

$$t(a_0) = 3,15; \quad t(a_1) = -4,23; \quad t(a_2) = -1,39; \quad t(a_3) = 3,2; \quad t_{крит} = 2,2.$$

Какой вывод должен сделать исследователь на основе полученного результата?

**Ответ:** так как  $|t(a_2)| < t_{крит}$ , то коэффициент  $a_2$  не является статистически значимым. Поэтому объясняющую переменную  $x_2$  нужно удалить из регрессионной модели и провести новое исследование на основе регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_3x_3 + \varepsilon$ .

**Задание 41.** Проводится эконометрическое исследование с использованием регрессионной модели  $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3 + \varepsilon$ . Найдены  $t$ -статистики коэффициентов  $a_0, a_1, a_2, a_3$  и критическое значение  $t$ -статистики:

$$t(a_0) = 3,15; \quad t(a_1) = 0,83; \quad t(a_2) = -1,39; \quad t(a_3) = 3,2; \quad t_{крит} = 2,2.$$

Какой вывод должен сделать исследователь на основе полученного результата?

**Ответ:** так как  $|t(a_1)| < t_{крит}$  и  $|t(a_2)| < t_{крит}$ , то коэффициенты  $a_1$  и  $a_2$  не являются статистически значимыми. Среди них выбирается коэффициент с самой маленькой по модулю  $t$ -статистикой и соответствующая объясняющая переменная удаляется из регрессионной модели. В данном случае коэффициент  $a_1$  имеет самую маленькую по модулю  $t$ -статистику. Поэтому объясняющую переменную  $x_1$  нужно удалить из регрессионной модели и провести новое исследование на основе регрессионной модели  $y = a_0 + a_2x_2 + a_3x_3 + \varepsilon$ .

**Задание 42.** В результате эконометрического исследования найдено линейное уравнение регрессии  $\hat{y} = a_0 + a_1x = 2,32 - 1,44x$  и коэффициент детерминации  $R^2 = 0,81$ . Какое значение примет коэффициент корреляции?

**Ответ:** для линейной регрессионной зависимости коэффициент корреляции  $r$  выражается через коэффициент детерминации следующим образом:  $r = \pm\sqrt{R^2}$ . Знак (+) имеет место при прямом характере зависимости, знак (-) при обратном. В данном случае

характер зависимости обратный, так как  $a_1 = -1,44 < 0$ , поэтому коэффициент корреляции  $r = -0,9$ .

**Задание 43.** В результате эконометрического исследования найдено линейное уравнение регрессии  $\hat{y} = a_0 + a_1x = 2,32 + 1,44x$  и коэффициент детерминации  $R^2 = 0,81$ . Какое значение примет коэффициент корреляции?

**Ответ:** для линейной регрессионной зависимости коэффициент корреляции  $r$  выражается через коэффициент детерминации следующим образом:  $r = \pm\sqrt{R^2}$ . Знак (+) имеет место при прямом характере зависимости, знак (-) при обратном. В данном случае характер зависимости прямой, так как  $a_1 = 1,44 > 0$ , поэтому коэффициент корреляции  $r = 0,9$ .

**Задание 44.** Имеются следующие данные об уровне механизации работ ( $x$ , %) и производительности труда ( $y$ , выработка продукции в единицу времени в денежном выражении, тыс. руб./ч) для 13 однотипных предприятий.

$y$	20	24	28	30	31	33	37	38	40	41	43	45	48
$x$	28	35	36	40	41	47	54	60	55	61	60	69	76

- а) с помощью пакета Excel найдите **линейное** уравнение регрессии;  
 б) используя найденное уравнение регрессии, найдите среднюю производительность труда при уровне механизации 50 %.

