ПРИЛОЖЕНИЕ

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«Рязанский государственный радиотехнический университет им. В.Ф. Уткина»

КАФЕДРА СИСТЕМ АВТОМАТИЗИРОВАННОГО ПРОЕКТИРОВАНИЯ
ВЫЧИСЛИТЕЛЬНЫХ СРЕДСТВ

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

по дисциплине

«Вычислительная математика»

Направление подготовки
09.03.01 – «Информатика и вычислительная техника»

Направленность (профиль) подготовки:
«Системы автоматизированного проектирования»
«Вычислительные машины, комплексы, системы и сети»
«Системный анализ и инжиниринг информационных процессов»

Уровень подготовки - бакалавриат

Квалификация выпускника – бакалавр

Формы обучения – очная, заочная

Рязань, 2023 г.

1 ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

Оценочные материалы – это совокупность учебно-методических материалов (практических заданий, описаний форм и процедур проверки), предназначенных для оценки качества освоения обучающимися данной дисциплины как части ОПОП.

Цель – оценить соответствие знаний, умений и владений, приобретенных обучающимся в процессе изучения дисциплины, целям и требованиям ОПОП в ходе проведения промежуточной аттестации.

Основная задача – обеспечить оценку уровня сформированности компетенций.

Контроль знаний обучающихся проводится в форме промежуточной аттестации.

Промежуточная аттестация проводится в форме экзамена. Форма проведения экзамена - тестирование, письменный опрос по теоретическим вопросам и выполнение практических заданий.

2 ОПИСАНИЕ ПОКАЗАТЕЛЕЙ И КРИТЕРИЕВ ОЦЕНИВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ

Сформированность каждой компетенции (или ее части) в рамках освоения данной дисциплины оценивается по трехуровневой шкале:

1) пороговый уровень является обязательным для всех обучающихся по завершении освоения дисциплины;

2) продвинутый уровень характеризуется превышением минимальных характеристик сформированности компетенций по завершении освоения дисциплины;

3) эталонный уровень характеризуется максимально возможной выраженностью компетенций и является важным качественным ориентиром для самосовершенствования.

Уровень освоения компетенций, формируемых дисциплиной:

Описание критериев и шкалы оценивания тестирования:

Шкала оценивания	Критерий
3 балла (эталонный уровень)	уровень усвоения материала, предусмотренного программой: процент верных ответов на тестовые вопросы от 85 до 100%
2 балла (продвинутый уровень)	уровень усвоения материала, предусмотренного программой: процент верных ответов на тестовые вопросы от 70 до 84%
1 балл (пороговый уровень)	уровень усвоения материала, предусмотренного программой: процент верных ответов на тестовые вопросы от 50 до 69%
0 баллов	уровень усвоения материала, предусмотренного программой: процент верных ответов на тестовые вопросы от 0 до 49%

Описание критериев и шкалы оценивания теоретического вопроса:

Шкала оценивания	Критерий
3 балла (эталонный уровень)	выставляется студенту, который дал полный ответ на вопрос, показал глубокие систематизированные знания, смог привести примеры, ответил на дополнительные вопросы преподавателя
2 балла (продвинутый уровень)	выставляется студенту, который дал полный ответ на вопрос, но на некоторые дополнительные вопросы преподавателя ответил только с помощью наводящих вопросов
1 балл (пороговый уровень)	выставляется студенту, который дал неполный ответ на вопрос в билете и смог ответить на дополнительные вопросы только с помощью преподавателя
0 баллов	выставляется студенту, который не смог ответить на вопрос

Описание критериев и шкалы оценивания практического задания:

Шкала оценивания	Критерий
3 балла (эталонный уровень)	Задача решена верно
2 балла (продвинутый уровень)	Задача решена верно, но имеются неточности в логике решения
1 балл (пороговый уровень)	Задача решена верно, с дополнительными наводящими вопросами преподавателя
0 баллов	Задача не решена

На промежуточную аттестацию выносится тест, два теоретических вопроса и одна задача. Максимально студент может набрать 12 баллов. Итоговый суммарный балл студента, полученный при прохождении промежуточной аттестации, переводится в традиционную форму по системе «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» и «неудовлетворительно».

Оценка «отлично» выставляется студенту, который набрал в сумме 12 баллов (выполнил все задания на эталонном уровне). Обязательным условием является выполнение всех предусмотренных в течение семестра лабораторных работ и практических заданий.

Оценка «хорошо» выставляется студенту, который набрал в сумме от 8 до 11 баллов при условии выполнения всех заданий на уровне не ниже продвинутого. Обязательным условием является выполнение всех предусмотренных в течение семестра лабораторных работ и практических заданий.

Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, который набрал в сумме от 4 до 7 баллов при условии выполнения всех заданий на уровне не ниже порогового. Обязательным условием является выполнение всех предусмотренных в течение семестра лабораторных работ и практических заданий.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, который набрал в сумме менее 4 баллов или не выполнил всех предусмотренных в течение семестра лабораторных работ и практических заданий.

3 ПАСПОРТ ОЦЕНОЧНЫХ МАТЕРИАЛОВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции (или её части)	Вид, метод, форма оценочного мероприятия
Тема 1. Особенности математических вычислений, реализуемых на ЭВМ	ОПК-1	экзамен
Тема 2. Теоретические основы численных методов	ОПК-1	экзамен
Тема 3. Численные методы линейной алгебры	ОПК-1	экзамен
Тема 4. Решение нелинейных уравнений и систем	ОПК-1	экзамен
Тема 5. Интерполяция и приближение функций	ОПК-1	экзамен
Тема 6. Численное интегрирование и дифференцирование	ОПК-1	экзамен

4 ТИПОВЫЕ КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ ИЛИ ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

4.1. Промежуточная аттестация в форме экзамена

Код компетенции	Результаты освоения ОПОП Содержание компетенций
ОПК-1	Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности
ОПК-1.1. Демонстрирует естественнонаучные и общеинженерные знания, знания методов математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования	
ОПК-1.2. Применяет естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	
ОПК-1.3. Использует современные информационные технологии в профессиональной деятельности	

Типовые тестовые вопросы

Наименование секции: Виды погрешностей

Вопрос 1. Укажите причины, по которым результат решения инженерной задачи на ЭВМ включает неустранимую погрешность. Ответы:
+1. Математическая модель является приближенным описанием реального объекта или процесса
+2. Исходные данные обычно имеют погрешности
3. Используемые методы являются приближенными
4. Применение ЭВМ вносит ошибки в результаты

Вопрос 2. Укажите составляющие погрешности результата решения инженерной задачи на ЭВМ, обусловленные использованием экспериментальных исходных данных и приближенных алгоритмов решения задачи. Ответы:
+1. Неустранимая погрешность
2. Вычислительная погрешность
+3. Погрешность метода

Вопрос 3. Укажите составляющие погрешности результата решения инженерной задачи, обусловленные использованием ЭВМ. Ответы:
1. Неустранимая погрешность
2. Погрешность метода
+3. Вычислительная погрешность

Вопрос 4. Вычисление элементарных функций в ЭВМ производится их разложением в бесконечные числовые ряды. На какую из составляющих погрешности результата решения инженерной задачи на ЭВМ влияют отброшенные члены таких рядов? Ответы:
1. Неустранимая погрешность
+2. Погрешность метода
3. Вычислительная погрешность

Вопрос 5. На какую из составляющих погрешности результата решения инженерной задачи на ЭВМ влияет округление вещественных чисел при выполнении арифметических операций? Ответы:
1. Неустранимая погрешность
2. Погрешность метода
+3. Вычислительная погрешность

Вопрос 6. На какую из составляющих погрешности результата решения инженерной задачи на ЭВМ влияет округление вещественных чисел при выполнении операций ввода-вывода? Ответы:
1. Неустранимая погрешность
+2. Вычислительная погрешность
3. Погрешность метода

Вопрос 7. Как называется разность между точным числом X и его приближением x ? Ответы:
+1. Ошибка приближенного числа x
2. Абсолютная погрешность приближенного числа x
3. Погрешность точного числа X

Вопрос 8. Можно ли вычислить погрешность приближенного числа, если точное число неизвестно? Введите «да» или «нет». Ответ: да

Вопрос 9. Какие виды погрешностей характеризуют приближенное число, если соответствующее точное число неизвестно? Ответы:
1. Абсолютная погрешность
+2. Предельная абсолютная погрешность
3. Относительная погрешность
+4. Предельная относительная погрешность

Вопрос 10. Какие виды погрешностей характеризуют приближенное число, если известно соответствующее точное число? Ответы:
+1. Абсолютная погрешность
2. Предельная абсолютная погрешность
+3. Относительная погрешность
4. Предельная относительная погрешность

Вопрос 11. Укажите виды погрешностей, которые позволяют установить границы, в пределах которых находится неизвестное точное число? Ответы:
1. Абсолютная погрешность
2. Относительная погрешность
+3. Предельная абсолютная погрешность
+4. Предельная относительная погрешность

Вопрос 12. Пусть точное число X=1/3 представлено его приближением x=0,333. Введите значение относительной погрешности числа x. Ответ: 0,001

Вопрос 13. Пусть точное число X=1/3 представлено его приближением x=0,33. Введите значение относительной погрешности числа x. Ответ: 0,01

Вопрос 14. Как называются все цифры числа от первой слева, не равной нулю, до последней цифры справа? Ответы:
1. Верные

+2. Значащие

Вопрос 15. Чем определяется относительная ошибка приближенного числа? Ответы:
1. Количеством значащих цифр мантиссы
+2. Количеством верных цифр мантиссы
3. Количеством значащих цифр числа
4. Количеством верных цифр числа

Вопрос 16. Сколько значащих цифр имеет число 15,73080 ? Ответ: 7

Вопрос 17. Сколько значащих цифр имеет число 0, 015730 ? Ответ: 5

Вопрос 18. Сколько значащих цифр имеет число $1{,}5730 \cdot 10^5$? Ответ: 6

Вопрос 19. Введите результат округления числа 17,03755 до пяти значащих цифр. Ответ: 17,038

Вопрос 20. Введите результат округления числа 17,03350 до пяти значащих цифр. Ответ: 17,034

Вопрос 21. Введите результат округления числа 17,03450 до пяти значащих цифр. Ответ: 17,034

Вопрос 22. Чем определяется погрешность результата при округлении приближенного числа? Ответы:
1. Погрешностью округления
2. Погрешностью исходного числа
+3. Суммой погрешностей исходного числа и округления
4. Наибольшим значением из погрешностей исходного числа и округления

Наименование секции: Погрешности при выполнении арифметических операций

Вопрос 1. Как определяется абсолютная погрешность суммы нескольких приближенных чисел? Ответы:
1. Меньше или равна абсолютной погрешности наименее точного из этих чисел
2. Равна абсолютной погрешности наименее точного из этих чисел
+3. Не больше суммы абсолютных погрешностей этих чисел
4. Равна сумме абсолютных погрешностей этих чисел

Вопрос 2. Как определяется предельная абсолютная погрешность суммы нескольких приближенных чисел? Ответы:
1. Меньше или равна предельной абсолютной погрешности наименее точного из этих чисел
2. Равна предельной абсолютной погрешности наименее точного из этих чисел
3. Не больше суммы предельных абсолютных погрешностей этих чисел
+4. Равна сумме предельных абсолютных погрешностей этих чисел

Вопрос 3. Как определяется абсолютная погрешность разности нескольких приближенных чисел? Ответы:
1. Меньше или равна абсолютной погрешности наименее точного из этих чисел
+2. Не больше суммы абсолютных погрешностей этих чисел
3. Равна абсолютной погрешности наименее точного из этих чисел
4. Равна сумме абсолютных погрешностей этих чисел

5. Равна разности абсолютных погрешностей этих чисел

Вопрос 4. Как определяется предельная абсолютная погрешность разности нескольких приближенных чисел? Ответы:
1. Меньше или равна предельной абсолютной погрешности наименее точного из этих чисел
2. Равна предельной абсолютной погрешности наименее точного из этих чисел
3. Не больше суммы предельных абсолютных погрешностей этих чисел
+4. Равна сумме предельных абсолютных погрешностей этих чисел
5. Равна разности предельных абсолютных погрешностей этих чисел

Вопрос 5. Как определяется относительная погрешность суммы нескольких приближенных чисел одного знака? Ответы:
+1. Меньше или равна относительной погрешности наименее точного из этих чисел
2. Равна относительной погрешности наименее точного из этих чисел
3. Не больше суммы относительных погрешностей этих чисел
4. Равна сумме относительных погрешностей этих чисел

Вопрос 6. Как определяется предельная относительная погрешность суммы нескольких приближенных чисел одного знака? Ответы:
1. Меньше или равна предельной относительной погрешности наименее точного из этих чисел
+2. Равна предельной относительной погрешности наименее точного из этих чисел
3. Не больше суммы предельных относительных погрешностей этих чисел
4. Равна сумме предельных относительных погрешностей этих чисел

Вопрос 7. Как определяется относительная погрешность разности двух приближенных чисел одного знака? Ответы:
1. Меньше или равна относительной погрешности наименее точного из этих чисел
+2. Больше относительной погрешности наименее точного из этих чисел в $\nu>1$ раз
3. Равна относительной погрешности наименее точного из этих чисел
4. Равна сумме относительных погрешностей этих чисел
5. Равна разности относительных погрешностей этих чисел

Вопрос 8. Как определяется предельная относительная погрешность разности двух приближенных чисел одного знака? Ответы:
1. Меньше или равна предельной относительной погрешности наименее точного из этих чисел
2. Равна предельной относительной погрешности наименее точного из этих чисел
+3. Больше предельной относительной погрешности наименее точного из этих чисел в $\nu>1$ раз
4. Равна сумме предельных относительных погрешностей этих чисел
5. Равна разности предельных относительных погрешностей этих чисел

Вопрос 9. В каких из указанных случаев может произойти катастрофическая потеря точности? Ответы:
1. Сложение двух приближенных чисел одного знака
+2. Сложение двух приближенных чисел разных знаков
+3. Вычитание двух приближенных чисел одного знака
4. Вычитание двух приближенных чисел разных знаков

Вопрос 10. Как определяется относительная погрешность произведения нескольких приближенных чисел? Ответы:
1. Меньше или равна относительной погрешности наименее точного из этих чисел
2. Равна относительной погрешности наименее точного из этих чисел
+3. Не больше суммы относительных погрешностей этих чисел

4. Равна сумме относительных погрешностей этих чисел
5. Не больше произведения относительных погрешностей этих чисел
6. Равна произведению относительных погрешностей этих чисел

Вопрос 11. Как определяется предельная относительная погрешность произведения нескольких приближенных чисел? Ответы:
1. Меньше или равна предельной относительной погрешности наименее точного из этих чисел
2. Равна предельной относительной погрешности наименее точного из этих чисел
3. Не больше суммы предельных относительных погрешностей этих чисел
+4. Равна сумме предельных относительных погрешностей этих чисел
5. Не больше произведения предельных относительных погрешностей этих чисел
6. Равна произведению предельных относительных погрешностей этих чисел

Вопрос 12. Как определяется относительная погрешность частного двух приближенных чисел? Ответы:
1. Меньше или равна относительной погрешности наименее точного из этих чисел
2. Равна относительной погрешности наименее точного из этих чисел
+3. Не больше суммы относительных погрешностей этих чисел
4. Равна сумме относительных погрешностей этих чисел
5. Не больше разности относительных погрешностей этих чисел
6. Равна разности относительных погрешностей этих чисел

Вопрос 13. Как определяется предельная относительная погрешность частного двух приближенных чисел? Ответы:
1. Меньше или равна предельной относительной погрешности наименее точного из этих чисел
2. Равна предельной относительной погрешности наименее точного из этих чисел
3. Не больше разности предельных относительных погрешностей этих чисел
4. Равна разности предельных относительных погрешностей этих чисел
5. Не больше суммы предельных относительных погрешностей этих чисел
+6. Равна сумме предельных относительных погрешностей этих чисел

Вопрос 14. При выполнении каких арифметических операций происходит рост относительной погрешности? Ответы:
+1. Умножение приближенных чисел разных знаков
2. Сложение приближенных чисел одного знака
+3. Вычитание двух приближенных чисел одного знака
+4. Деление двух приближенных чисел разных знаков

Вопрос 15. При выполнении каких арифметических операций происходит рост относительной погрешности? Ответы:
+1. Сложение приближенных чисел разных знаков
+2. Умножение приближенных чисел одного знака
3. Вычитание двух приближенных чисел разных знаков
+4. Деление двух приближенных чисел одного знака

Вопрос 16. При выполнении каких арифметических операций не происходит роста относительной погрешности? Ответы:
1. Умножение приближенных чисел разных знаков
+2. Сложение приближенных чисел одного знака
3. Вычитание двух приближенных чисел одного знака
4. Деление двух приближенных чисел разных знаков
5. Умножение приближенных чисел одного знака

+6. Вычитание двух приближенных чисел разных знаков

Вопрос 17. При выполнении каких арифметических операций может произойти катастрофическая потеря точности? Ответы:
1. Умножение приближенных чисел разных знаков
2. Сложение приближенных чисел одного знака
+3. Вычитание двух приближенных чисел одного знака
4. Деление двух приближенных чисел разных знаков
+5. Сложение двух приближенных чисел разных знаков
6. Вычитание двух приближенных чисел разных знаков

Вопрос 18. Укажите абсолютную погрешность числа x, которое определяется как x=y+z, если y=25,17±0,009 и z=-18,3±0,1. Ответы:
1. 0,009
2. 0,1
+3. 0,109
4. 0,991

Вопрос 19. Укажите относительную погрешность числа x, которое определяется как x=y+z, если y=25,17 и z=18,3 – приближенные числа. Ответы:
1. 0,01
2. 0,005
3. 0,1
+4. 0,05
5. 0,055
6. 0,11

Вопрос 20. Укажите относительную погрешность числа x, которое равно произведению приближенных чисел y=10±0,5 и z=100±1. Ответы:
1. 0,15
2. 0,051
+3. 0,06
4. 1,5
5. 0,51

Вопрос 21. Укажите относительную погрешность числа x, которое определяется как x=a+b-c, если a=25,107; b=18,13; c=-0,9 – приближенные числа. Ответы:
1. 0,001
+2. 0,05
3. 0,1
4. 0,01
5. 0, 0555

Вопрос 22. Укажите относительную погрешность числа x, которое определяется как x=y/z, если y=10±0,5 и z=100±0,1. Ответы:
1. 0,15
+2. 0,051
3. 0,6
4. 0,06
5. 0,51

Наименование секции: Задачи теории погрешностей и применение ЭВМ

Вопрос 1. Укажите средства, которые используются для определения погрешности результата по известным погрешностям исходных данных. Ответы:
+1. Принцип наложения ошибок
2. Принцип равных влияний
+3. Формулы оценки погрешностей функций

Вопрос 2. Укажите смысл обратной задачи теории погрешностей. Ответы:
1. Определение погрешности результата по известным погрешностям исходных данных
+2. Определение допустимых погрешностей исходных данных по заданной погрешности результата
3. Определение погрешности функции нескольких переменных по заданным погрешностям аргументов

Вопрос 3. При вычислении значения функции возможна катастрофическая потеря точности. В каких условиях это возможно? Ответы:
1. При большой относительной погрешности аргумента
2. Для аргумента с большим модулем значения функции
+3. Для аргумента с большим модулем производной функции

Вопрос 4. Как вычисляется абсолютная погрешность функции одного аргумента? Ответы:
1. Умножением значения функции для заданного аргумента на относительную погрешность этого аргумента
2. Умножением производной функции для заданного аргумента на относительную погрешность этого аргумента
3. Умножением производной функции для заданного аргумента на абсолютную погрешность этого аргумента
+4. Умножением модуля производной функции для заданного аргумента на абсолютную погрешность этого аргумента
5. Умножением модуля производной функции для заданного аргумента на относительную погрешность этого аргумента

Вопрос 5. Когда используется принцип наложения ошибок? Ответы:
1. При вычислении абсолютной погрешности функции одного аргумента
2. При вычислении относительной погрешности функции одного аргумента
+3. При вычислении абсолютной погрешности функции нескольких аргументов
4. При решении обратной задачи теории погрешностей

Вопрос 6. Вычисление абсолютной погрешности функции нескольких аргументов производится суммированием абсолютных погрешностей аргументов, умноженных на некоторые коэффициенты. Укажите вид этих коэффициентов. Ответы:
1. Значения частных производных по соответствующим аргументам
+2. Значения модулей частных производных по соответствующим аргументам
3. Значения соответствующих аргументов функции
4. Значения модулей соответствующих аргументов функции

Вопрос 7. Когда используется принцип равных влияний? Ответы:
1. При вычислении абсолютной погрешности функции одного аргумента
2. При вычислении относительной погрешности функции одного аргумента
3. При вычислении абсолютной погрешности функции нескольких аргументов
4. При вычислении относительной погрешности функции нескольких аргументов
+5. При решении обратной задачи теории погрешностей

Вопрос 8. Укажите формулу, на использовании которой основано решение обратной задачи теории погрешностей. Ответы:
1. Формула вычисления абсолютной погрешности функции одного аргумента
+2. Формула вычисления абсолютной погрешности функции нескольких аргументов
3. Формула вычисления относительной погрешности функции одного аргумента