**Решение:**

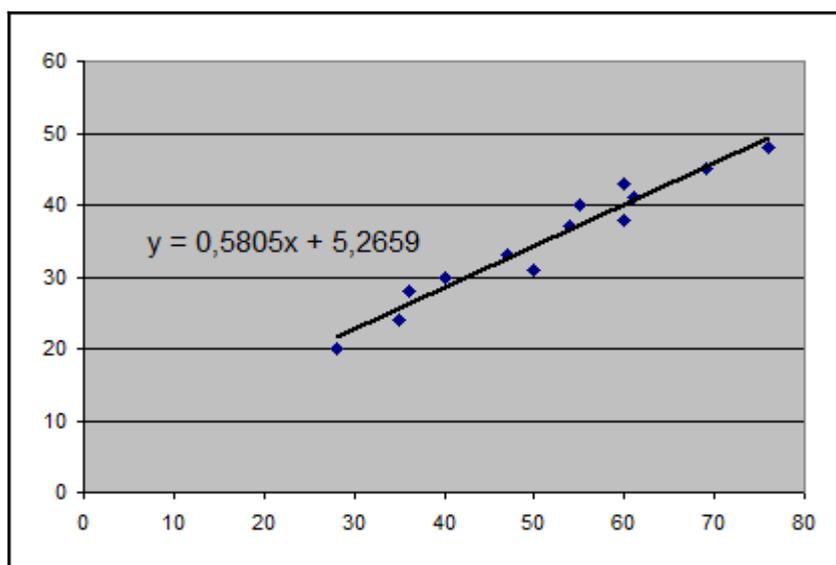
- а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение регрессии:

$$\hat{y} = 5,2659 + 0,5805x.$$

- б) подставив в это уравнение уровень механизации  $x = 50$ , найдем среднюю производительность труда:  $\hat{y} = 5,2659 + 0,5805 \cdot 50 = 34,29$  тыс. руб./ч.

### Решение в пакете Excel

x	y
28	20
35	24
36	28
40	30
50	31
47	33
54	37
60	38



55	40
61	41
60	43
69	45
76	48

**Задание 45.** Имеются следующие данные об уровне механизации работ ( $x$ , %) и производительности труда ( $y$ , выработка продукции в единицу времени в денежном выражении, тыс. руб./ч) для 13 однотипных предприятий.

$y$	20	24	28	30	31	33	37	38	40	41	43	45	48
$x$	28	35	36	40	41	47	54	60	55	61	60	69	76

а) с помощью пакета Excel найдите линейное уравнение регрессии  $\hat{y} = a_0 + a_1x$ ;

б) объясните экономический смысл коэффициента  $a_1$ .

**Решение:**

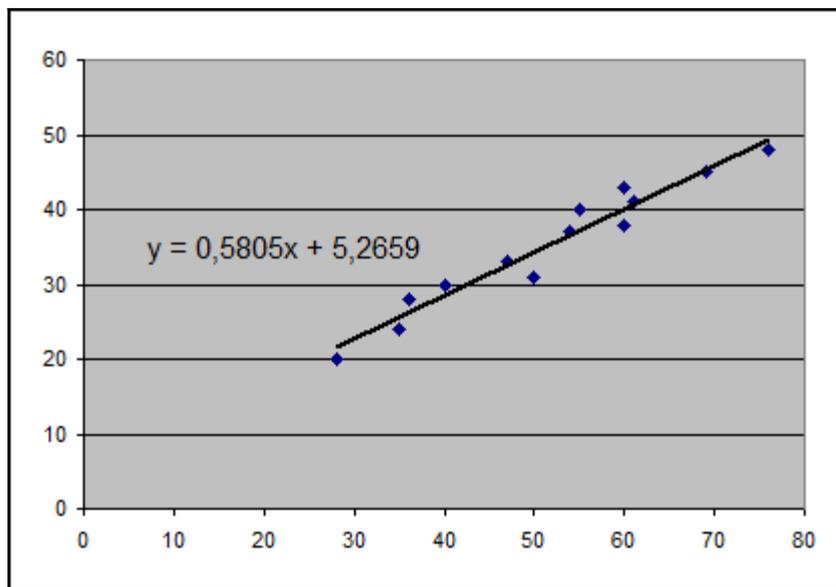
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем линейное уравнение регрессии:

$$\hat{y} = 5,2659 + 0,5805x.$$

б) коэффициент  $a_1 = 0,5805$  показывает увеличение средней производительности труда при увеличении уровня механизации на 1%.