Вопрос 9. Укажите способ, позволяющий выполнить корректировку погрешностей исходных данных, полученных по заданной погрешности результата. Ответы:
+1. Использовать в расчетах математические константы с максимально возможной точностью представления
2. При использовании ЭВМ применять форматы повышенной точности для представления вещественных чисел
3. Вычислять используемые модули частных производных с повышенной точностью

Вопрос 10. Какие операции в ЭВМ выполняются точно (без появления погрешностей)? Ответы:
+1. Арифметические операции над целыми числами
2. Арифметические операции над вещественными числами в форме с фиксированной точкой
3. Арифметические операции над вещественными числами в форме с плавающей точкой
+4. Операции ввода-вывода целых чисел
5. Операции ввода-вывода вещественных чисел

Вопрос 11. Выполнение каких операций в ЭВМ может сопровождаться возникновением погрешностей? Ответы:
+1. Арифметические операции над вещественными числами в форме с фиксированной точкой
+2. Арифметические операции над вещественными числами в форме с плавающей точкой
3. Операции ввода-вывода целых чисел
+4. Операции ввода-вывода вещественных чисел

Вопрос 12. Возникновение какой ситуации, обусловленной погрешностями округления вещественных чисел, означает прекращение вычислений в ЭВМ? Ответы:
1. Исчезновение порядка
+2. Переполнение разрядной сетки ЭВМ

Вопрос 13. При возникновении какой ситуации, обусловленной погрешностями округления вещественных чисел, вычисления в ЭВМ могут привести к сильному искажению результата? Ответы:
+1. Исчезновение порядка
2. Переполнение разрядной сетки ЭВМ

Вопрос 14. При каком способе округления вещественных чисел в ЭВМ возникающая абсолютная погрешность больше? Ответы:
+1. Округление урезанием
2. Правильное округление

Вопрос 15. При каком способе округления вещественных чисел в ЭВМ возникающая абсолютная погрешность не превышает половины единицы разряда, соответствующего младшей сохраняемой цифре? Ответы:
1. Усечение
+2. Правильное округление

Вопрос 16. Как определяется погрешность правильного округления вещественного числа в ЭВМ? Ответы:
1. Равна половине единицы разряда, соответствующего младшей сохраняемой цифре?
+2. Меньше или равна половине единицы разряда, соответствующего младшей сохраняемой цифре?
3. Меньше или равна единице разряда, соответствующего младшей сохраняемой цифре?
4. Меньше единицы разряда, соответствующего младшей сохраняемой цифре?

Вопрос 17. Что влияет на относительную погрешность округления вещественного числа в ЭВМ? Ответы:
1. Характеристика числа
2. Порядок числа
+3. Мантисса числа

Вопрос 18. От чего зависит величина абсолютной погрешности округления вещественного числа в ЭВМ при использовании усечения? Ответы:
+1. Значение характеристики числа
2. Знак числа
3. Значение мантиссы числа

Вопрос 19. От чего не зависит величина абсолютной погрешности округления вещественного числа в ЭВМ? Ответы:
1. Значение характеристики числа
+2. Знак числа
+3. Значение мантиссы числа

Вопрос 20. Укажите цель, которая преследуется при хранении порядка вещественного числа в смещенной форме (в виде характеристики)? Ответы:
1. Уменьшение объема занимаемой памяти
+2. Ускорение выполнения операций с вещественными числами
3. Уменьшение абсолютной погрешности при округлении
4. Уменьшение относительной погрешности при округлении

Вопрос 21. Чем обусловлена возможность ситуации возникновения машинного нуля при округлении вещественного числа в ЭВМ? Ответы:
1. Хранением порядка числа в смещенной форме
2. Ограниченной разрядностью мантиссы числа
+3. Хранением мантиссы числа в нормализованном виде

Типовые практические задания

Задание 1. Разработать алгоритм решения системы линейных алгебраических уравнений. Прямой ход реализовать путем преобразования расширенной матрицы коэффициентов

$$A' = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} & a_{1,n+1} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} & a_{2,n+1} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} & a_{n,n+1} \end{bmatrix}$$

по следующим формулам. На k-м шаге, где $k = 1,2,\dots, n-1$, сначала вычисляются элементы k-й строки:

$$C_{kj} = a_{kj}^{(k-1)} / a_{kk}^{(k-1)} \quad (j = k+1, k+2,\dots, n+1),$$

а затем определяются элементы всех строк, которые расположены ниже *k*-й строки:

$$a_{ij}^{(k)} = a_{ij}^{(k-1)} - a_{ik}^{(k-1)} C_{kj} \quad (i = k+1, k+2, \ldots, n; \quad j = k+1, k+2, \ldots, n+1).$$

Расчетные формулы обратного хода имеют вид:

$$x_n = C_{n,n+1} / C_{nn}; \quad x_i = C_{i,n+1} - \sum_{j=i+1}^{n} C_{ij} x_j \quad (i = n-1, n-2, \ldots, 1),$$

где $C_{ij} = a_{ij}^{(n-1)}$ - итоговые значения элементов матрицы *A'*.

Задание 2. Разработать алгоритм реализации прямого хода метода Гаусса с выбором главного элемента путем преобразования расширенной матрицы коэффициентов

$$A' = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \ldots & a_{1n} & a_{1,n+1} \\ a_{21} & a_{22} & \ldots & a_{2n} & a_{2,n+1} \\ \ldots & \ldots & \ldots & \ldots & \ldots \\ a_{n1} & a_{n2} & \ldots & a_{nn} & a_{n,n+1} \end{bmatrix}$$

по следующим формулам. На *k*-м шаге, где *k* = 1,2,…, *n*-1, сначала вычисляются элементы *k*-й строки:

$$C_{kj} = a_{kj}^{(k-1)} / a_{kk}^{(k-1)} \quad (j = k+1, k+2, \ldots, n+1),$$

а затем определяются элементы всех строк, которые расположены ниже *k*-й строки:

$$a_{ij}^{(k)} = a_{ij}^{(k-1)} - a_{ik}^{(k-1)} C_{kj} \quad (i = k+1, k+2, \ldots, n; \quad j = k+1, k+2, \ldots, n+1).$$

Задание 3. Разработать алгоритм получения *LU*-разложения матрицы *A* коэффициентов системы линейных алгебраических уравнений, согласно которому *A* = *LU*, где

$$L = \begin{bmatrix} l_{11} & 0 & 0 & \ldots & 0 \\ l_{21} & l_{22} & 0 & \ldots & 0 \\ \ldots & \ldots & \ldots & \ldots & \ldots \\ l_{n1} & l_{n2} & l_{n3} & \ldots & l_{nn} \end{bmatrix}; \quad U = \begin{bmatrix} 1 & u_{12} & u_{13} & \ldots & u_{1n} \\ 0 & 1 & u_{23} & \ldots & u_{2n} \\ \ldots & \ldots & \ldots & \ldots & \ldots \\ 0 & 0 & 0 & \ldots & 1 \end{bmatrix}.$$

Считать, что элементы матрицы *U* получены в результате прямого хода и являются исходными данными, а элементы матрицы *L* вычисляются следующим образом:

$$l_{i1} = a_{i1} \ (i = 1,2,\ldots, n); \ l_{ij} = a_{ij} - \sum_{k=1}^{j-1} l_{ik} u_{kj} \ (i = 1,2,\ldots, n; j = 2,3,\ldots, i).$$

Задание 4. Разработать алгоритм решения системы $A\bar{x} = \bar{b}$ линейных алгебраических уравнений методом *LU*-разложения, который сводится к решению двух систем

$$L\bar{y} = \bar{b}; \qquad U\bar{x} = \bar{y}$$

с треугольными матрицами коэффициентов

$$L = \begin{bmatrix} l_{11} & 0 & 0 & \ldots & 0 \\ l_{21} & l_{22} & 0 & \ldots & 0 \\ \ldots & \ldots & \ldots & \ldots & \ldots \\ l_{n1} & l_{n2} & l_{n3} & \ldots & l_{nn} \end{bmatrix}; \quad U = \begin{bmatrix} 1 & u_{12} & u_{13} & \ldots & u_{1n} \\ 0 & 1 & u_{23} & \ldots & u_{2n} \\ \ldots & \ldots & \ldots & \ldots & \ldots \\ 0 & 0 & 0 & \ldots & 1 \end{bmatrix}.$$

Считать, что *LU*-разложение получено, а матрицы *L* и *U* являются исходными данными. Расчетные формулы для решения системы $L\bar{y} = \bar{b}$ имеют вид:

$$y_1 = b_1 / l_{11}; \quad y_i = (b_i - \sum_{j=1}^{i-1} l_{ij} y_j) / l_{ii} \quad (i = 2, 3, \ldots, n).$$

Система $U\bar{x} = \bar{y}$ решается следующим образом:

$$x_n = y_n; \quad x_i = y_i - \sum_{j=i+1}^{n} u_{ij} x_j \quad (i = n-1, n-2, \ldots, 1).$$

Задание 5. Разработать алгоритм вычисления определителя

$$D = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{vmatrix}$$

методом Гаусса. Использовать формулу $D = (-1)^S a_{11} a_{22}^{(1)} a_{33}^{(2)} \dots a_{nn}^{(n-1)}$, где $a_{kk}^{(k-1)}$ - главные элементы прямого хода метода Гаусса (k = 1,2,…, n), s – число перестановок строк, обеспечивающих выбор ненулевых главных элементов. На k-м шаге прямого хода (где k = 1,2,…, n-1) сначала вычисляются элементы k-й строки:

$$C_{kj} = a_{kj}^{(k-1)} / a_{kk}^{(k-1)} \quad (j = k+1, k+2, \dots, n+1),$$

а затем определяются элементы всех строк, которые расположены ниже k-й строки:

$$a_{ij}^{(k)} = a_{ij}^{(k-1)} - a_{ik}^{(k-1)} C_{kj} \quad (i = k+1, k+2, \dots, n; \;\; j = k+1, k+2, \dots, n+1).$$

Задание 6. Разработать алгоритм вычисления обратной матрицы $A^{-1} = X = [x_{ij}]_{n \times n}$ методом Гаусса. Использовать равенство $AX = E$, где E – единичная матрица. Считать, что метод Гаусса уже реализован в виде подпрограммы, которую необходимо использовать.

Задание 7. Разработать алгоритм вычисления обратной матрицы $A^{-1} = X = [x_{ij}]_{n \times n}$ методом LU-разложения. Использовать равенство $AX = E$, где E – единичная матрица. Считать, что процедуры получения матриц L и U, а также решения систем $L\bar{y} = \bar{b}$ и $U\bar{x} = \bar{y}$, уже реализованы в виде подпрограмм, которые необходимо использовать.

Задание 8. Разработать алгоритм решения системы линейных алгебраических уравнений

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n = b_1; \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n = b_2; \\ - - - - - - - - - - - - - - - - \\ a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \dots + a_{nn}x_n = b_n \end{cases}$$

методом последовательных приближений Якоби. Использовать расчетную формулу

$$x_i^{(k)} = (b_i - \sum_{j=1}^{i-1} a_{ij} x_j^{(k-1)} - \sum_{j=i+1}^{n} a_{ij} x_j^{(k-1)}) / a_{ii} \quad (i = 1,2,\dots, n),$$

и условие окончания итераций

$$\max \left| x_i^{(k)} - x_i^{(k-1)} \right| \le \varepsilon \quad (i = \overline{1,n}),$$

где k – номер итерации, ε - заданная погрешность результата.

Задание 9. Разработать алгоритм решения системы линейных алгебраических уравнений

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n = b_1; \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n = b_2; \\ - - - - - - - - - - - - - - - - \\ a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \dots + a_{nn}x_n = b_n \end{cases}$$

методом Зейделя. Использовать расчетную формулу

$$x_i^{(k)} = (b_i - \sum_{j=1}^{i-1} a_{ij} x_j^{(k)} - \sum_{j=i+1}^{n} a_{ij} x_j^{(k-1)}) / a_{ii} \quad (i = 1,2,\dots, n),$$

и условие окончания итераций

$$\max \left| x_i^{(k)} - x_i^{(k-1)} \right| \le \varepsilon \quad (i = \overline{1,n})$$

где k – номер итерации, ε - заданная погрешность результата.

Задание 10. Разработать алгоритм уточнения корней нелинейного уравнения $f(x)$ = 0

методом половинного деления. Корень отделен и находится на отрезке [*a, b*], необходимая погрешность результата равна ε.

Задание 11. Разработать алгоритм уточнения корней нелинейного уравнения $f(x) = 0$ методом касательных. Корень отделен и находится на отрезке [*a, b*], заданная погрешность результата равна ε. Начальное приближение $x_0 \in [a, b]$ должно удовлетворять условию $f(x_0)f''(x_0) < 0$, расчетная формула метода имеет вид:

$$x_i = x_{i-1} - f(x_{i-1})/f'(x_{i-1}),\ i = 1, 2, \ldots .$$

Считать, что для вычисления производной используется готовая подпрограмма, которую разрабатывать не требуется.

Задание 12. Разработать алгоритм уточнения корней нелинейного уравнения $f(x) = 0$ методом хорд. Корень отделен и находится на отрезке [*a, b*], заданная погрешность результата равна ε. Если $f(b)f''(b) > 0$, то используется расчетная формула

$$x_i = x_{i-1} - \frac{b - x_{i-1}}{f(b) - f(x_{i-1})} f(x_{i-1}); \quad x_0 = a; \quad i = 1,2, \ldots,$$

если $f(a)f''(a) > 0$, то формула

$$x_i = x_{i-1} - \frac{x_{i-1} - a}{f(x_{i-1}) - f(a)} f(x_{i-1}); \quad x_0 = b; \quad i = 1,2, \ldots .$$

Считать, что для вычисления производной используется готовая подпрограмма, которую разрабатывать не требуется.

Задание 13. Разработать алгоритм уточнения корней нелинейного уравнения f(x) = 0 методом последовательных приближений. Корень отделен и находится на отрезке [a, b], заданная погрешность результата равна ε. Для завершения итераций использовать следующее условие:

$$|x_i - x_{i-1}| < \left|\frac{1-\tilde{q}}{\tilde{q}}\right|\varepsilon; \quad \tilde{q} = \frac{x_i - x_{i-1}}{x_{i-1} - x_{i-2}}.$$

Задание 14. Разработать алгоритм решения системы нелинейных уравнений

$$\begin{cases} x_1 = \varphi_1(x_1, x_2, \ldots, x_n); \\ x_2 = \varphi_2(x_1, x_2, \ldots, x_n); \\ \text{----------} \\ x_n = \varphi_n(x_1, x_2, \ldots, x_n) \end{cases}$$

методом простой итерации. Использовать следующее условие окончания итераций

$$\max \left|x_i^{(k)} - x_i^{(k-1)}\right| \le 0{,}1\varepsilon \quad (i = \overline{1,n})$$

Задание 15. Разработать алгоритм вычисления приближенного значения функции, заданной таблицей $y_i = f(x_i)$, $i = 0,1,\ldots, n$, для значения аргумента $z \in (x_0, x_n)$ с использованием интерполяционной формулы Лагранжа:

$$L_n(x) = \sum_{i=0}^{n} y_i P_i^{(n)}(x); \quad P_i^{(n)}(x) = \frac{(x-x_0)(x-x_1)\ldots(x-x_{i-1})(x-x_{i+1})\ldots(x-x_n)}{(x_i-x_0)(x_i-x_1)\ldots(x_i-x_{i-1})(x_i-x_{i+1})\ldots(x_i-x_n)}.$$

Задание 16. Разработать алгоритм вычисления приближенного значения функции, заданной таблицей $y_i = f(x_i)$, $i = 0,1,\ldots, n$, для значения аргумента $z \in (x_0, x_n)$ с использованием интерполяционной схемы Эйткена:

$$P_{0,1,2,\ldots,n}(x) = \frac{1}{x_n - x_0}\begin{vmatrix} P_{0,1,2,\ldots,n-1}(x) & x_0 - x \\ P_{1,2,3,\ldots,n}(x) & x_n - x \end{vmatrix}; \quad P_{i,i+1}(x) = \frac{1}{x_{i+1} - x_i}\begin{vmatrix} y_i & x_i - x \\ y_{i+1} & x_{i+1} - x \end{vmatrix}.$$

Условие завершения вычислений: $|P_{0,1,\ldots,k}(x) - P_{0,1,\ldots,k+1}(x)| < \varepsilon$.

Задание 17. Разработать алгоритм вычисления приближенных значений первой производной функции, заданной таблицей $y_i = f(x_i)$, $i = 0,1,\ldots, n$, для которой $x_0 < x_1 < \ldots < x_n$, а раз-

ность между соседними значениями аргумента $h = x_i - x_{i-1}$ ($i = 1,2,\ldots, n$) является постоянной. Использовать формулу на основе левых конечных разностей:

$$y'(x_i) \approx \frac{\Delta y_i}{h};\ \Delta y_i = y_i - y_{i-1}.$$

Задание 18. Разработать алгоритм вычисления приближенных значений первой производной функции, заданной таблицей $y_i = f(x_i)$, $i = 0,1,\ldots, n$, для которой $x_0 < x_1 < \ldots < x_n$, а разность между соседними значениями аргумента $h = x_i - x_{i-1}$ ($i = 1,2,\ldots, n$) является постоянной. Использовать формулу на основе правых конечных разностей:

$$y'(x_i) \approx \frac{\Delta y_i}{h};\ \Delta y_i = y_{i+1} - y_i.$$

Задание 19. Разработать алгоритм вычисления приближенных значений первой производной функции, заданной таблицей $y_i = f(x_i)$, $i = 0,1,\ldots, n$, для которой $x_0 < x_1 < \ldots < x_n$, а разность между соседними значениями аргумента $h = x_i - x_{i-1}$ ($i = 1,2,\ldots, n$) является постоянной. Использовать формулу на основе центральных конечных разностей:

$$y'(x_i) \approx \frac{\Delta y_i}{2h};\ \Delta y_i = y_{i+1} - y_{i-1}.$$

Задание 20. Разработать алгоритм вычисления приближенных значений второй производной функции, заданной таблицей $y_i = f(x_i)$, $i = 0,1,\ldots, n$, для которой $x_0 < x_1 < \ldots < x_n$, а разность между соседними значениями аргумента $h = x_i - x_{i-1}$ ($i = 1,2,\ldots, n$) является постоянной. Использовать формулы на основе левых и правых конечных разностей:

$$y''(x_i) \approx \frac{\Delta y'_i}{h};\ \Delta y'_i = y'_{i+1} - y'_i;\ \ y'_{i+1} = y'(x_{i+1}) \approx \frac{y_{i+1} - y_i}{h};\ y'_i = y'(x_i) \approx \frac{y_i - y_{i-1}}{h}.$$

Задание 21. Разработать алгоритм вычисления приближенного значения определенного интеграла по квадратурной формуле центральных прямоугольников:

$$\int_a^b f(x)dx \approx h\sum_{i=1}^{n} f(x_{i-1} + h/2);\ h = (b - a)/n.$$

Задание 22. Разработать алгоритм вычисления приближенного значения определенного интеграла по квадратурной формуле трапеций:

$$\int_a^b f(x)dx \approx h\left[\frac{f(x_0) + f(x_n)}{2} + \sum_{i=1}^{n-1} f(x_i)\right];\ h = (b - a)/n.$$

Задание 23. Разработать алгоритм вычисления приближенного значения определенного интеграла по квадратурной формуле Симпсона:

$$\int_a^b f(x)dx \approx \frac{h}{6}[f(x_0) + f(x_n) + 4\sum_{i=1}^{n} f(x_{i-1/2}) + 2\sum_{i=1}^{n-1} f(x_i)];\ h = (b - a)/n;\ x_{i-1/2} = x_{i-1} + h/2.$$

Задание 24. Разработать алгоритм вычисления приближенного значения определенного интеграла по квадратурной формуле Симпсона (для четного числа n):

$$\int_a^b f(x)dx \approx \frac{h}{3}[f(x_0) + f(x_{2m}) + 4\sum_{i=1}^{m} f(x_{2i-1}) + 2\sum_{i=1}^{m-1} f(x_{2i})];\ h = (b - a)/n.$$

Задание 25. Разработать алгоритм вычисления значения определенного интеграла

$$I = \int_a^b f(x)dx$$

с заданной погрешностью результата ε на основе метода двойного пересчета. Для завершения итераций использовать условие на основе правила Рунге:

$$\frac{1}{2^k - 1}\left|I(h) - I(h/2)\right| < \varepsilon.$$

Определение приближенных значений интеграла $I(h)$, $I(h/2)$ с шагом $h = (b - a)/n$ и $h/2$ соответственно выполняется обращением к готовой подпрограмме, в которой реализована квадратурная формула, имеющая порядок точности k.