**Решение в пакете Excel**

$x$	$y$
28	20
35	24
36	28
40	30
50	31
47	33
54	37
60	38
55	40
61	41
60	43
69	45
76	48



**Задание 46.** Имеются следующие данные о производительности труда ( $y$ , выработка продукции в единицу времени в денежном выражении, тыс. руб./ч) в зависимости от стажа работы сотрудника ( $x$ , лет).

$y$	4	3	6	5,5	7	8,5	7,5	8,5	9,5	9	10	9,4	10	9,2
$x$	1	2	3	4	5	6	7	9	10	11	12	13	14	15

а) с помощью пакета Excel найдите уравнение регрессии и коэффициент детерминации на основе логарифмической модели;

б) прокомментируйте коэффициент детерминации.

**Решение:**

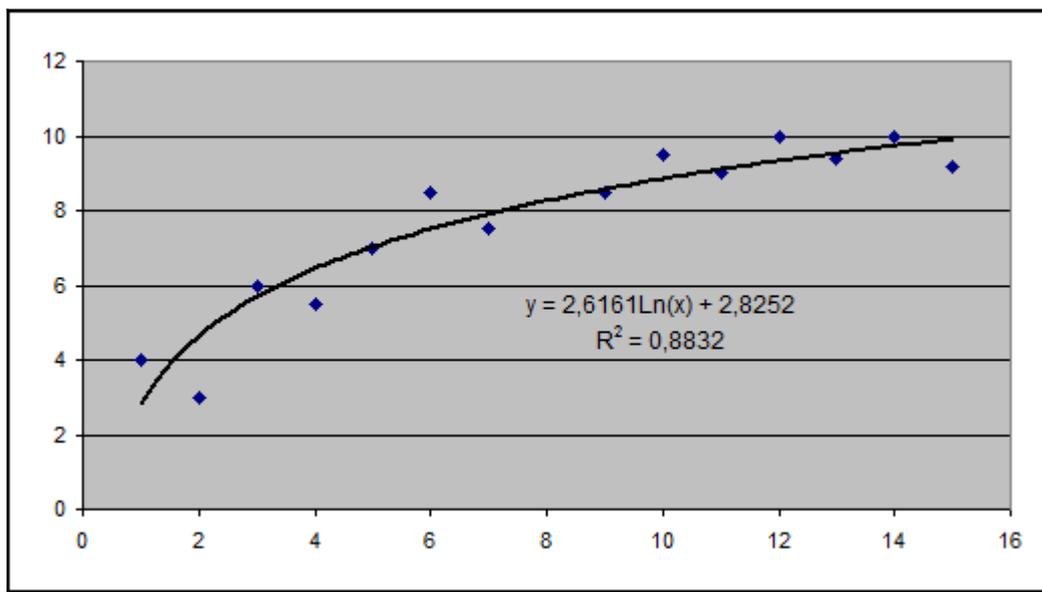
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем логарифмическое уравнение регрессии:

$$\hat{y} = 2,8252 + 2,6161 \ln x.$$

б) логарифмическое уравнение регрессии на 88,32% объясняет зависимость производительности труда от стажа работы сотрудника и на 11,68% от влияния других неучтенных факторов.

#### Решение в пакете Excel

x	1	2	3	4	5	6	7	9	10	11	12	13	14	15
y	4	3	6	5,5	7	8,5	7,5	8,5	9,5	9	10	9,4	10	9,2



**Задание 47.** Имеются следующие данные о затратах на содержание и ремонт оборудования (y, тыс. руб.) в зависимости от его возраста (x, мес.).

y	16	24	20	25	22	32	26	35	45	42	60	58	85	95
x	1	2	3	4	5	6	7	8	10	11	12	13	14	15

а) с помощью пакета Excel найдите уравнение регрессии на основе полинома 2 порядка и коэффициент детерминации;

б) прокомментируйте коэффициент детерминации.