Типовые теоретические вопросы

1. Математические модели технических объектов и вычислительные задачи.
2. Особенности инженерных задач и этапы их решения на ЭВМ
3. Разработка математических моделей задач, решаемых на ЭВМ
4. Источники и виды погрешностей при численном решении инженерных задач
5. Абсолютные и относительные погрешности приближенных чисел. Правила округления
6. Погрешности суммы и разности приближенных чисел
7. Погрешности произведения и частного приближенных чисел
8. Погрешности функций приближенных аргументов
9. Обратная задача теории погрешностей
10. Представление числовых данных в ЭВМ
11. Влияние машинного представления вещественных чисел на вычислительную погрешность
12. Корректность вычислительной задачи
13. Обусловленность вычислительной задачи
14. Основные классы вычислительных методов, применяемых для решения инженерных задач
15. Основные требования к вычислительным алгоритмам. Корректность вычислительного алгоритма
16. Основные требования к вычислительным алгоритмам. Экономичность вычислительного алгоритма
17. Общая характеристика задачи и методов решения систем линейных алгебраических уравнений
18. Метод Гаусса решения систем линейных алгебраических уравнений
19. LU-разложение и модификации метода Гаусса решения систем линейных алгебраических уравнений
20. Вычисление определителей
21. Вычисление обратных матриц
22. Обусловленность задачи решения систем линейных алгебраических уравнений
23. Итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений. Методы Якоби и Зейделя.
24. Определение собственных значений и собственных векторов матриц
25. Этапы решения нелинейных уравнений. Методы половинного деления и последовательных приближений
26. Этапы решения нелинейных уравнений. Методы хорд и касательных
27. Этапы решения систем нелинейных уравнений. Метод Ньютона
28. Постановка задачи и сравнительная характеристика методов интерполяции функций
29. Полиномиальная интерполяция. Формула Лагранжа
30. Полиномиальная интерполяция. Метод Эйткена
31. Полиномиальная интерполяция. Формулы Ньютона
32. Полиномиальная интерполяция. Интерполяционный многочлен Ньютона с разделенными разностями.
33. Кусочно-полиномиальная интерполяция. Интерполяционный многочлен Эрмита
34. Кусочно-полиномиальная интерполяция. Интерполяция сплайнами
35. Вычисление производных по определению и с помощью конечных разностей
36. Вычисление производных на основе интерполяционных многочленов Лагранжа
37. Численное интегрирование. Квадратурные формулы прямоугольников и трапеций
38. Численное интегрирование. Квадратурная формула Симпсона
39. Численное интегрирование. Оценки погрешностей квадратурных формул и построение вычислительных процедур

40. Численное решение обыкновенных дифференциальных уравнений методом Эйлера
41. Модифицированный метод Эйлера решения обыкновенных дифференциальных уравнений
42. Численное решение обыкновенных дифференциальных уравнений методом Рунге-Кутта
43. Задача среднеквадратичного приближения функций. Метод наименьших квадратов

Типовые вопросы к лабораторным и практическим занятиям

1. Какие источники и виды погрешностей влияют на результаты вычислений на ЭВМ?
2. Как определяются абсолютная и предельная абсолютная погрешности приближенного числа?
3. Как определяются относительная и предельная относительная погрешности приближенного числа?
4. Как определяются значащая и верная цифры приближенного числа?
5. Каким образом погрешность приближенного числа зависит от количества верных цифр?
6. По каким правилам производится округление вещественных чисел?
7. Как вычисляются погрешности суммы и разности приближенных чисел?
8. Как вычисляются погрешности произведения и частного приближенных чисел?
9. Как вычисляется погрешность функции одной переменной для приближенного аргумента?
10. Каким образом определяется погрешность функции нескольких аргументов?
11. В чем заключается обратная задача теории погрешностей?
12. В каком случае система линейных алгебраических уравнений имеет единственное решение?
13. Как можно классифицировать существующие методы решения систем линейных алгебраических уравнений?
14. В чем заключается идея метода Гаусса?
15. Сколько итераций требуется для прямого хода метода Гаусса?
16. Почему при использовании метода Гаусса значения корней вычисляются в порядке, обратном их нумерации?
17. В чем заключается метод LU–разложения и каковы его преимущества?
18. Какие этапы включает метод прогонки? Для решения каких систем уравнений он применяется?
19. За счет чего достигается низкая вычислительная сложность метода прогонки?
20. При каких условиях вычисления по методу прогонки гарантируют получение результата?
21. Какие особенности имеют итерационные методы решения систем линейных уравнений?
22. Каким образом система линейных алгебраических уравнений приводится к нормальному виду?
23. Что понимается под сходимостью итерационных процессов для методов Якоби и Зейделя?
24. Как показать сходимость итерационных методов для системы линейных уравнений, приведенной к нормальному виду?
25. В чем заключаются преимущества и недостатки прямых и итерационных методов решения систем линейных алгебраических уравнений?
26. Как определяется погрешность приближений корней, полученных с помощью итерационных методов решения систем линейных уравнений?
27. Какие свойства определителей используются при их вычислении методами вычислительной математики?

28. Какой метод используется при вычислении определителей?
29. Как вычисляется обратная матрица? Какие методы могут использоваться?
30. Из каких этапов состоит процесс приближенного решения нелинейных уравнений?
31. Что такое корень уравнения f(x) = 0 и как он определяется графически?
32. Какие методы отделения корней нелинейных уравнений используются в инженерной практике?
33. Как определяется погрешность вычислений при уточнении корней нелинейных уравнений?
34. При каких условиях можно найти корень уравнения методом половинного деления?
35. Как формулируются условия завершения итерационных процессов в методах уточнения корней нелинейных уравнений?
36. Как осуществляется выбор начальных приближений корней в методах хорд, касательных и простой итерации?
37. Почему метод хорд является более быстрым, чем метод половинного деления?
38. Каковы сравнительные характеристики методов уточнения корней уравнений по скорости сходимости, универсальности и сложности реализации?
39. В чем заключается геометрический смысл метода простой итерации?
40. Как определяются условия сходимости метода простой итерации?
41. Из каких этапов состоит процесс приближенного решения систем нелинейных уравнений?
42. Каким образом реализуется графический метод локализации корней при решении системы двух нелинейных уравнений?
43. Каким образом оценивается погрешность приближенных решений, получаемых при использовании методов простой итерации и Ньютона?
44. Как определяются условия сходимости метода простой итерации при решении систем нелинейных уравнений?
45. Каким образом получены расчетные формулы метода Ньютона для решения систем нелинейных уравнений?
46. Как вычисляется норма матрицы Якоби при оценке сходимости метода простой итерации?
47. Какие особенности имеет упрощенный метода Ньютона для решения систем нелинейных уравнений и как они влияют на скорость сходимости?
48. Как выбор начального приближения влияет на сходимость методов уточнения решений для систем нелинейных уравнений?
49. Каковы сравнительные характеристики методов простой итерации и Ньютона для решения систем нелинейных уравнений по скорости сходимости, универсальности и сложности реализации?
50. Как определяются условия сходимости метода простой итерации?
51. Чем обусловлена необходимость решения задачи интерполяции?
52. Как формулируется задача интерполяции функций?
53. Как интерпретировать задачу интерполяции геометрически?
54. В чем смысл линейной интерполяции? Как она реализуется?
55. В чем заключаются достоинства и недостатки интерполяционной формулы Лагранжа?
56. В чем заключаются достоинства и недостатки интерполяционной формулы Эйткена?
57. Как вычисляются конечные разности, для каких целей они используются?
58. Как вычисляются разделенные разности, для каких целей они используются?
59. В чем заключаются достоинства и недостатки интерполяционных формул Ньютона для равноотстоящих и произвольно расположенных узлов?
60. Как выполняется оценка погрешности интерполирования по формулам Ньютона?
61. Каким образом вычисляются коэффициенты кубического многочлена Эрмита?
62. В каких случаях используется численное дифференцирование?
63. Каким образом определяются производные с помощью конечных разностей?

64. В чем заключается геометрический смысл использования конечных разностей для вычисления производных функции?
65. Каким образом осуществляется вычисление производных на основе первой интерполяционной формулы Ньютона?
66. Каким образом осуществляется вычисление производных на основе интерполяционных многочленов Лагранжа?
67. Каким образом порядок многочлена Лагранжа влияет на точность вычисления производных?
68. В каких случаях прибегают к численному интегрированию?
69. В чем состоит геометрический смысл квадратурных формул?
70. Что показывает остаточный член квадратурной формулы?
71. Почему формулы левых и правых прямоугольников очень редко используются для вычисления определенного интеграла?
72. Какой геометрический смысл имеет квадратурная формула центральных прямоугольников?
73. Какой геометрический смысл имеет квадратурная формула трапеций?
74. Какой геометрический смысл имеет квадратурная формула Симпсона?
75. Какой геометрический смысл имеет квадратурная формула Ньютона?
76. Каким образом реализуется автоматический выбор шага интегрирования?
77. Каким образом оценивается погрешность процедур численного интегрирования?

Типовые задания для практической и самостоятельной работы

Практические задания

1. Разработать программу уточнения корней нелинейного уравнения методом половинного деления средствами пакета MathCAD.
2. Разработать программу уточнения корней нелинейного уравнения методом хорд средствами пакета MathCAD.
3. Разработать программу уточнения корней нелинейного уравнения методом Ньютона средствами пакета MathCAD.
4. Разработать программу уточнения корней нелинейного уравнения методом простой итерации средствами пакета MathCAD.
5. Реализовать решение задачи кусочно-линейной интерполяции средствами пакета MathCAD.
6. Разработать программу интерполяции сплайнами на языке высокого уровня.
7. Разработать программу определения собственных значений матрицы степенным методом на языке высокого уровня.
8. Реализовать вычислений обратных матриц средствами электронных таблиц в пакете Excel.
9. Реализовать приближение функций по методу наименьших квадратов средствами электронных таблиц в пакете Excel.
10. Разработать программу определения собственных значений матрицы степенным методом на языке высокого уровня.
11. Разработать программу решения систем линейных алгебраических уравнений по схеме Халецкого на языке высокого уровня.
12. Разработать программу решения систем линейных алгебраических уравнений методом статистических испытаний на языке высокого уровня.
13. Разработать программу вычисления определенных интегралов методом статистических испытаний на языке высокого уровня.
14. Разработать программу вычисления кратных интегралов методом статистических испытаний на языке высокого уровня.

Теоретические задания (*темы рефератов*)

1. Оценка погрешностей округления для различных форматов представления вещественных чисел в ЭВМ.
2. Вероятностная оценка погрешностей.
3. Вычисление значений полиномов по схеме Горнера.
4. Корректность вычислительной задачи.
5. Обусловленность вычислительной задачи.
6. Устойчивость вычислительного алгоритма.
7. Требования к вычислительным алгоритмам по времени реализации и затратам памяти.
8. Методы оценки вычислительной сложности алгоритмов.
9. Сравнительный анализ вычислительных алгоритмов с полиномиальной и экспоненциальными оценками вычислительной сложности.
10. Преобразование систем линейных алгебраических уравнений к виду, обеспечивающему сходимость итерационных методов решения.
11. Определение собственных значений матрицы степенным методом.
12. Решение систем линейных алгебраических уравнений по схеме Халецкого.
13. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом статистических испытаний.
14. Вычисление определенных интегралов методом статистических испытаний.
15. Вычисление кратных интегралов методом статистических испытаний.
16. Тригонометрическая интерполяция.
17. Равномерное приближение функций.
18. Программирование в пакете MathCAD.
19. Решение инженерных математических задач средствами электронных таблиц (на примере пакета Excel).

Типовые задания на контрольную работу (для заочной формы обучения)

Задание 1. Найти предельные абсолютные и относительные погрешности чисел, если они имеют только верные цифры.

Вариант	Задание		Вариант	Задание	
1.1	а) 0,2387	б) 42,884	1.2	а) 3,751	б) 0,537
1.3	а) 11,445	б) 2,043	1.4	а) 2,3445	б) 0,745
1.5	а) 8,345	б) 0,288	1.6	а) 12,45	б) 3,4453
1.7	а) 0,374	б) 4,348	1.8	а) 20,43	б) 0,576
1.9	а) 41,72	б) 0,678	1.10	а) 5,634	б) 0,0748
1.11	а) 18,357	б) 2,16	1.12	а) 0,5746	б) 236,58
1.13	а) 14,862	б) 8,73	1.14	а) 0,3648	б) 21,7
1.15	а) 2,4516	б) 0,863	1.16	а) 62,74	б) 0,389
1.17	а) 5,6432	б) 0,00858	1.18	а) 0,0384	б) 63,745
1.19	а) 12,688	б) 4,636	1.20	а) 6,743	б) 0,543
1.21	а) 431,172	б) 10,6078	1.22	а) 25,4405	б) 103,45
1.23	а) 1,03547	б) 2261,16	1.24	а) 12,45	б) 31,4053
1.25	а) 0,8562	б) 81,7983	1.26	а) 20,43	б) 0,01576

Задание 2. По заданной формуле вычислить результат и определить его абсолютную и относительную погрешности.

Вариант	Формула	Исходные данные
2.1	$x = \left[\frac{(a+b)c}{m-n}\right]^2$	a = 4,3(±0,05); b = 17,21(±0,02); c = 8,2(±0,05); m = 12,417(±0,003); n = 8,37(±0,005)
2.2	$x = \frac{m^3(a+b)}{c-d}$	a = 13,5(±0,02); b = 3,7(±0,02); m = 4,22(±0,004); c = 34,5(±0,02); d = 23,752(±0,005)
2.3	$x = \frac{a^2b}{c}$	a = 3,456(±0,002); b = 0,642(±0,0005); c = 7,12(±0,004)
2.4	$x = \frac{ab^3}{c}$	a = 0,643(±0,0005); b = 2,17(±0,002); c = 5,843(±0,001)
2.5	$x = \frac{ab}{c^2}$	a = 0,3575(±0,0002); b = 2,63(±0,01); c = 0,854(±0,0005)
2.6	$y = \frac{m^2n}{c^3}$	m = 1,6531(±0,0003); n = 3,78(±0,002); c = 0,158(±0,0005)
2.7	$f = \frac{Qe^3}{48E}$	Q = 54,8(±0,02); e = 2,45(±0,01); E = 0,863(±0,004)
2.8	$Q = \frac{(2n-1)^2(x+y)}{x-y}$	n = 2,0435(±0,0001); x = 4,2(±0,05); y = 0,85(±0,01)
2.9	$z = \left[\frac{(y+p)}{k-l}\right]^2$	y = 5,2(±0,04); p = 15,32(±0,01); q = 7,5(±0,05); k = 21,823(±0,002); l = 7,56(±0,003)
2.10	$y = \frac{k(x+z)}{(a-b)^2}$	k = 0,64(±0,004); x = 3,236(±0,002); z = 15,8(±0,03); a = 12,415(±0,003); b = 7,18(±0,006)
2.11	$t = \frac{r^2s}{k^3}$	r = 2,348(±0,002); s = 4,37(±0,004); k = 0,235(±0,0003);
2.12	$w = \frac{dx^3}{g}$	d = 0,142(±0,0003); x = 1,71(±0,002); g = 3,727(±0,001)
2.13	$y = \frac{n^3(z+u)}{s-r}$	z = 18,5(±0,03); u = 5,6(±0,02); n = 3,42(±0,003); s = 26,3(±0,01); r = 14,782(±0,006)
2.14	$d = \frac{sq}{k^2}$	s = 0,1756(±0,0001); q = 3,71(±0,03); k = 0,285(±0,0002)
2.15	$y = \frac{b^2c}{d}$	b = 1,245(±0,001); c = 0,121(±0,0002); d = 2,34(±0,003)
2.16	$a = \frac{mF^3}{51t}$	m = 38,5(±0,01); F = 3,35(±0,02); t = 0,734(±0,001)
2.17	$Q = \frac{(s+k)(2d-1)^2}{s-k}$	s = 4,2(±0,05); k = 0,85(±0,01); d = 2,0435(±0,0001)
2.18	$z = \frac{(x+y)n^3}{a-b}$	x = 11,8(±0,02); y = 7,4(±0,03); n = 5,82(±0,005); a = 26,7(±0,03); b = 11,234(±0,004)
2.19	$x = \frac{(a+b)m}{(c-d)^2}$	a = 2,754(±0,001); b = 11,7(±0,04); m = 0,56(±0,005); c = 10,536(±0,002); d = 6,32(±0,008)
2.20	$V = \frac{\pi^2}{4}Dd^2$	π = 3,14; D = 54(±0,5); d = 8,235(±0,001)

2.21	$y = \frac{n^2(z-u)}{s+2r}$	z = 12,5(±0,02); u = 2,3(±0,03); n = 3,25(±0,002); s = 21,8(±0,01); r = 11,702(±0,005)
2.22	$y = \frac{b^3c}{3d}$	b = 2,247(±0,001); c = 0,221(±0,0002); d = 2,34(±0,003)
2.23	$x = \frac{m^2(a+2b)}{3c-d}$	a = 16,5(±0,02); b = 3,9(±0,02); m = 4,12(±0,003); c = 31,5(±0,02); d = 19,752(±0,005)
2.24	$d = \frac{s+5q}{k^2}$	s = 0,1496(±0,0001); q = 3,21(±0,03); k = 0,485(±0,0002)
2.25	$Q = \frac{(2n-1)(3x-y)}{2(x-y)}$	n = 2,0413(±0,0001); x = 4,7(±0,05); y = 0,76(±0,01)
2.26	$y = \frac{m^3n}{(c+1)^2}$	m = 2,6381(±0,0003); n = 5,43(±0,002); c = 0,358(±0,0004)

Задание 3. Используя метод Гаусса, решить систему уравнений с точностью до 0,01. Выполнить проверку полученных результатов.

Вариант	Задание	Вариант	Задание
3.1	$4{,}4x_1 - 2{,}5x_2 + 19{,}2x_3 - 10{,}8x_4 = 4{,}3$ $5{,}5x_1 - 9{,}3x_2 - 14{,}2x_3 + 13{,}2x_4 = 6{,}8$ $7{,}1x_1 - 11{,}5x_2 + 5{,}3x_3 - 6{,}7x_4 = -1{,}8$ $14{,}2x_1 + 23{,}4x_2 - 8{,}8x_3 + 5{,}3x_4 = 7{,}2$	3.2	$8{,}2x_1 - 3{,}2x_2 + 14{,}2x_3 + 14{,}8x_4 = -8{,}4$ $5{,}6x_1 - 12x_2 + 15x_3 - 6{,}4x_4 = 4{,}5$ $5{,}7x_1 + 3{,}6x_2 - 12{,}4x_3 - 2{,}3x_4 = 3{,}3$ $6{,}8x_1 + 13{,}2x_2 - 6{,}3x_3 - 8{,}7x_4 = 14{,}3$
3.3	$5{,}7x_1 - 7{,}8x_2 - 5{,}6x_3 - 8{,}3x_4 = 2{,}7$ $6{,}6x_1 + 13{,}1x_2 - 6{,}3x_3 + 4{,}3x_4 = -5{,}5$ $14{,}7x_1 - 2{,}8x_2 + 5{,}6x_3 - 12{,}1x_4 = 8{,}6$ $8{,}5x_1 + 12{,}7x_2 - 23{,}7x_3 + 5{,}7x_4 = 14{,}7$	3.4	$3{,}8x_1 + 14{,}2x_2 + 6{,}3x_3 - 15{,}5x_4 = 2{,}8$ $8{,}3x_1 - 6{,}6x_2 + 5{,}8x_3 + 12{,}2x_4 = -4{,}7$ $6{,}4x_1 - 8{,}5x_2 - 4{,}3x_3 + 8{,}8x_4 = 7{,}7$ $17{,}1x_1 - 8{,}3x_2 + 14{,}4x_3 - 7{,}2x_4 = 13{,}5$
3.5	$15{,}7x_1 + 6{,}6x_2 - 5{,}7x_3 + 11{,}5x_4 = -2{,}4$ $8{,}8x_1 - 6{,}7x_2 + 5{,}5x_3 - 4{,}5x_4 = 5{,}6$ $6{,}3x_1 - 5{,}7x_2 - 23{,}4x_3 + 6{,}6x_4 = 7{,}7$ $14{,}3x_1 + 8{,}7x_2 - 15{,}7x_3 - 5{,}8x_4 = 23{,}4$	3.6	$4{,}3x_1 - 12{,}1x_2 + 23{,}2x_3 - 14{,}1x_4 = 15{,}5$ $2{,}4x_1 - 4{,}4x_2 + 3{,}5x_3 + 5{,}5x_4 = 2{,}5$ $5{,}4x_1 + 8{,}3x_2 - 7{,}4x_3 - 12{,}7x_4 = 8{,}6$ $6{,}3x_1 - 7{,}6x_2 + 1{,}34x_3 + 3{,}7x_4 = 12{,}1$
3.7	$1{,}4x_1 + 2{,}1x_2 - 3{,}3x_3 + 1{,}1x_4 = 10$ $10x_1 - 1{,}7x_2 + 1{,}1x_3 - 1{,}5x_4 = 1{,}7$ $2{,}2x_1 + 34{,}4x_2 - 1{,}1x_3 - 1{,}2x_4 = 20$ $1{,}1x_1 + 1{,}3x_2 + 1{,}2x_3 + 1{,}4x_4 = 1{,}3$	3.8	$1{,}7x_1 + 10x_2 - 1{,}3x_3 + 2{,}1x_4 = 3{,}1$ $3{,}1x_1 + 1{,}7x_2 - 2{,}1x_3 + 5{,}4x_4 = 2{,}1$ $3{,}3x_1 - 7{,}7x_2 + 4{,}4x_3 - 5{,}1x_4 = 1{,}9$ $10x_1 - 20{,}1x_2 + 20{,}4x_3 + 1{,}7x_4 = 1{,}8$
3.9	$1{,}7x_1 - 1{,}8x_2 + 1{,}9x_3 - 57{,}4x_4 = 10$ $1{,}1x_1 - 4{,}3x_2 + 1{,}5x_3 - 1{,}7x_4 = 19$ $1{,}2x_1 + 1{,}4x_2 + 1{,}6x_3 + 1{,}8x_4 = 20$ $7{,}1x_1 - 1{,}3x_2 - 4{,}1x_3 + 5{,}2x_4 = 10$	3.10	$6{,}1x_1 + 6{,}2x_2 - 6{,}3x_3 + 6{,}4x_4 = 6{,}5$ $1{,}1x_1 - 1{,}5x_2 + 2{,}2x_3 - 3{,}8x_4 = 4{,}2$ $5{,}1x_1 - 5x_2 + 4{,}9x_3 - 4{,}8x_4 = 4{,}7$ $1{,}8x_1 + 1{,}9x_2 + 2x_3 - 2{,}1x_4 = 2{,}2$
3.11	$2{,}2x_1 - 3{,}1x_2 + 4{,}2x_3 - 5{,}1x_4 = 6{,}01$ $1{,}3x_1 + 2{,}2x_2 - 1{,}4x_3 + 1{,}5x_4 = 10$ $6{,}2x_1 - 7{,}4x_2 + 8{,}5x_3 - 9{,}6x_4 = 1{,}1$ $1{,}2x_1 + 1{,}3x_2 + 1{,}4x_3 + 4{,}5x_4 = 1{,}6$	3.12	$35{,}8x_1 + 2{,}1x_2 - 34{,}5x_3 - 11{,}8x_4 = 0{,}5$ $27{,}1x_1 - 7{,}5x_2 + 11{,}7x_3 - 23{,}5x_4 = 12{,}8$ $11{,}7x_1 + 1{,}8x_2 - 6{,}5x_3 + 7{,}1x_4 = 1{,}7$ $6{,}3x_1 + 10x_2 + 7{,}1x_3 + 3{,}4x_4 = 20{,}8$
3.13	$35{,}1x_1 + 1{,}7x_2 + 37{,}5x_3 - 2{,}8x_4 = 7{,}5$ $45{,}2x_1 + 21{,}2x_2 - 1{,}1x_3 - 1{,}2x_4 = 11{,}1$ $-21{,}1x_1 + 31{,}7x_2 + 1{,}2x_3 - 1{,}5x_4 = 2{,}1$ $31{,}7x_1 + 18{,}1x_2 - 31{,}7x_3 + 2{,}2x_4 = 0{,}5$	3.14	$1{,}1x_1 + 11{,}2x_2 + 11{,}1x_3 - 13{,}1x_4 = 1{,}3$ $-3{,}3x_1 + 1{,}1x_2 + 30{,}1x_3 - 20{,}1x_4 = 1{,}1$ $7{,}5x_1 + 1{,}3x_2 + 1{,}1x_3 + 10x_4 = 20$ $1{,}7x_1 + 7{,}5x_2 - 1{,}8x_3 + 2{,}1x_4 = 1{,}1$
3.15	$7{,}5x_1 + 1{,}8x_2 - 2{,}1x_3 - 7{,}7x_4 = 1{,}1$ $-10x_1 + 1{,}3x_2 - 20x_3 - 1{,}4x_4 = 1{,}5$ $2{,}8x_1 - 1{,}7x_2 + 3{,}9x_3 + 4{,}8x_4 = 1{,}2$	3.16	$30{,}1x_1 - 1{,}4x_2 + 10x_3 - 1{,}5x_4 = 10$ $-17{,}5x_1 + 11{,}1x_2 + 1{,}3x_3 - 7{,}5x_4 = 1{,}3$ $1{,}7x_1 - 21{,}1x_2 + 7{,}1x_3 - 17{,}1x_4 = 10$