#### Решение:

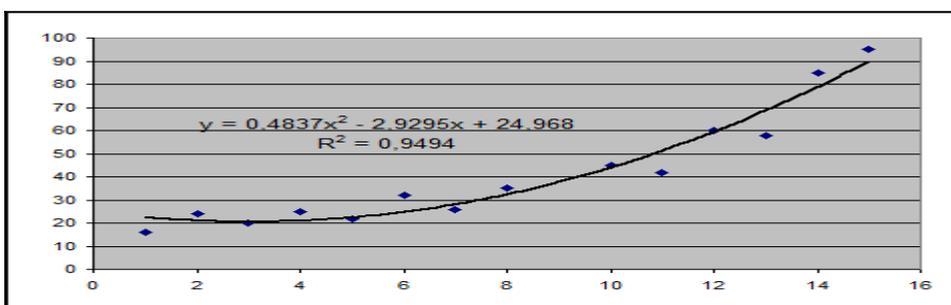
а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем уравнение регрессии на основе полинома 2 порядка :

$$\hat{y} = 24,968 - 2,9295x + 0,4837x^2.$$

б) уравнение регрессии на основе полинома 2 порядка на 94,94 % объясняет зависимость затрат на содержание и ремонт оборудования от его возраста и на 5,06 % от влияния других неучтенных факторов.

#### Решение в пакете Excel

x	1	2	3	4	5	6	7	8	10	11	12	13	14	15
y	16	24	20	25	22	32	26	35	45	42	60	58	85	95



**Задание 48.** На сельскохозяйственных предприятиях региона выращивается рожь озимых сортов. Исследуется зависимость урожайности ( $y$ , ц/га) от количества удобрений ( $x$ , ц/га). Выборка из 13 предприятий дала следующие результаты.

$y$	16	18	24	23	30	32	34	38	37	40	38	41	40
$x$	2,0	2,5	3,0	3,5	4,0	4,5	5,5	6,0	6,5	7,0	7,5	8,0	8,5

а) с помощью пакета Excel найдите уравнение регрессии на основе полинома 2 порядка и коэффициент детерминации;

б) прокомментируйте коэффициент детерминации.

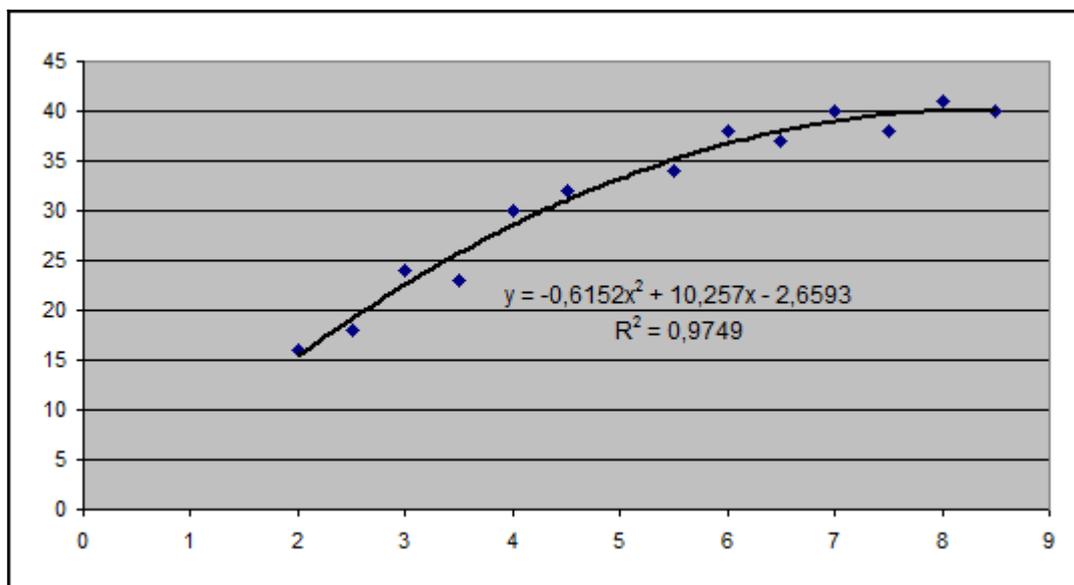
**Решение:**

а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем уравнение регрессии на основе полинома 2 порядка :

$$\hat{y} = 2,6593 + 10,257x - 0,6152x^2.$$

б) уравнение регрессии на основе полинома 2 порядка на 97,49 % объясняет зависимость урожайности от количества удобрений и на 2,51 % от влияния других неучтенных факторов.