	$10x_1 + 31{,}4x_2 - 2{,}1x_3 - 10x_4 = -1{,}1$		$2{,}1x_1 + 2{,}1x_2 + 3{,}5x_3 + 3{,}3x_4 = 1{,}7$
3.17	$7{,}3x_1 - 8{,}1x_2 + 12{,}7x_3 - 6{,}7x_4 = 8{,}8$ $11{,}5x_1 + 6{,}2x_2 - 8{,}3x_3 + 9{,}2x_4 = 21{,}5$ $8{,}2x_1 - 5{,}4x_2 + 4{,}3x_3 - 2{,}5x_4 = 6{,}2$ $2{,}4x_1 + 11{,}5x_2 - 3{,}3x_3 + 14{,}2x_4 = -6{,}2$	3.18	$4{,}8x_1 + 12{,}5x_2 - 6{,}3x_3 - 9{,}7x_4 = 3{,}5$ $22x_1 - 31{,}7x_2 + 12{,}4x_3 - 8{,}7x_4 = 4{,}6$ $15x_1 + 21{,}1x_2 - 4{,}5x_3 + 14{,}4x_4 = 15$ $8{,}6x_1 - 14{,}4x_2 + 6{,}2x_3 + 2{,}8x_4 = -1{,}2$
3.19	$6{,}4x_1 + 7{,}2x_2 - 8{,}3x_3 + 42x_4 = 2{,}23$ $5{,}8x_1 - 8{,}3x_2 + 14{,}3x_3 - 6{,}2x_4 = 17{,}1$ $8{,}6x_1 + 7{,}7x_2 - 18{,}3x_3 + 8{,}8x_4 = -5{,}4$ $13{,}2x_1 - 5{,}2x_2 - 6{,}5x_3 + 12{,}2x_4 = 6{,}5$	3.20	$14{,}2x_1 + 3{,}2x_2 - 4{,}2x_3 + 8{,}5x_4 = 13{,}2$ $6{,}3x_1 - 4{,}3x_2 + 12{,}7x_3 - 5{,}8x_4 = -4{,}4$ $8{,}4x_1 - 22{,}3x_2 - 5{,}2x_3 + 4{,}7x_4 = 6{,}4$ $2{,}7x_1 + 13{,}7x_2 + 6{,}4x_3 - 12{,}7x_4 = 8{,}5$
3.21	$7{,}3x_1 + 12{,}4x_2 - 3{,}8x_3 - 14{,}3x_4 = 5{,}8$ $10{,}7x_1 - 7{,}7x_2 + 12{,}5x_3 + 6{,}6x_4 = -6{,}6$ $15{,}6x_1 + 6{,}6x_2 + 14{,}4x_3 - 8{,}7x_4 = 12{,}4$ $7{,}5x_1 + 12{,}2x_2 - 8{,}3x_3 + 3{,}7x_4 = 9{,}2$	3.22	$13{,}2x_1 - 8{,}3x_2 - 4{,}4x_3 + 6{,}2x_4 = 6{,}8$ $8{,}3x_1 + 4{,}2x_2 - 5{,}6x_3 + 7{,}7x_4 = 12{,}4$ $5{,}8x_1 - 3{,}7x_2 + 12{,}4x_3 - 6{,}2x_4 = 8{,}7$ $3{,}5x_1 + 6{,}6x_2 - 13{,}8x_3 - 9{,}3x_4 = -10{,}8$
3.23	$8{,}1x_1 + 1{,}2x_2 - 9{,}1x_3 + 1{,}7x_4 = 10$ $1{,}1x_1 - 1{,}7x_2 + 7{,}2x_3 - 3{,}4x_4 = 1{,}7$ $1{,}7x_1 - 1{,}8x_2 + 10x_3 + 2{,}3x_4 = 2{,}1$ $1{,}3x_1 + 1{,}7x_2 - 9{,}9x_3 + 3{,}5x_4 = 27{,}1$	3.24	$3{,}3x_1 - 2{,}2x_2 - 10x_3 + 1{,}7x_4 = 1{,}1$ $1{,}8x_1 + 21{,}1x_2 + 1{,}3x_3 - 2{,}2x_4 = 2{,}2$ $-10x_1 + 1{,}1x_2 + 20x_3 - 4{,}5x_4 = 10$ $70x_1 - 1{,}7x_2 - 2{,}2x_3 + 3{,}3x_4 = 2{,}1$
3.25	$1{,}7x_1 + 9{,}9x_2 - 20x_3 - 1{,}7x_4 = 1{,}7$ $20x_1 + 0{,}5x_2 - 30{,}1x_3 - 1{,}1x_4 = 2{,}1$ $10x_1 - 20x_2 + 30{,}2x_3 + 0{,}5x_4 = 1{,}8$ $3{,}3x_1 - 0{,}7x_2 + 3{,}3x_3 + 20x_4 = -1{,}7$	3.26	$1{,}7x_1 - 1{,}3x_2 - 1{,}1x_3 - 1{,}2x_4 = 2{,}2$ $10x_1 - 10x_2 - 1{,}3x_3 + 1{,}3x_4 = 1{,}1$ $3{,}5x_1 + 3{,}3x_2 + 1{,}2x_3 + 1{,}3x_4 = 1{,}2$ $1{,}3x_1 + 1{,}1x_2 - 1{,}3x_3 - 1{,}1x_4 = 10$

Задание 4. Найти приближенное значение функции при указанном значении аргумента, если функция задана таблицей. Использовать:

а) формулу линейной интерполяции;

б) интерполяционный многочлен Лагранжа.

Вариант	Таблица значений функции					Аргумент
4.1	x_i	0,43	0,48	0,55	0,62	$x = 0{,}512$
	y_i	1,635	1,723	1,876	2,033	
4.2	x_i	0,46	0,52	0,60	0,65	$x = 0{,}537$
	y_i	2,325	2,093	1,862	1,749	
4.3	x_i	0,08	0,12	0,17	0,23	$x = 0{,}102$
	y_i	1,095	1,147	1,214	1,301	
4.4	x_i	0,73	0,80	0,88	0,93	$x = 0{,}774$
	y_i	0,894	1,029	1,209	1,340	
4.5	x_i	0,41	0,47	0,51	0,56	$x = 0{,}552$
	y_i	2,300	1,968	1,787	1,595	
4.6	x_i	0,55	0,62	0,70	0,75	$x = 0{,}736$
	y_i	1,876	2,033	2,228	2,359	
4.7	x_i	0,08	0,12	0,17	0,23	$x = 0{,}154$
	y_i	1,095	1,147	1,214	1,301	
4.8	x_i	0,46	0,52	0,60	0,65	$x = 0{,}478$
	y_i	2,325	2,093	1,862	1,749	
4.9	x_i	0,41	0,47	0,51	0,56	$x = 0{,}436$
	y_i	2,300	1,968	1,787	1,595	
4.10	x_i	0,73	0,80	0,88	0,93	$x = 0{,}812$
	y_i	0,894	1,029	1,209	1,340	
4.11	x_i	0,08	0,12	0,17	0,23	$x = 0{,}125$

	y_i	1,095	1,147	1,214	1,301	
4.12	x_i	0,15	0,21	0,29	0,35	x = 0,186
	y_i	6,616	4,691	3,351	2,739	
4.13	x_i	0,43	0,48	0,55	0,62	x = 0,608
	y_i	1,635	1,723	1,876	2,033	
4.14	x_i	0,73	0,80	0,88	0,93	x = 0,896
	y_i	0,894	1,029	1,209	1,340	
4.15	x_i	0,46	0,52	0,60	0,65	x = 0,616
	y_i	2,325	2,093	1,862	1,749	
4.16	x_i	0,15	0,21	0,29	0,35	x = 0,314
	y_i	6,616	4,691	3,351	2,739	
4.17	x_i	0,41	0,47	0,51	0,56	x = 0,482
	y_i	2,300	1,968	1,787	1,595	
4.18	x_i	0,55	0,62	0,70	0,75	x = 0,736
	y_i	1,876	2,033	2,228	2,359	
4.19	x_i	0,12	0,17	0,23	0,30	x = 0,203
	y_i	1,147	1,214	1,301	1,409	
4.20	x_i	0,15	0,21	0,29	0,35	x = 0,235
	y_i	6,616	4,691	3,351	2,739	
4.21	x_i	0,46	0,52	0,60	0,65	x = 0,616
	y_i	2,325	2,093	1,862	1,749	
4.22	x_i	0,41	0,47	0,51	0,56	x = 0,461
	y_i	2,300	1,968	1,787	1,595	
4.23	x_i	0,08	0,12	0,17	0,23	x = 0,201
	y_i	1,095	1,147	1,214	1,301	
4.24	x_i	0,55	0,62	0,70	0,75	x = 0,631
	y_i	1,876	2,033	2,228	2,359	
4.25	x_i	0,73	0,80	0,88	0,93	x = 0,835
	y_i	0,894	1,029	1,209	1,340	
4.26	x_i	0,15	0,21	0,29	0,35	x = 0,314
	y_i	6,616	4,691	3,351	2,739	

Задание 5. Используя первую или вторую интерполяционную формулу Ньютона, вычислить значение функции при заданном значении аргумента.

Вариант	Таблица значений функции									Аргумент
5.1	x_i	1,415	1,420	1,425	1,430	1,435	1,440	1,445	1,450	x = 1,448
	y_i	0,8885	0,8896	0,8906	0,8916	0,8926	0,8936	0,8947	0,8956	
5.2	x_i	0,101	0,106	0,111	0,116	0,121	0,126	0,131	0,136	x = 0,109
	y_i	1,2618	1,2764	1,2912	1,3061	1,3213	1,3366	1,3520	1,3677	
5.3	x_i	0,15	0,20	0,25	0,30	0,35	0,40	0,45	0,50	x = 0,375
	y_i	0,8607	0,8187	0,7788	0,7408	0,7047	0,6703	0,6376	0,6065	
5.4	x_i	0,180	0,185	0,190	0,195	0,200	0,205	0,210	0,215	x = 0,213
	y_i	5,6154	5,4669	5,3263	5,1930	5,0665	4,9462	4,8317	4,7226	
5.5	x_i	3,50	3,55	3,60	3,65	3,70	3,75	3,80	3,85	x = 0,362
	y_i	33,115	34,813	36,598	38,475	40,447	42,521	44,701	46,993	
5.6	x_i	0,115	0,120	0,125	0,130	0,135	0,140	0,145	0,150	x = 0,133
	y_i	8,6573	8,2933	7,9583	7,6489	7,3625	7,0961	6,8481	6,6166	
5.7	x_i	1,340	1,345	1,350	1,355	1,360	1,365	1,370	1,375	x = 1,368

	y_i	4,2556	4,3532	4,4552	4,5618	4,6734	4,7904	4,9131	5,0419	
5.8	x_i	0,01	0,06	0,11	0,16	0,21	0,26	0,31	0,36	x = 0,243
	y_i	0,9918	0,9519	0,9136	0,8769	0,8413	0,8078	0,7753	0,7441	
5.9	x_i	0,15	0,16	0,17	0,18	0,19	0,20	0,21	0,22	x = 0,195
	y_i	4,4817	4,9530	5,4739	6,0496	6,6859	7,3891	8,1662	9,0250	
5.10	x_i	0,45	0,46	0,47	0,48	0,49	0,50	0,51	0,52	x = 0,462
	y_i	20,194	19,613	18,942	18,174	17,301	16,312	15,198	13,948	
5.11	x_i	1,430	1,435	1,440	1,445	1,450	1,455	1,460	1,465	x = 1,433
	y_i	0,8916	0,8926	0,8936	0,8947	0,8956	0,8967	0,8976	0,8986	
5.12	x_i	0,116	0,121	0,126	0,131	0,136	0,141	0,146	0,151	x = 0,134
	y_i	1,3061	1,3213	1,3366	1,3520	1,3677	1,3836	1,3996	1,4156	
5.13	x_i	0,30	0,35	0,40	0,45	0,50	0,55	0,60	0,65	x = 0,66
	y_i	0,7408	0,7047	0,6703	0,6376	0,6065	0,5769	0,5488	0,5220	
5.14	x_i	0,195	0,200	0,205	0,210	0,215	0,220	0,225	0,230	x = 0,193
	y_i	5,1930	5,0665	4,9462	4,8317	4,7226	4,6186	4,5192	4,4242	
5.15	x_i	3,65	3,70	3,75	3,80	3,85	3,90	3,95	4,00	x = 3,770
	y_i	38,475	40,447	42,521	44,701	46,993	49,402	51,935	54,598	
5.16	x_i	0,130	0,135	0,140	0,145	0,150	0,155	0,160	0,165	x = 0,157
	y_i	7,6489	7,3625	7,0961	6,8481	6,6166	6,3998	6,1966	6,005	
5.17	x_i	1,355	1,360	1,365	1,370	1,375	1,380	1,385	1,390	x = 1,350
	y_i	4,5618	4,6734	4,7904	4,9131	5,0419	5,1774	5.3202	5,4707	
5.18	x_i	0,16	0,21	0,26	0,31	0,36	0,41	0,46	0,51	x = 0,52
	y_i	0,8769	0,8413	0,8078	0,7753	0,7441	0,7142	0,6855	0,6579	
5.19	x_i	0,18	0,19	0,20	0,21	0,22	0,23	0,24	0,25	x = 0,215
	y_i	6,049	6,685	7,389	8,166	9,025	9,974	11,023	12,182	
5.20	x_i	0,48	0,49	0,50	0,51	0,52	0,53	0,54	0,55	x = 0,493
	y_i	18,174	17,301	16,312	15,198	13,948	12,551	10,994	9,265	
5.21	x_i	0,101	0,106	0,111	0,116	0,121	0,126	0,131	0,136	x = 0,118
	y_i	1,2618	1,2764	1,2912	1,3061	1,3213	1,3366	1,3520	1,3677	
5.22	x_i	0,45	0,46	0,47	0,48	0,49	0,50	0,51	0,52	x = 0,523
	y_i	20,194	19,613	18,942	18,174	17,301	16,312	15,198	13,948	
5.23	x_i	0,15	0,16	0,17	0,18	0,19	0,20	0,21	0,22	x = 0,164
	y_i	4,4817	4,9530	5,4739	6,0496	6,6859	7,3891	8,1662	9,0250	
5.24	x_i	1,340	1,345	1,350	1,355	1,360	1,365	1,370	1,375	x = 1,337
	y_i	4,2556	4,3532	4,4552	4,5618	4,6734	4,7904	4,9131	5,0419	
5.25	x_i	0,16	0,21	0,26	0,31	0,36	0,41	0,46	0,51	x = 0,24
	y_i	0,8769	0,8413	0,8078	0,7753	0,7441	0,7142	0,6855	0,6579	
5.26	x_i	0,30	0,35	0,40	0,45	0,50	0,55	0,60	0,65	x = 0,43
	y_i	0,7408	0,7047	0,6703	0,6376	0,6065	0,5769	0,5488	0,5220	

Задание 6. Для заданного численного метода

а) представить краткое описание, которое должно содержать:

- идею метода;
- исходные данные для применения;
- ожидаемые результаты;
- расчетные формулы;
- условия окончания вычислений;

б) разработать схему алгоритма, где указать назначение используемых переменных и массивов;

в) составить программу на языке программирования высокого уровня.

Вариант	Численный метод	Вариант	Численный метод
6.1	Вычисление определенного интеграла по формуле центральных прямоугольников	6.2	Вычисление значения функции по интерполяционной схеме Эйткена
6.3	Решение систем линейных уравнений методом	6.4	Решение систем линейных уравнений итерационным методом Зейделя
6.5	Вычисление первых производных табличной функции с использованием конечных разностей	6.6	Вычисление значения функции по интерполяционной формуле Лагранжа
6.7	Решение обыкновенных дифференциальных уравнений методом Эйлера	6.8	Вычисление определенного интеграла по формуле Симпсона
6.9	Вычисление значения функции по интерполяционной формуле Лагранжа	6.10	Решение обыкновенных дифференциальных уравнений методом Рунге-Кутта
6.11	Вычисление определителей методом Гаусса	6.12	Вычисление значения функции по первой интерполяционной формуле Ньютона
6.13	Решение систем линейных уравнений итерационным методом Якоби	6.14	Вычисление обратных матриц методом Гаусса
6.15	Вычисление определенного интеграла по формуле трапеций	6.16	Вычисление значения функции по интерполяционной формуле Ньютона с разделенными разностями (для неравноотстоящих узлов интерполирования)
6.17	Вычисление значения функции по формуле линейной интерполяции	6.18	Вычисление значения функции по второй интерполяционной формуле Ньютона
6.19	Решение систем нелинейных уравнений методом итерации	6.20	Решение систем нелинейных уравнений методом Ньютона
6.21	Решение систем линейных уравнений с трехдиагональной матрицей коэффициентов методом прогонки	6.22	Решение обыкновенных дифференциальных уравнений модифицированным методом Эйлера (методом Эйлера-Коши)
6.23	Вычисление значения функции по методу кусочно-линейной интерполяции	6.24	Решение систем линейных алгебраических уравнений по методу LU-разложения матрицы коэффициентов
6.25	Решение систем линейных уравнений методом Гаусса с выбором главного элемента по столбцу	6.26	Решение систем линейных уравнений методом Гаусса с выбором главного элемента по строке

Составил
проф. кафедры САПР ВС,
д.т.н., проф. С.В. Скворцов

Оператор ЭДО ООО "Компания "Тензор"
ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ
СОГЛАСОВАНО **ФГБОУ ВО "РГРТУ", РГРТУ,** Костров Борис Васильевич, Заведующий кафедрой ЭВМ **14.10.26** 10:51 (MSK) Простая подпись