$x$	2	2,5	3	3,5	4	4,5	5,5	6	6,5	7	7,5	8	8,5
$y$	16	18	24	23	30	32	34	38	37	40	38	41	40



**Задание 49.** Имеются следующие данные о суммарном потреблении электроэнергии одним из районов области ( $y$ , млн кВт\*ч) за 10 лет:

$t$	1	2	3	4	5	6	7	9	10
$y$	163	152	141	128	120	113	110	105	103

- а) с помощью пакета Excel найдите уравнение тренда на основе полинома 2 порядка;  
 б) на основании уравнения тренда сделайте точечный прогноз потребления электроэнергии на 1 год вперед.

**Решение:**

- а) в пакете Excel имеется встроенная функция регрессионного анализа. С использованием этой функции найдем уравнение тренда на основе полинома 2 порядка:

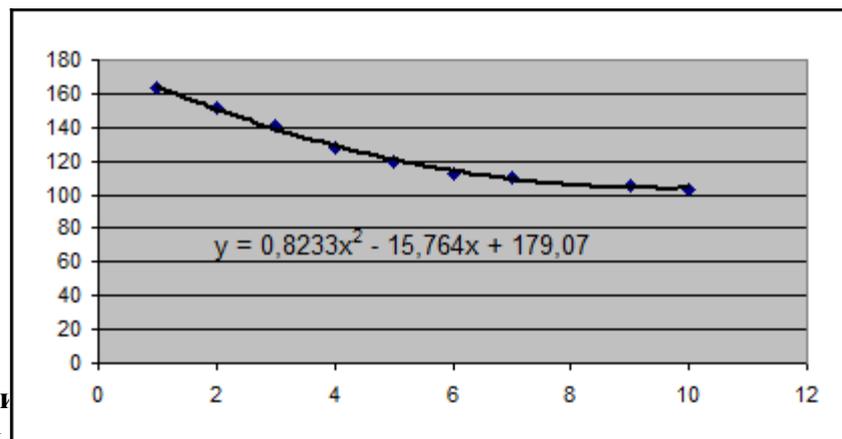
$$\hat{y} = 179,07 - 15,764t + 0,8233t^2.$$

- б) подставив в уравнение тренда момент времени  $t=11$ , найдем точечный прогноз потребления электроэнергии на 1 год вперед:

$$\hat{y} = 179,07 - 15,764 \cdot 11 + 0,8233 \cdot 121 = 105,29 \text{ млн кВт*ч.}$$

**Решение в пакете Excel**

$t$	1	2	3	4	5	6	7	9	10
$y$	163	152	141	128	120	113	110	105	103



**Задание** с использованием регрессионной модели коэффициентов  $a_0, a_1, a_2$  и критическое значение  $t$ -статистики:

$$t(a_0) = 3,15; \quad t(a_1) = -0,63; \quad t(a_2) = 1,59; \quad t_{крит} = 2,179.$$

Какой вывод должен сделать исследователь на основе полученного результата?

**Ответ:** так как  $|t(a_1)| < t_{крит}$  и  $|t(a_2)| < t_{крит}$ , то коэффициенты  $a_1$  и  $a_2$  не являются статистически значимыми. Среди них выбирается коэффициент с самой маленькой по модулю  $t$ -статистикой и соответствующая объясняющая переменная удаляется из регрессионной модели. В данном случае коэффициент  $a_1$  имеет самую маленькую по модулю  $t$ -статистику. Поэтому объясняющую переменную  $x_1$  нужно удалить из регрессионной модели и провести новое исследование на основе регрессионной модели  $y = a_0 + a_2x_2 + \varepsilon$ .